

ষষ্ঠ অধ্যায়
ৰেখা আৰু কোণ
(Lines and Angles)

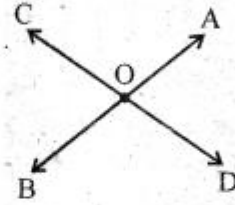
উপপাদ্য: 1. যদি দুটা সৰলৰেখা পৰস্পৰ এটা বিন্দুত ছেদ কৰে, তেন্তে বিপৰীত কোণবোৰ পৰস্পৰ সমান।

সমাধান: (1) বিশেষ উক্তি: ধৰা হ'ল AB আৰু CD ৰেখা দুটা পৰস্পৰ O বিন্দুত ছেদ কৰিছে।

(2) প্রমাণ কৰিব লাগে যে:

(i) $\angle AOC = \angle BOD$ আৰু

(ii) $\angle AOD = \angle COB$



(3) প্রমাণ:

$\therefore$ AO সৰলৰেখা CD ৰেখাৰ ওপৰত দণ্ডায়মান।

$\therefore \angle AOD + \angle AOC = 180^\circ \dots\dots\dots (a)$

আকৌ, $\therefore$ DO সৰলৰেখা AB ৰেখাৰ ওপৰত দণ্ডায়মান।

$\therefore \angle AOD + \angle BOD = 180^\circ \dots\dots\dots (b)$

এতিয়া, (a) আৰু (b) -ৰ পৰা পাওঁ-

$\therefore \angle AOD + \angle AOC = \angle AOD + \angle BOD$

$\Rightarrow \angle AOC = \angle BOD$

অনুবৃত্তৰূপে প্রমাণ কৰা যায় যে- $\angle AOD + \angle BOD$

অনুশীলনী -6.1

প্রশ্ন: 1. চিত্র 6.13ত AB আৰু CD ৰেখাই O বিন্দুত কটাকটি কৰিছে। যদি $\angle AOC + \angle BOE = 70^\circ$

আৰু $\angle BOD = 40^\circ$, তেন্তে $\angle BOE$ আৰু প্রত্যাবর্তী $\angle COE$ নির্ণয় কৰা।

সমাধান:

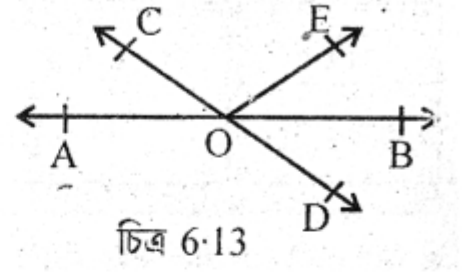
$$\therefore \angle AOC = \angle BOD \text{ [বিপ্রতীপ কোণ]}$$

$$\Rightarrow \angle AOC = 40^\circ [\angle BOD = 40^\circ \text{ প্রদত্ত}]$$

$$\therefore \angle AOC + \angle BOE = 70^\circ \text{ [প্রদত্ত]}$$

$$\Rightarrow 40^\circ + \angle BOE = 70^\circ$$

$$\Rightarrow \angle BOE = 70^\circ - 40^\circ = 30^\circ$$



চিত্র 6.13

আকৌ, $\angle AOC + \angle COE + \angle BOE = 180^\circ$ [সবলবৈখিক কোণ]

$$\Rightarrow 40^\circ + \angle COE + 30^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle COE = 180^\circ - (40^\circ + 30^\circ) = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$$

$$\therefore \text{প্রত্যাবর্তী } \angle COE = 360^\circ - 110^\circ = 250^\circ$$

$$\therefore \angle BOE = 30^\circ$$

আবু প্রত্যাবর্তী $\angle COE = 250^\circ$ উত্তর।

প্রশ্ন: 2. চিত্র 6.14-ত XY আবু MN রেখাই O বিন্দুত কটাকটি কৰিছে। যদি $\angle POY = 90^\circ$ আবু

$a:b = 2:3$, তেল্লৈ c নির্ণয় কৰা।

সমাধান: $\angle POX + \angle POY = 180^\circ$ [সবলবৈখিক কোণ]

$$\Rightarrow \angle POX + 90^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle POX = 90^\circ$$

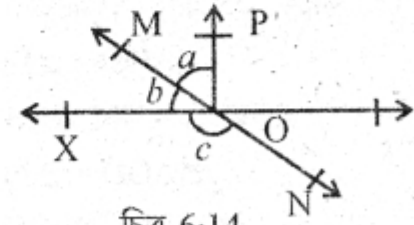
এতিয়া, ধৰা হ'ল $a = 2k$ আবু $b = 3k$, য'ত k ধনাত্মক আবু $k > 0$

$$\therefore \angle POX = 90^\circ$$

$$\Rightarrow 2k + 3k = 90^\circ$$

$$\Rightarrow 5k = 90^\circ \Rightarrow k = \frac{90^\circ}{5} = 18^\circ$$

$$\therefore a = 2k = 2 \times 18^\circ = 36^\circ, b = 3k = 3 \times 18^\circ = 54^\circ$$



চিত্র 6.14

এতিয়া, $\angle MOX + \angle NOX = 180^\circ$ [সবলবৈখিক কোণ]

$$\Rightarrow b + c = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 54^\circ + c = 180^\circ$$

$$\Rightarrow c = 180^\circ - 54^\circ = 126^\circ$$

$\therefore$ নির্ণেয় c -ৰ মান $= 126^\circ$ ।

প্রশ্ন: 3. চিত্র 6.15-ত $\angle PQR = \angle PRQ$, তেলে প্রমাণ কৰা যে $\angle PQS = \angle PRT$.

সমাধান:

$\therefore PQ$ রেখা, $\overleftrightarrow{SR}$ -ৰ ওপৰত দণ্ডায়মান ।

$$\therefore \angle PQS + \angle PQR = 180^\circ \dots \dots \dots (1)$$

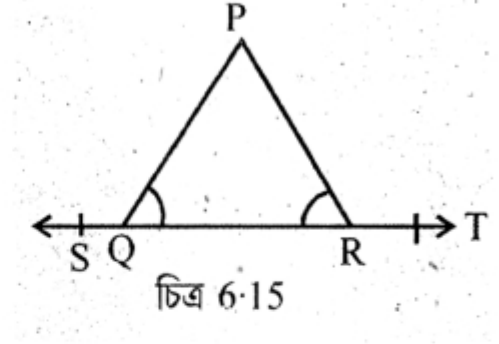
আকৌ, $\therefore PR$ রেখা, $\overleftrightarrow{TQ}$ -ৰ ওপৰত দণ্ডায়মান ।

$$\therefore \angle PRT + \angle PRS = 180^\circ \dots \dots \dots (2)$$

$\therefore$ (1) আৰু (2)-ৰ পৰা পাওঁ-

$$\angle PQS + \cancel{\angle PQR} = \angle PRT + \cancel{\angle PRS} [\because \angle PQR = \angle PRQ]$$

$$\Rightarrow \angle PQS = \angle PRT \text{ [প্রমাণিত]}$$



প্রশ্ন: 4. চিত্র 6.16-ত যদি $x + y = w + z$ তেলে প্রমাণ কৰা যে, AOB এডাল সৰলৰেখা ।

সমাধান: চিত্রমতে,

$$\angle AOC + \angle BOC + \angle DOB + \angle AOD = 360^\circ$$

$$\Rightarrow x + y + w + z = 360^\circ$$

$$\Rightarrow x + y + w + z = 360^\circ [\because x + y = w + z]$$

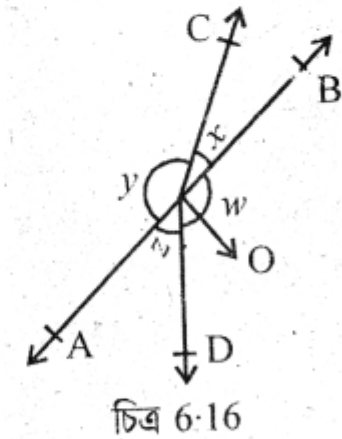
$$\Rightarrow 2x + 2y = 360^\circ$$

$$\Rightarrow 2(x + y) = 360^\circ$$

$$\Rightarrow x + y = \frac{360^\circ}{2} = 180^\circ \text{ [সৰলৰৈখিক কোণ]}$$

$$\Rightarrow \angle BOC + \angle AOC = 180^\circ$$

$\therefore AOB$ এটা সৰলৰেখা । [প্রমাণিত]



প্রশ্ন: 5. চিত্র 6.17-ত, POQ এডাল রেখা । OR বিন্দু, PQ রেখাৰ ওপৰত লম্ব । OP আৰু OR

বিন্দুৰ মাজত থকা আন এডাল বিন্দু হ'ল OS । প্রমাণ কৰা যে, $\angle ROS = \frac{1}{2}(\angle QOS -$

$\angle POS)$ ।

সমাধান: প্রদত্ত চিত্রমতে,

$$\angle QOR + \angle POR = 180^\circ \text{ [সৰলকৈথিক কোণ]}$$

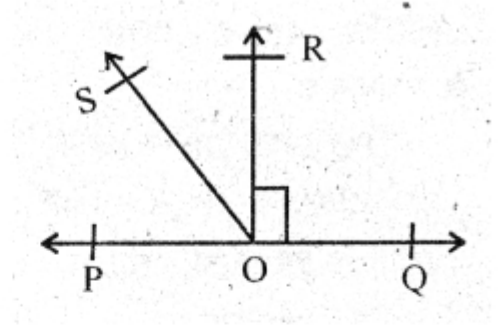
$$\Rightarrow 90^\circ + \angle POR = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle POR = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \angle ROS + \angle POS = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \angle ROS = 90^\circ - \angle POS \dots \dots \dots (i)$$

$$\Rightarrow \angle QOS + \angle POS = 180^\circ \text{ [সৰলকৈথিক কোণ]} \dots \dots \dots (ii)$$



এতিয়া (ii) অৰ উভয় পক্ষৰ পৰা $2\angle POS$ বিয়োগ কৰা হ'ল-

$$\angle QOS + \angle POS - 2\angle POS = 180^\circ - 2\angle POS$$

$$\Rightarrow \angle QOS - \angle POS = 2(90^\circ - \angle POS)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}(\angle QOS - \angle POS) = 90^\circ - \angle POS \dots \dots \dots (iii)$$

এতিয়া, (i) আৰু (iii) -ৰ পৰা আমি পাওঁ-

$$\angle ROS = \frac{1}{2}(\angle QOS - \angle POS) \text{ [প্রমাণিত]}$$

প্রশ্ন: 6. দিয়া আছে যে $\angle XYZ = 64^\circ$ আৰু XYক P বিন্দুলৈ বঢ়াই দিয়া হৈছে। এই থথ্যৰ সহায়ত

এটা চিত্র অংকন কৰা। যদি YQ বন্ধিয়ে $\angle ZYP$ -ক সমদ্বিখণ্ডিত কৰে তেন্তে $\angle XYQ$ অৰু
প্রত্যাবর্তী $\angle QYP$ নির্ণয় কৰা।

সমাধান: XY রেখা P বিন্দু লৈ বৰ্ধিত কৰা হ'ল।

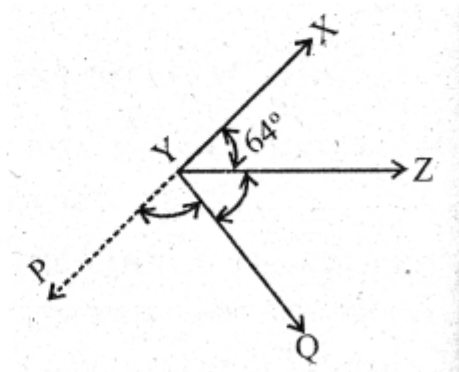
$\therefore$ XP এটা সৰলৰেখা।

$$\therefore \angle XYX + \angle ZYP = 180^\circ \text{ (সৰলৰৈথিক কোণ)}$$

$$\Rightarrow 64^\circ + \angle ZYP = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle ZYP = 180^\circ - 64^\circ$$

$$\Rightarrow \angle ZYP = 116^\circ \dots \dots \dots (i)$$



দিয়া আছে $\angle ZYP$ -অৰ সমদ্বিখণ্ডক YQ।

$$\angle ZYQ = \angle QYP = \frac{1}{2}\angle ZYP$$

$$\Rightarrow \angle ZYP = \angle QYP = \frac{1}{2} \times 116^\circ \text{ [(i) ব্যৱহাৰ কৰি]}$$

$$\Rightarrow \angle ZYQ = \angle QYP = 58^\circ \dots \dots \dots (ii)$$

$$\Rightarrow \angle QPY = 58^\circ$$

$$\text{এতিয়া, } \angle XYQ = \angle XYZ + \angle ZYQ$$

$$\Rightarrow \angle XYQ = 64^\circ + 58^\circ$$

$$\therefore \angle XYZ = 64^\circ \text{ (প্ৰদত্ত) আৰু } \angle ZYQ = 58^\circ$$

$$\Rightarrow \angle XYQ = 122^\circ$$

$$(ii) \text{ ৰ পৰা, } \angle QYP = 58^\circ$$

$$\Rightarrow \text{প্ৰত্যাহৰ্তী } \angle QYP = 360^\circ - \angle QYP$$

$$\Rightarrow \text{প্ৰত্যাহৰ্তী } \angle QYP = 360^\circ - 58^\circ$$

$$\Rightarrow \text{প্ৰত্যাহৰ্তী } \angle QYP = 302^\circ$$

$$\therefore \angle XYQ = 122^\circ$$

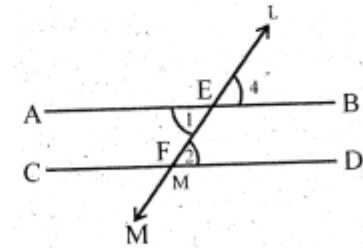
$$\text{প্ৰত্যাহৰ্তী } \angle QYP = 302^\circ \text{ (উত্তৰ) ।}$$

উপপাদ্য: 1. যদি এটা ছেদক দুটা সমান্তৰাল সৰলৰেখাক ছেদ কৰে । তেন্তে একান্তৰ কোণদ্বয় হ'ব ।

সমাধান: (i) **বিশেষ সূত্ৰ:** ধৰা হ'ল AB আৰু CD সমান্তৰাল

সৰলৰেখাদ্বয়ক LM ছেদক যথাক্ৰমে E আৰু

F বিন্দুত ছেদ কৰিছে ।



(ii) প্ৰমাণ কৰিব লাগে যে প্ৰত্যাহৰ্তী $\angle AEM = \angle 1 =$ একান্তৰ $\angle EFD = \angle 2$

(iii) **প্ৰমাণ:** $\angle 1 = \angle 4$ [বিপ্ৰতীপকোণ]

আৰু $\angle 2 = \angle 4$ [অনুৰূপ কোণ]

উপপাদ্য: 2. এটা সৰলৰেখা আন এটা সৰলৰেখাক ছেদ কৰাৰ পাছত যদি অন্তঃস্থ একান্তৰ কোণ সমান হয় তেনে হ'লে ৰেখা দুটা সমান্তৰাল হ'ব।

সমাধান: বিশেষ সূত্র: ধৰা হ'ল AB আৰু CD সৰলৰেখা দুটাক LM ছেদক যথাক্রমে E আৰু F বিন্দুত এনেদৰে ছেদ কৰিছে যাতে $\angle BEF = \angle EFC$ আৰু $\angle AEF = \angle EFD$ হয়।

(ii) প্রমাণ কৰিব লাগে যে $AB \parallel CD$.

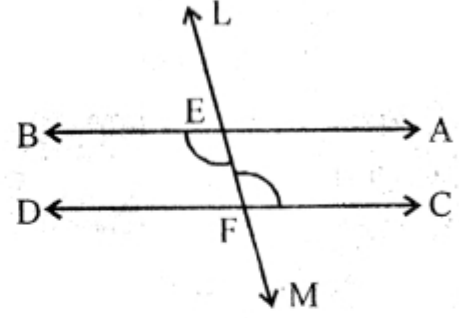
(iii) প্রমাণ:

$$\angle BEF = \angle LEA \text{ [বিপ্রতীপকোণ]}$$

$$\angle BEF = \angle EFC \text{ [প্রদত্ত]}$$

$$\therefore \angle LEA = \angle EFC, \text{ কিন্তু ইহঁত অনুৰূপ কোণ।}$$

$$\therefore AB \parallel CD \text{ প্রমাণিত হ'ল।}$$



উপপাদ্য: 3. যদি দুটা সমান্তৰাল সৰলৰেখাক কোন এটা ছেদক ছেদ কৰে, তেনেহ'লে ছেদকৰ একে পাৰ্শ্বস্থ অন্তঃকোণ দুটাৰ মাপৰ সমষ্টি দুই সমকোণৰ সমান হয়।

সমাধান: (i) বিশেষ উক্তি: ধৰা হ'ল AB আৰু CD সমান্তৰাল সৰলৰেখাক LM ছেদকটো যথাক্রমে E আৰু F বিন্দুত ছেদ কৰিছে।

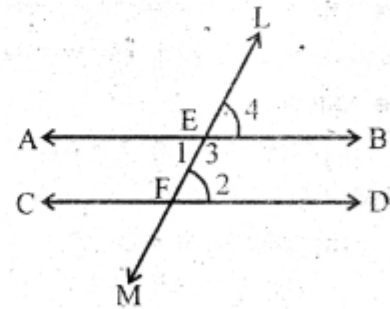
(ii) প্রমাণ কৰিব লাগে যে $\angle BEF + \angle EFD = \angle 2 + \angle 3 = 180^\circ$.

(iii) প্রমাণ:

$$\angle 4 + \angle 3 = 180^\circ \text{ [সন্নিহিত পূৰক কোণ]}$$

$$\text{কিন্তু } \angle 4 = \angle 2 \text{ [অনুৰূপ কোণ]}$$

$$\therefore \angle 2 + \angle 3 = 180^\circ, \text{ প্রমাণিত হ'ল।}$$



উপপাদ্য: 4. এটা ছেদক দুটা সৰলৰেখাক ছেদ কৰিলে যদি একে পাৰ্শ্বস্থ অন্তঃকোণদ্বয়ৰ সমষ্টি দুই সমকোণ হয়, তেন্তে সৰলৰেখাদ্বয় সমান্তৰাল হ'ব।

সমাধান: বিশেষ সূত্র: ধৰা হ'ল AB আৰু CD সমান্তৰাল সৰলৰেখাক LM ছেদক যথাক্রমে E আৰু F

বিন্দুত ছেদ কৰিছে। আৰু (i) $\angle BEF + \angle EFD = 180^\circ$

অথবা $\angle 1 + \angle 2 = 180^\circ$

(ii) $\angle AEF + \angle EFC = 180^\circ$

অথবা $\angle 4 + \angle 5 = 180^\circ$

(2) প্রমাণ কৰিব লাগে যে - $AB \parallel CD$

(iii) **প্রমাণ:**

$$\angle 3 + \angle 4 = 180^\circ \text{ [সন্নিহিত সম্মুখক কোণ]}$$

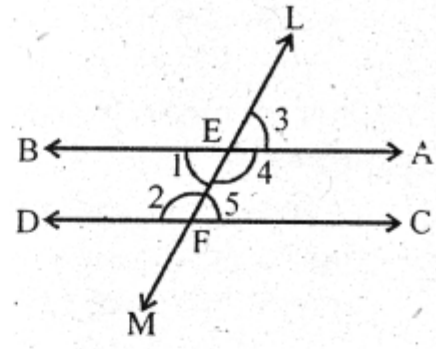
কিন্তু $\angle 4 = \angle 5 = 180^\circ$ [প্রদত্ত কোণ]

$$\therefore \angle 3 + \angle 4 = \angle 4 + \angle 5$$

$$\Rightarrow \angle 3 = \angle 5$$

কিন্তু ইহঁত অনুরূপ কোণ

$\therefore AB \parallel CD$ প্রমাণিত হ'ল।



উপপাদ্য: 5. যদি দুটা সৰলৰেখাৰ প্ৰতিটো আন এটা সৰলৰেখাৰ সমান্তৰাল হয় তেনে হ'লে বেখা দুটা
পৰস্পৰ সমান্তৰাল।

সমাধান:

(i) **বিশেষ সূত্র:** ধৰা হ'ল AB আৰু CD এনে দুটা সৰলৰেখা যাতে $AB \parallel EF$ আৰু $CD \parallel EF$ হয়।

(ii) প্রমাণ কৰিব লাগে যে- $AB \parallel CD$

(iii) অংকন: AB , CD আৰু EF বেখা তিনিটাৰ ছেদক LM অংকন কৰা হ'ল।

(iv) **প্রমাণ:**

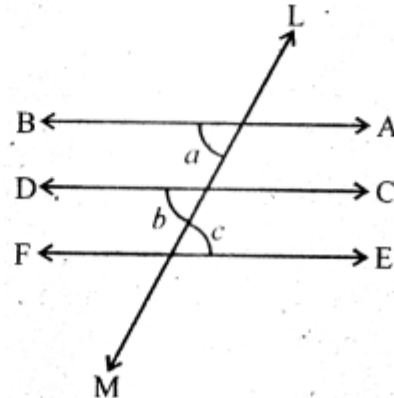
$$\angle a = \text{একান্ত } \angle c \dots \dots \dots (1)$$

[$\therefore AB \parallel EF, LM$ ছেদক।]

$$\angle b = \text{একান্ত } \angle c \dots \dots \dots (2)$$

[$\therefore CD \parallel EF, LM$ ছেদক।]

এতিয়া, (1) আৰু (2) অৰ পৰা পাওঁ-



$$\angle a = \angle b$$

$$\therefore AB \parallel CD$$

[$\therefore \angle a$ আৰু $\angle b$ অনুরূপ কোণ]

[প্রমাণিত]

অনুশীলনী- 6.2

প্রশ্ন: 1. চিত্র 6.28-ত x আৰু y -ৰ মান উলিওৱা আৰু তাৰ পাছত দেখুওৱা যে $AB \parallel CD$ ।

সমাধান: ধৰা হ'ল ছেদক LM, AB আৰু CD-ক P আৰু Q বিন্দুত ছেদ কৰিছে।

এতিয়া, চিত্ৰৰ পৰা পাওঁ-

$$50^\circ + x = 180^\circ \text{ [সৰল বৈধিক কোণ]}$$

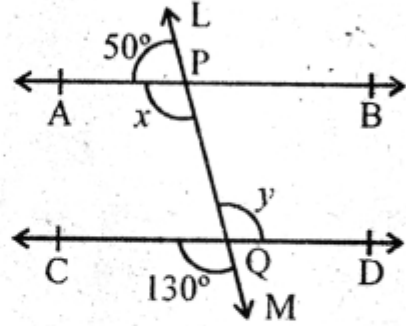
$$\Rightarrow x = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ \dots\dots\dots (i)$$

$$\therefore y = 130^\circ \text{ (বিপ্রতীপকোণ)} \dots\dots\dots (ii)$$

$$\therefore (i) \text{ আৰু } (ii) \text{-ৰ পৰা আমি পাওঁ } x = y$$

$\therefore$ দেখা যায় যে, অন্তঃস্থ একান্তৰ দুটা সমমানৰ।

$$\therefore AB \parallel CD \text{ (প্রমাণিত)}$$



চিত্র : 6.28

প্রশ্ন: 2. চিত্র 6.29-ত, যদি $AB \parallel CD, CD \parallel EF$ আৰু $y:z = 3:7$ হয়, তেন্তে x -ৰ মান নিৰ্ণয় কৰা।

সমাধান:

$$\therefore AB \parallel CD$$

$$\therefore x + y = 180^\circ \dots\dots\dots (i)$$

দিয়া আছে,

$$AB \parallel CD, CD \parallel EF$$

$$\therefore AB \parallel EF$$

$$\therefore x = z \text{ [একান্তৰ কোণ]}$$

এতিয়া, (i) আৰু (ii) ৰ পৰা পাওঁ

$$z + y = 180^\circ \dots \dots \dots (iii)$$

আকৌ, দিয়া আছে, $y : z = 3 : 7$

ধৰা হ'ল, $y = 3k, z = 7k$, য'ত $k > 0$

এতিয়া, (iii) নং সমীকৰণত k -ৰ মান বহুৱাই পাওঁ-

$$7k + 3k = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 10k = 180^\circ$$

$$\Rightarrow k = \frac{180^\circ}{10} = 18^\circ$$

$$\therefore y = 3k = 3 \times 18^\circ = 54^\circ$$

আৰু $z = 7k = 7 \times 18^\circ = 126^\circ$

আমি (ii)-ৰ পৰা পাওঁ-

$$x = z$$

$$\therefore x = 126^\circ \text{ (উত্তৰ)}$$

প্ৰশ্ন:3. চিত্ৰ 6.30-ত, $AB \parallel CD$, $RF \perp CD$ আৰু $\angle GED = 126^\circ$ হ'লে $\angle AGE$, $\angle GEF$ আৰু $\angle FGE$ -ৰ মান নিৰ্ণয় কৰা।

সমাধান: $AB \parallel CD$ আৰু GE এটা ভেদক।

$$\therefore \angle AGE = \angle GED \text{ [একান্তৰ কোণ]}$$

$$\Rightarrow \angle AGE = 126^\circ$$

$$\therefore \angle GED = 126^\circ \text{ (প্ৰদত্ত)}$$

$$\Rightarrow \angle GED + 90^\circ = 126^\circ$$

$$[\therefore EF \perp CD \text{ (প্ৰদত্ত)}]$$

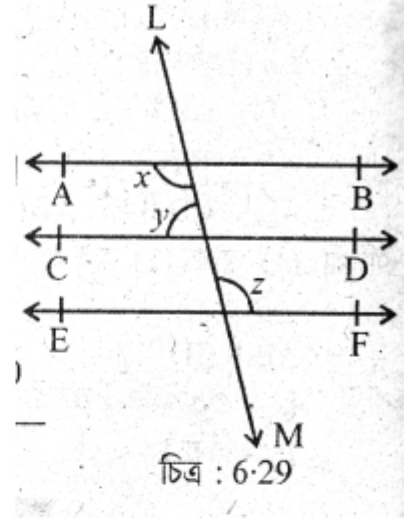
$$\therefore \angle FED = 90^\circ]$$

$$\Rightarrow \angle GEF = 126^\circ - 90^\circ$$

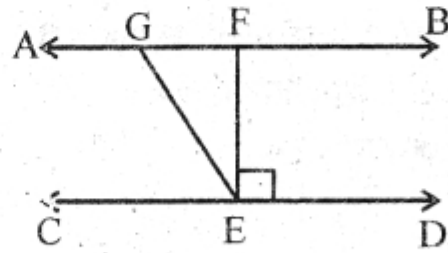
$$\Rightarrow \angle GEF = 36^\circ$$

এতিয়া, $\angle AGE + \angle FGE = 180^\circ$ [সৰল ৰাখিক কোণ]

$$\Rightarrow 126^\circ + \angle FGE = 180^\circ$$



চিত্ৰ : 6.29



চিত্ৰ : 6.30

$$\Rightarrow \angle FGE = 180^\circ - 126^\circ = 54^\circ$$

$$\therefore \angle AGE = 126^\circ$$

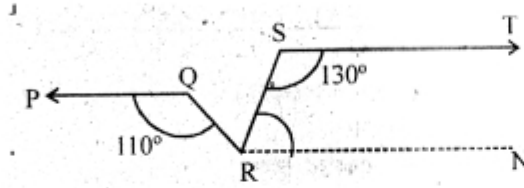
$$\angle GEF = 36^\circ$$

$$\text{আৰু } \angle FGE = 45^\circ \quad \text{(উত্তৰ)}$$

প্ৰশ্ন: 4. চিত্ৰ 6.31-ত যদি $PQ \parallel ST$, $\angle PQR = 110^\circ$ আৰু $\angle RST = 130^\circ$ হয়, তেন্তে $\angle QRS$ -ৰ

মান নিৰ্ণয় কৰা। [ইংগিত: R বিন্দুৰ মাজেৰে যোৱাকৈ ST-ৰ সমান্তৰাল ভাবে থকা

এডাল ৰেখা অংকন কৰা।]



সমাধান: R বিন্দুৰ মাজেৰে ST-ৰ সমান্তৰাল কৰি RN ৰেখা অংকন কৰা হ'ল।

এতিয়া, $ST \parallel RN$

$$\Rightarrow \angle RST + \angle SRN = 180^\circ$$

[ছেদকৰ একেফালৰ অন্তঃকোণ দুটাৰ পৰিমাণৰ সমষ্টি দুই সমকোণৰ সমান]

$$\Rightarrow 130^\circ + \angle SRN = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle SRN = 180^\circ - 130^\circ$$

$$\Rightarrow \angle SRN = 50^\circ \dots \dots \dots (i)$$

এতিয়া, $PQ \parallel ST$ (প্ৰদত্ত)

আৰু $RN \parallel ST$ [অংকন মতে]

$$\therefore PQ \parallel RN.$$

এতিয়া, $\therefore PQ \parallel RN$, QR এটা ভেদক]

$$\therefore \angle QRN = \angle PQR \text{ [একান্তৰ কোণ]}$$

$$\Rightarrow \angle QRN = 110^\circ [\because PQR = 110^\circ \text{ (প্ৰদত্ত)}]$$

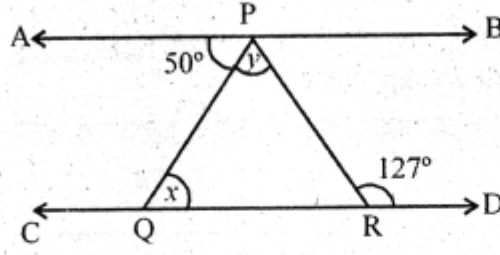
$$\Rightarrow \angle QRS + \angle SRN = 110^\circ$$

$$\Rightarrow \angle QRS = 110^\circ - 50^\circ$$

$$\Rightarrow \angle QRS = 60^\circ \text{ (উত্তৰ)}$$

প্রশ্ন: 5. চিত্র 6.32-ত $AB \parallel CD$, $\angle APQ = 50^\circ$ আৰু $\angle PRD = 127^\circ$ হয়, তেন্তে x আৰু y -ৰ মান নিৰ্ণয় কৰা।

সমাধান:



$\therefore AB \parallel CD$, PQ এটা ভেদক।

$$\therefore \angle APQ = \angle PQR$$

$$\therefore x = \angle APQ \text{ [একান্তৰ কোণ]}$$

$$\Rightarrow x = 50^\circ [\because \angle APQ = 50^\circ \text{ (প্রদত্ত)}]$$

$\therefore AB \parallel CD$, PR এটা ভেদক।

$$\therefore \angle APQ + \angle QPR = \angle PRD$$

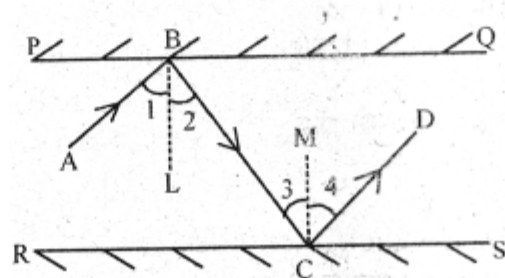
$$\Rightarrow 50^\circ + y = 127^\circ$$

$$\Rightarrow y = 127 - 50^\circ$$

$$\Rightarrow y = 77^\circ$$

$$\therefore x = 50^\circ; y = 77^\circ \text{ (উত্তৰ)}$$

প্রশ্ন: 6. চিত্র 6.33 অ'ত PQ আৰু RS দাপোন দুখনক পৰস্পৰ সমান্তৰালকৈ ৰখা হৈছে। AB আপতিত ৰশ্মি PQ দাপোণৰ B বিন্দুত পৰিছে আৰু প্রতিফলিত হৈ BC পথেৰে গৈ RS দাপোণৰ C বিন্দুত পৰিছে। এই ৰশ্মি আকৌ CD দিশেৰে বিপৰীত ক্রমত প্রতিফলিত হৈছে। প্রমাণ কৰা যে- $AB \parallel CD$ ।



সমাধান: চিত্রমতে, PQ আৰু RS দুটা সমতল দৰ্পণ পৰস্পৰ সমান্তৰাল। আপতিত ৰশ্মি AB দৰ্পণ

PQ-ত B বিন্দুত আপতিত হৈছে। CD ৰশ্মি RS দৰ্পণৰ পৰা প্ৰতিফলিত হ'ল।

প্ৰমাণ কৰিব লাগে যে- $AB \parallel CD$

প্ৰমাণ: আমি জানো যে-

আপাতন কোণ = প্ৰতিফলন কোণ

$$\therefore \angle 1 = \angle 2 \text{ আৰু } \angle 3 = \angle 4 \dots\dots\dots(i)$$

$\angle 1$, আপতিত ৰশ্মি AB আৰু অভিলম্ব BL-ৰ মধ্যৱৰ্তী কোণ।

$\therefore \angle 1$ হ'ল আপাতন কোণ। $\square$

$\angle 2$, প্ৰতিফলিত ৰশ্মি BC আৰু অভিলম্ব BL-ৰ মধ্যৱৰ্তী কোণ।

$\therefore \angle 2$ হ'ল প্ৰতিফলিত কোণ।

একেদৰে $\angle 3$ আৰু $\angle 4$ যথাক্ৰমে আপাতন কোণ আৰু প্ৰতিফলন কোণ।

$$\therefore PQ \parallel RS \text{ আৰু } BL \perp PQ,$$

$$\therefore CM \perp RS$$

$$\therefore BL \parallel CM.$$

এতিয়া, $BL \parallel CM$, BC ছেদক।

$$\therefore \angle 2 = \angle 3 \text{ [একান্তকোণ]} \dots\dots\dots(ii)$$

$$\therefore \angle ABC = \angle 1 + \angle 2$$

$$\Rightarrow \angle ABC = \angle 2 + \angle 2 [\because \angle 1 = \angle 2]$$

$$\Rightarrow \angle ABC = 2\angle 2$$

$$\text{আৰু } \angle BCD = \angle 3 + \angle 4$$

$$\Rightarrow \angle BCD = \angle 3 + \angle 3 [\because \angle 3 = \angle 4]$$

$$\Rightarrow \angle BCD = 2\angle 3$$

কিন্তু (ii)-ৰ পৰা আমি পাইও-

$$\angle 2 = \angle 3$$

$$\Rightarrow 2\angle 2 = 2\angle 3$$

$$\Rightarrow \angle ABC = \angle BCD, \text{ সিহঁত একান্ত কোণ ।}$$

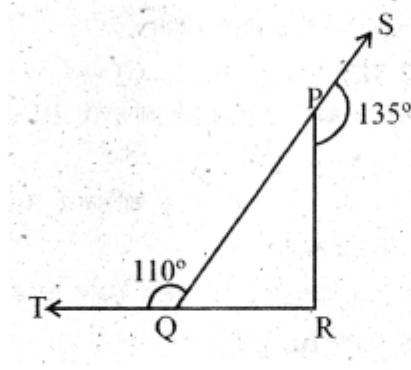
$$\therefore AB \parallel CD \text{ [প্রমাণিত]}$$

অনুশীলন -6.3

প্রশ্ন: 1. চিত্র 6.39-ত, ΔPQR -ৰ QP আৰু RQ বাহু দুটাক ক্ৰমে S আৰু T বিন্দুলৈ বঢ়াই দিয়া হ'ল।

যদি $\angle SPR = 135^\circ$ আৰু $\angle PQT = 110^\circ$, তেন্তে $\angle PRQ$ নিৰ্ণয় কৰা।

সমাধান:



$$\angle SPR + \angle QPR = 180^\circ \text{ [সৰল ৰৈখিক কোণ]}$$

$$\therefore 135^\circ + \angle QPR = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle QPR = 180^\circ - 135^\circ = 45^\circ$$

আমি জানো যে, ত্ৰিভুজৰ এটা বহিঃকোণ দূৰ্বৰ্তী অন্তঃকোণ দুটাৰ সমষ্টিৰ সমান।

$\therefore \Delta PQR$ -ৰ পৰা

$$\text{বহিঃকোণ } \angle PQT = \angle QPR + \angle PRQ$$

$$\Rightarrow 110^\circ = 45^\circ + \angle PRQ$$

$$\Rightarrow 110^\circ - 45^\circ = \angle PRQ$$

$$\Rightarrow \angle PRQ = 65^\circ \text{ (উত্তৰ)}$$

প্রশ্ন: 2. চিত্র 6.40-ত $\angle X = 62^\circ$, $\angle XYZ = 54^\circ$ । যদি, ΔXYZ -ৰ YO আৰু ZO ক্ৰমে $\angle XYZ$ আৰু

$\angle XZY$ -ৰ সমদ্বিখণ্ডক, তেন্তে $\angle OZY$ আৰু $\angle YOZ$ উলিওৱা।

সমাধান: $\triangle XYZ$ -ত

$$\angle X + \angle XYZ + \angle XZY = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 62^\circ + 54^\circ + \angle XZY = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle XZY = 180^\circ - 116^\circ = 64^\circ$$

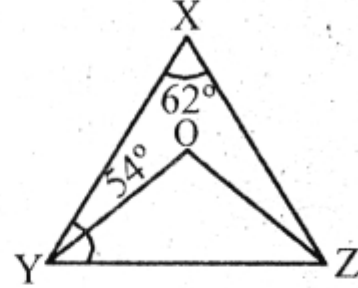
এতিয়া, ZO , $\angle XZY$ -ৰ সমদ্বিখণ্ডক।

$$\therefore \angle OZY = \angle OZX = \frac{1}{2} \angle XZY$$

$$\Rightarrow \angle OZY = \angle OZX = \frac{1}{2} \times 64^\circ = 32^\circ$$

$$\Rightarrow \angle OZY = \angle OZX = 32^\circ$$

$$\Rightarrow \angle OZY = 32^\circ$$



আকৌ, YO , $\angle XYZ$ -ত সমদ্বিখণ্ডক।

$$\therefore \angle OYZ = \angle OYX = \frac{1}{2} \angle XYZ$$

$$\Rightarrow \angle OYZ = \angle OYX = \frac{1}{2} \times 54^\circ$$

$$\Rightarrow \angle OYZ = 27^\circ$$

এতিয়া, $\triangle OYZ$ -ত

$$\angle OZY = \angle OYZ + \angle YOZ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle YOZ + 27^\circ + 32^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle YOZ = 180^\circ - 59^\circ = 121^\circ$$

$$\therefore \left. \begin{array}{l} \angle OZY = 32^\circ \\ \text{আৰু } \angle YOZ = 121^\circ \end{array} \right\} \text{(উত্তৰ)}$$

প্ৰশ্ন: 3. চিত্ৰ 6.41-ত, যদি $AB \parallel DE$, $\angle BAC = 35^\circ$ আৰু $\angle CDE = 53^\circ$, তেন্তে $\angle DCE$ উলিওৱা।

সমাধান:

$$\therefore AB \parallel DE, AE \text{ ছেদক।}$$

$$\therefore \angle BAE = \angle AED \text{ [একান্তৰ কোণ]}$$

$$\Rightarrow \angle BAC = \angle AED$$

$$\Rightarrow \angle AED = 35^\circ$$

$$\Rightarrow \angle CED = 35^\circ$$

এতিয়া, $\triangle CDE$ -ত

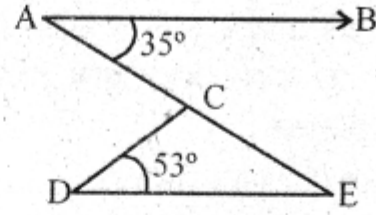
$$\angle DCE + \angle CDE + \angle CED = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle DCE + 53^\circ + 35^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle DCE + 88^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle DCE = 180^\circ - 88^\circ$$

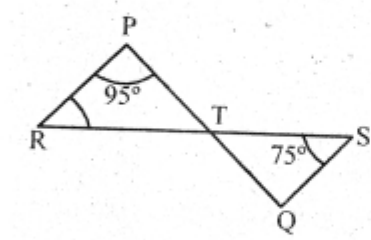
$$\Rightarrow \angle DCE = 92^\circ \text{ (উত্তৰ) ।}$$



প্রশ্ন: 4. চিত্র 6.42-ত যদি PQ আৰু RS বেখাই T বিন্দুত কটাকটি কৰে যাতে $\angle PRT = 40^\circ$,

$\angle RPT = 95^\circ$ আৰু $\angle TSQ = 75^\circ$, তেন্তে $\angle SQT$ উলিওৱা ।

সমাধান:



$$\triangle PRT\text{-ত } \angle PRT + \angle RPT + \angle PTR = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 95^\circ + 40^\circ + \angle PTR = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle PTR = 180^\circ - 135^\circ$$

$$\Rightarrow \angle PTR = 45^\circ \dots \dots \dots (i)$$

PQ আৰু RS বেখাদ্বয় পৰস্পৰ T বিন্দুত ছেদ কৰিছে ।

$$\therefore \angle STQ = \angle PTR \text{ [বিপ্রতীপ কোণ]}$$

$$\Rightarrow \angle STQ = 54^\circ \text{ [(i)-ব্যৱহাৰ কৰি]}$$

এতিয়া, $\triangle STQ$ -ত

$$\angle SQT + \angle STQ + \angle TSQ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle SQT + 45^\circ + 75^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle SQT = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

$$\Rightarrow \angle SQT = 60^\circ \text{ (উত্তৰ)}$$

প্ৰশ্ন: 5. চিত্ৰ 6.43-ত যদি $PQ \perp PS$, $PQ \parallel SR$, $\angle SQR = 28^\circ$ আৰু $\angle QRT = 65^\circ$. তেন্তে x আৰু y -ৰ মান উলিওৱা।

সমাধান:

$\therefore$ এটা ত্ৰিভুজৰ এটা বহিঃকোণ দূৰৱৰ্তী বিপৰীত অন্তঃস্থ কোণদ্বয়ৰ সমষ্টিৰ সমান

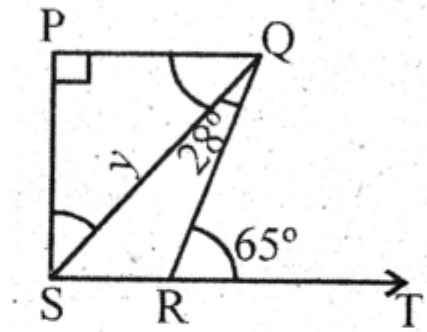
$\therefore \Delta QSR$ -ত

$$\text{বহিঃ } \angle QRT = \angle QSR + \angle SQR$$

$$\Rightarrow 65^\circ = \angle QSR + 28^\circ$$

$$\Rightarrow \angle QSR = 65^\circ - 28^\circ = 37^\circ$$

$$\Rightarrow \angle QSR = 37^\circ \dots \dots \dots (i)$$



আকৌ, $PQ \parallel SR$, SQ ছেদক।

$$\therefore x = \angle QSR \text{ (একান্তৰ কোণ)}$$

$$\Rightarrow x = 37^\circ [(i)\text{-ব্যৱহাৰ কৰি}] \dots \dots \dots (ii)$$

$$\therefore PQ \parallel RS$$

$$\Rightarrow \angle QPS = 90^\circ \dots \dots \dots (iii)$$

সমকোণী ত্ৰিভুজ PQS-ত

$$\angle QPS + x + y = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 90^\circ + 37^\circ + y = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 127^\circ + y = 180^\circ$$

$$\Rightarrow y = 180^\circ - 127^\circ$$

$$\Rightarrow y = 53^\circ$$

$$\therefore \angle y = 53^\circ \text{ (উত্তৰ)।}$$

প্ৰশ্ন: 6. চিত্ৰ 6.44ত, ΔPQR -ৰ QR বাহক S বিন্দুলৈ বঢ়াই দিয়া হ'ল। যদি $\angle PQR$ আৰু $\angle PRS$

কোণৰ সমদ্বিখণ্ডক দুডাল T বিন্দুত মিলিত হয়, তেন্তে প্ৰমাণ কৰা যে - $\angle QTR = \frac{1}{2}\angle QPR$.

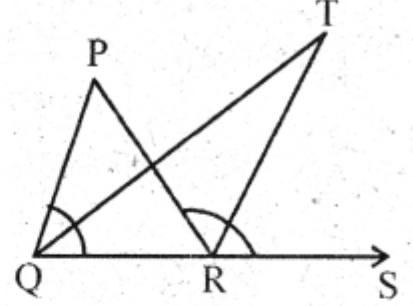
সমাধান:

QT , $\angle PQR$ -ৰ সমদ্বিখণ্ডক।

$$\therefore \angle PQT = \angle RQT \dots\dots\dots (i)$$

RT , $\angle PRS$ -ৰ সমদ্বিখণ্ডক।

$$\therefore \angle PRT = \angle TRS \dots\dots\dots (ii)$$



$\therefore$ ত্ৰিভুজৰ এটা বহিঃকোণ দূৰৱৰ্তী অন্তঃস্থ কোণদ্বয়ৰ সমষ্টিৰ সমান।

$\therefore \Delta PQR$ -ত

বহিঃকোণ $\angle PRS = \angle QPR + \angle PQR$

$$\Rightarrow (\angle PRT + \angle TRS) = \angle QPR + (\angle PQT + \angle RQT)$$

$$\Rightarrow \angle TRS + \angle TRS = \angle QPR + (\angle RQT + \angle RQT) \quad [(i) \text{ আৰু } (ii) \text{ ব্যৱহাৰ কৰি}]$$

$$\Rightarrow 2\angle TRS = \angle QPR + 2\angle RQT.$$

$$\Rightarrow 2(\angle TRS - \angle RQT) = \angle QPR$$

$$\Rightarrow \angle TRS - \angle RQT = \frac{1}{2}\angle QPR \dots\dots\dots (iii)$$

এতিয়া, ΔQTR -ত

বহিঃকোণ $\angle TRS = \angle QTR + \angle RQT \dots\dots\dots (iv)$

(iii) আৰু (iv) ব্যৱহাৰ কৰি পাওঁ-

$$\angle QTR + \angle RQT - \angle RQT = \frac{1}{2}\angle QPR$$

$$\Rightarrow \angle QTR = \frac{1}{2}\angle QPR \quad [\text{প্ৰমাণিত}]$$