

Q1

कथन: \rightarrow (i) किसी त्रिभुज में कि कौन से दो भुजाएँ एक-दूसरे से लंबी होंगी, यह तय करें।

(i) त्रिभुज की भुजाएँ 2cm, 3cm और 5cm हों
 यहाँ $2 + 3 (= 5 \text{ cm}) = 5 \text{ cm}$ (बराबर है)

\therefore त्रिभुज का अस्तित्व नहीं होगा।

(ii) त्रिभुज की भुजाएँ 3cm, 6cm और 7cm हों

यहाँ $3 \text{ cm} + 6 \text{ cm} (= 9 \text{ cm}) > 7 \text{ cm}$ (बराबर है)

$6 \text{ cm} + 7 \text{ cm} (= 13 \text{ cm}) > 3 \text{ cm}$ (" "

$3 \text{ cm} + 7 \text{ cm} (= 10 \text{ cm}) > 6 \text{ cm}$ (" "

चूंकि कौन से दो भुजाएँ एक-दूसरे से लंबी होंगी, यह तय करें।

\therefore त्रिभुज का अस्तित्व होगा।

(iii) त्रिभुज की भुजाएँ 6cm, 3cm और 2cm हों

यहाँ $6 \text{ cm} + 3 \text{ cm} (= 9 \text{ cm}) > 2 \text{ cm}$ (बराबर है)

पर $3 \text{ cm} + 2 \text{ cm} (= 5 \text{ cm}) < 6 \text{ cm}$ (" "

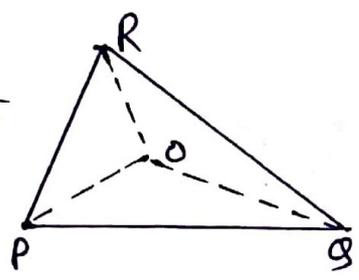
\therefore त्रिभुज का अस्तित्व नहीं होगा।

Q2

कथन: \rightarrow किसी त्रिभुज में दो भुजाओं के बीच का कोण तय करें।

यदि त्रिभुज में $\triangle OPQ$, $\triangle OQR$ और $\triangle ORP$ का अस्तित्व तय करें।

सबसे पहले यह तय करें कि कौन से दो भुजाएँ एक-दूसरे से लंबी होंगी, यह तय करें।



(i) $\triangle OPQ$ में $OP + OQ > PQ$ है।

(ii) $\triangle OQR$ में $OQ + OR > QR$ है।

(iii) $\triangle ORP$ में $OR + OP > PR$ है।

(1)

Q3.

सं.! → मान लें कि बिंदु M को जोड़ने से बाहर का क्षेत्र जन्म लेता है।
 अर्थात् बाहर का क्षेत्र है।

यदि तब $\triangle ABM$ है
 $AB + BM > AM$ — (1)

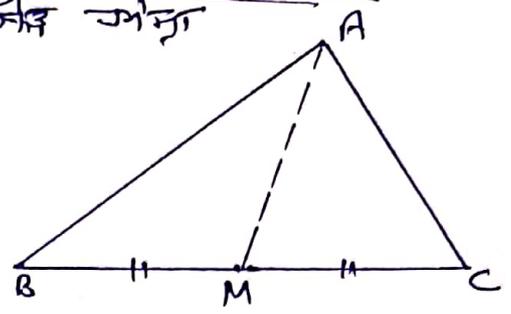
तब $\triangle ACM$ है
 $AC + CM > AM$ — (2)

(1) तब (2) को जोड़ें

$$AB + BM + AC + CM > AM + AM$$

$$AB + AC + (BM + CM) > 2AM$$

$$AB + AC + BC > 2AM \quad (\text{सिद्ध होकर})$$



Q4

सं.! → मान लें कि बिंदु को जोड़ने से बाहर का क्षेत्र जन्म लेता है।
 अर्थात् बाहर का क्षेत्र है।

यदि तब $\triangle ABC$ है
 $AB + BC > CA$ — (1)

यदि $\triangle BCD$ है
 $BC + CD > DB$ — (2)

यदि $\triangle CDA$ है
 $CD + DA > AC$ — (3)

तब $\triangle DAB$ है
 $DA + AB > DB$ — (4)

(1), (2), (3) तब (4) को जोड़ें

$$AB + BC + BC + CD + CD + DA + DA + AB > CA + DB + AC + DB$$

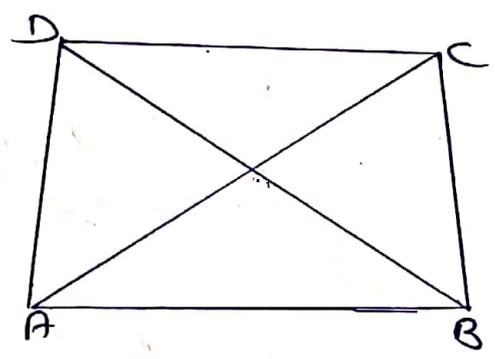
$$(AB + AB) + (BC + BC) + (CD + CD) + (DA + DA) > CA + DB + CA + DB$$

$$2AB + 2BC + 2CD + 2DA > 2CA + 2DB$$

$$2(AB + BC + CD + DA) > 2(CA + DB)$$

$$(AB + BC + CD + DA) > (CA + DB)$$

सिद्ध होकर,



(2)

