

भिन्नात्मक संख्याएँ

रश्मि को चित्र बनाने का बड़ा शौक है। वह आज सुबह ही दुकान से एक शीट लेकर आयी है।



आज मैं अपनी स्कूल का चित्र इस पर बनाऊँगी।



रश्मि ने चित्र बनाना शुरू ही किया था कि उसकी सहेली मीरा भी वहाँ आ पहुँची— तब रश्मि ने शीट को ठीक बीच में से मोड़ा—
उन दो बराबर-बराबर हिस्सों में से एक रश्मि ने खुद के लिए रख, दूसरा हिस्सा मीरा को दे दिया।

रश्मि द्वारा अपने पास रखा शीट का हिस्सा; पूरी शीट का आधा यानी $= \frac{1}{2} = \frac{\text{लिये गये हिस्से}}{\text{कुल हिस्से}}$



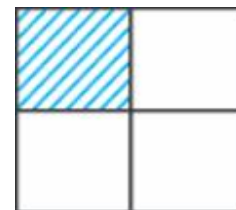
इसी प्रकार आप बताइए मीरा को पूरी शीट का कितना हिस्सा मिला?

इतने में रश्मि और मीरा की कक्षा-4 के दो साथी नंदू और गणेश भी वहाँ आ पहुँचे—

आप बताइए अब शीट के बराबर-बराबर हिस्से किस प्रकार किये जायें, जिससे सबको एक बराबर शीट के बराबर हिस्से मिले।



(अपनी कॉपी का एक कागज लेकर चार बराबर हिस्से करके देखिए)
तब प्रत्येक को पूरी शीट का कितना हिस्सा मिलेगा?



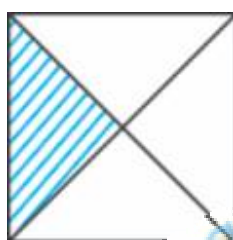
इसे हम इस प्रकार लिखते हैं— पूरी शीट का $\frac{1}{4}$; $\frac{\text{लिये गये या रंगे गये हिस्से}}{\text{कुल हिस्से}}$

इसे हम $\frac{\text{अंश}}{\text{हर}}$ भी कहते हैं। यहाँ अंश = 1 और हर = 4 है।

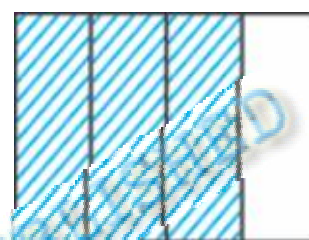
नीचे कुछ आकृतियाँ बनी हैं। इनमें रंगे हुए हिस्से, कुल के कितने हैं? प्रत्येक में अंश-हर के मान बताइए—



$\frac{1}{2}$ अंश = 1
हर = 2



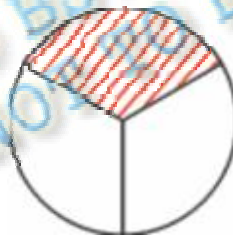
अंश =
हर =



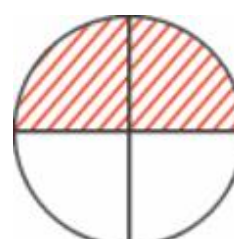
अंश =
हर =



अंश =
हर =



अंश =
हर =



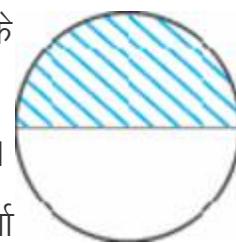
अंश =
हर =

vk b, vc ge leg e fhkUu l[;kvk dk le>A

अभी तक हमने एक रोटी, एक चौकोर या एक त्रिभुज लेकर उसके बराबर हिस्सों को भिन्न के रूप में लिखा। जैसा कि ऊपर चित्र में दिया है।

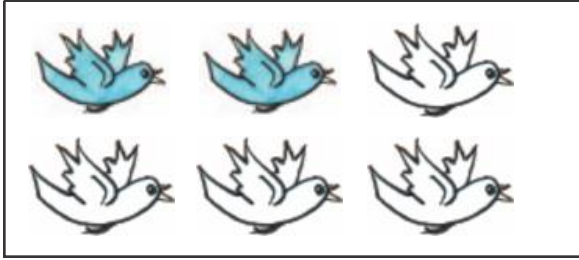
बगल के चित्र में एक रोटी के 2 बराबर हिस्सों में से 1 हिस्से को रंगा गया है।

ऐसे ही हम वस्तुओं के समूह में भी रंगे हुए भागों को भिन्न रूप में दर्शा सकते हैं।



$\frac{1}{2}$

इस चित्र में पक्षियों के एक समूह में कुल पक्षी हैं।

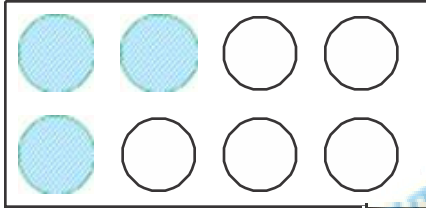


इसमें से रँगे पक्षी =

अतः 6 पक्षी के एक समूह में रँगा हुआ भाग (हिस्सा) होगा— $= \frac{2}{6}$

b l h i d k j u h p d f p = k e i R ; d l e g e j x f g l l j l e g d f d r u H k k x g l c r k b , &

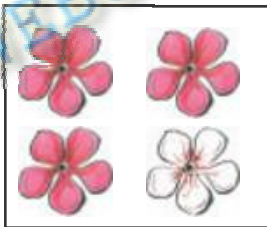
(i)



(ii)



(iii)



(iv)

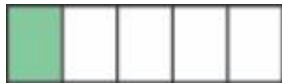


nf[k,] l ef>, vkj Hkfj,&

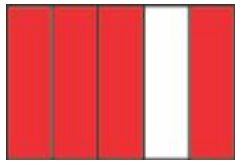
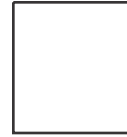


.....5..... बराबर हिस्सों में से2..... हिस्से यानी

$\frac{2}{5}$



..... बराबर हिस्सों में से हिस्से यानी



..... बराबर हिस्सों में से हिस्से यानी



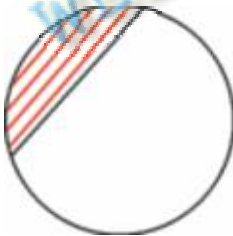
..... बराबर हिस्सों में से हिस्से यानी



..... बराबर हिस्सों में से हिस्से यानी



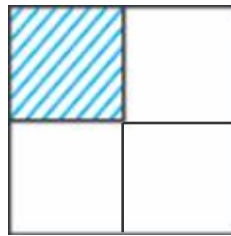
uhp fp=k e n... fd dku&d ku l k cVokjk l gh g l o dku&d ku l k cVokjk x... है और ...



रँगा हुआ भाग = $\frac{1}{2}$

सही / गलत

कारण =



रँगा हुआ भाग = $\frac{1}{4}$

सही / गलत

कारण =

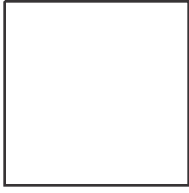


रँगा हुआ भाग = $\frac{2}{4}$

सही / गलत

कारण =

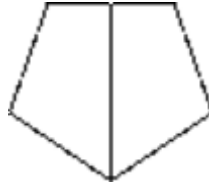
fn, x, fp=k dk vkèkk $\frac{1}{2}$ fgLI k jfx,A



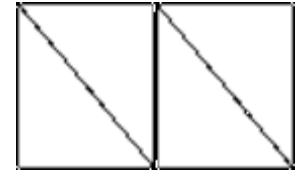
(i)



(ii)

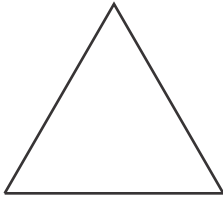


(iii)

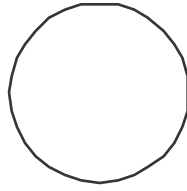


(iv)

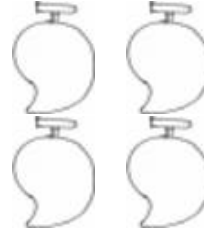
fn, x, fp=k dk ,d pkFkkb $\frac{1}{4}$ fgLI k jfx,&



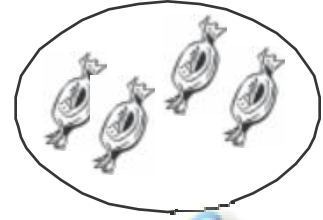
(i)



(ii)

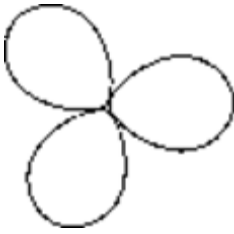


(iii)



(iv)

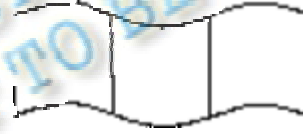
gj fp= ;k leg d ,d frgkb $\frac{1}{3}$ fgLI d' रगि,&



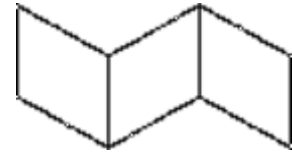
(i)



(ii)

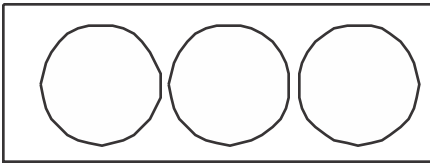


(iii)

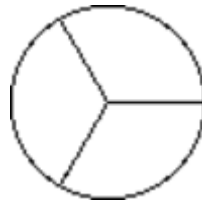


(iv)

gj fp= द सगु d nk frgkb $\frac{2}{3}$ fgLI jfx,&

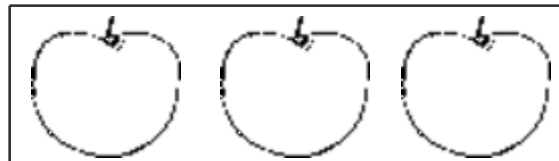


(i)

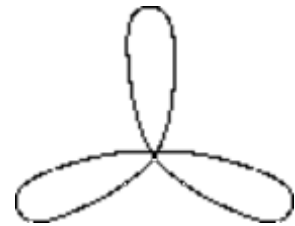


(ii)

(iii)



(iv)



fd ruk fn ;k] fd ruk cpk %&

एक दिन अशोक अपने खेत से एक गन्ना लेकर आया। उस गन्ने में पाँच बराबर-बराबर दूरी पर निशान लगे थे।

अशोक को रास्ते में उसकी बहन आशा मिली। तब अशोक ने गन्ने के 5 बराबर भागों में से सबसे ऊपरवाले भाग को तोड़ आशा को दिया।

बताइए, आशा को पूरे गन्ने का कौन-सा भाग मिला = $\frac{\text{आशा को मिला टुकड़ा}}{\text{कुल बराबर टुकड़े}}$

आशा का भाग



अब अशोक के पास अब पूरे गन्ने की कितना गन्ना बचा—

अशोक बचा हुआ भाग लेकर आगे बढ़ा। तब उसे रास्ते में उसके दोस्त नदीम और जॉन मिले। अशोक ने उन दोनों को भी गन्ने के बचे बराबर भागों में से 1-1 भाग दिया।

नदीम को पूरे गन्ने का कौन-सा भाग मिला— $\frac{\text{नदीम को मिला टुकड़ा}}{\text{कुल बराबर टुकड़े}} = \frac{\dots}{\dots}$

जॉन को पूरे गन्ने का कौन-सा भाग मिला— $\frac{\text{जॉन को मिला टुकड़ा}}{\text{कुल बराबर टुकड़े}} = \frac{\dots}{\dots}$

अशोक के पास अब पूरे गन्ना का कौन-सा हिस्सा बचा— $\frac{\text{अशोक के पास बचे टुकड़े}}{\text{कुल बराबर टुकड़े}} = \frac{\dots}{\dots}$



गन्ने में किसका हिस्सा बढ़ा?

नदीम का हिस्सा

आशा का हिस्सा

जॉन का हिस्सा

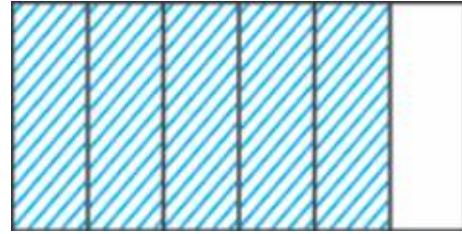
अशोक का बचा हिस्सा



& ulp fn, x, fp= e jx g, %fy; g, % o cp g, nkuk fgLl dk fHkUu l[;k d : i e fyf[k,&



(1)

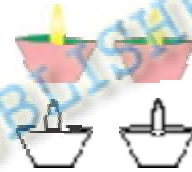


रँगा हुआ (लिया हुआ हिस्सा) = $\frac{1}{4}$

रँगा हुआ हिस्सा =

बिना रँगा (बचा हुआ हिस्सा) = $\frac{3}{4}$

बचा हुआ हिस्सा =



रँगा हुआ हिस्सा रँगा हुआ हिस्सा रँगा हुआ हिस्सा

बचा हुआ हिस्सा बचा हुआ हिस्सा बचा हुआ हिस्सा

ekgu& lkgu dk lka—

मोहन ने सोहन से पूछा— अगर मैं इस केक का $\frac{1}{2}$ हिस्सा और $\frac{1}{4}$ हिस्सा करूँ, तो तुम दोनों में से कौन-सा हिस्सा लेना चाहोगे—

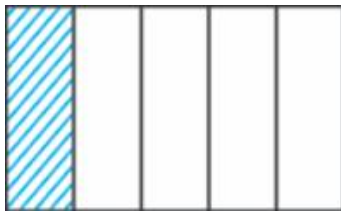
आप अगर सोहन की जगह होते तो केक का हिस्सा $\frac{1}{2}$ लेते या केक का $\frac{1}{4}$ हिस्सा लेते, और क्यों?



$\frac{1}{2}$ भाग बड़ा है $\frac{1}{4}$ वाले से। इसलिए मुझे $\frac{1}{2}$ वाला हिस्सा चाहिए

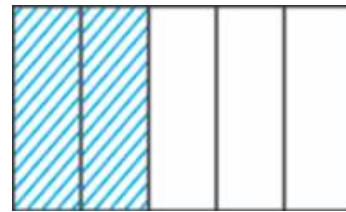
आइए अब पता करें, भिन्न $\frac{1}{5}, \frac{2}{5}, \frac{3}{5}$ और $\frac{4}{5}$ में कौन-सी भिन्न बड़ी है?

इन चित्रों को देखिए—



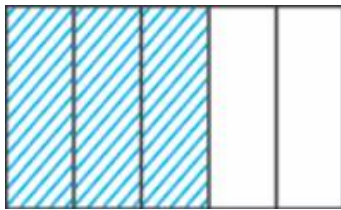
चित्र-1

यहाँ रंगीन भाग पूरे का $\frac{1}{5}$ है



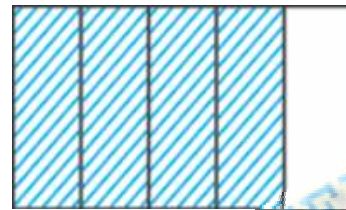
चित्र-2

यहाँ रंगीन भाग पूरे का है।



चित्र-3

यहाँ रंगीन भाग पूरे का है।



चित्र-4

यहाँ रंगीन भाग पूरे का है।

ऊपर चित्रों में किस चित्र में रंगा हुआ भाग सबसे ज्यादा है?

उस चित्र में रंगे हुए भागों को बतानेवाली भिन्न कौन-सी है?

सबसे कम रंगे हुए भाग को बतानेवाली भिन्न कौन-सी है?

अतः ऊपर के चित्रों से हम कह सकते हैं।

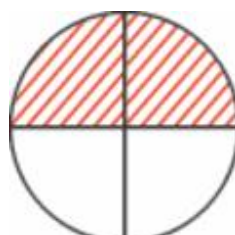
$\frac{4}{5}$ बड़ा है $\frac{3}{5}, \frac{2}{5}$ व $\frac{1}{5}$ से

इसे हम ऐसे भी लिखते हैं। $\frac{4}{5} > \frac{3}{5}, \frac{4}{5} > \frac{2}{5}, \frac{4}{5} > \frac{1}{5}$

अब इन चित्रों को देखकर बताइए कि कौन-सी भिन्न बड़ी है व कौन-सी छोटी?



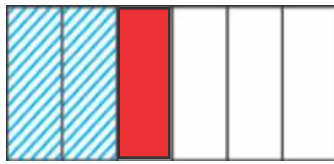
$\frac{1}{4}$



इसमें $\frac{2}{4}$ बड़ी है $\frac{1}{4}$ से। चूँकि $\frac{2}{4}$ का रंगा

भाग (हिस्सा) ज्यादा है। अतः $\frac{2}{4} > \frac{1}{4}$

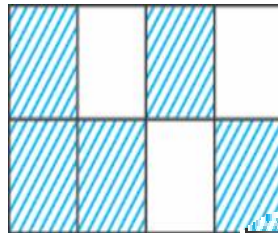
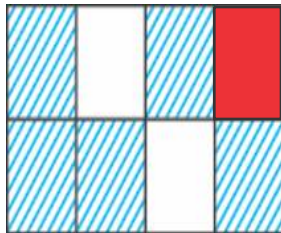
vc vki Hkh crkb,&



इसमें बड़ी है से
चूँकि का रँगा भाग
ज्यादा है। अतः



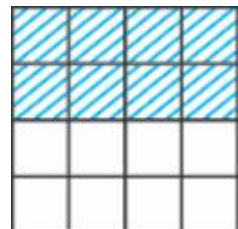
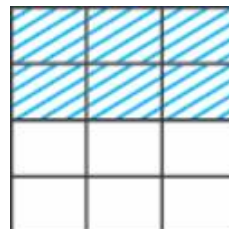
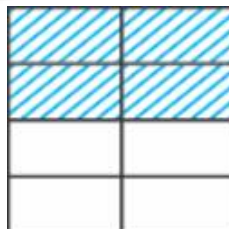
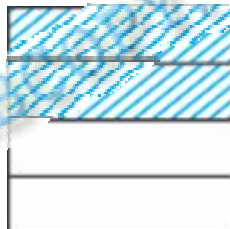
इसमें बड़ी है से
चूँकि का रँगा भाग
ज्यादा है। अतः



इसमें बड़ी है से
चूँकि का रँगा भाग
ज्यादा है। अतः

rY; fhkUu&

uhp fp=k e! jx g, fignsों को गितन 10 crkb,A



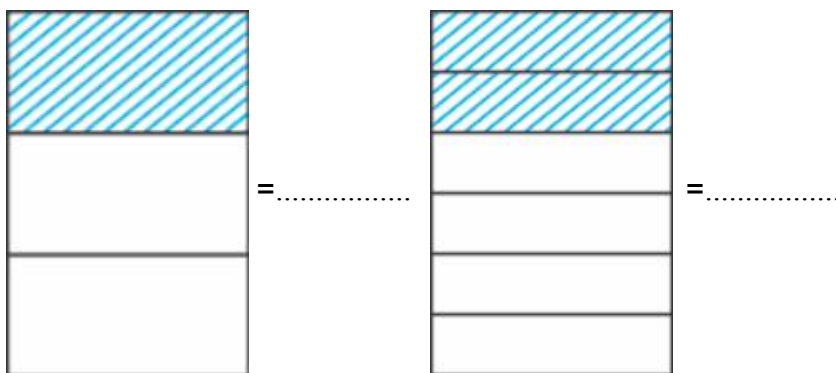
..... $\frac{8}{16}$

क्या दिखने में रँगे हुए भाग बराबर लग रहे हैं?

इसे ऐसे भी लिखा जा सकता है।

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{4}{8} = \dots\dots\dots$$

अब बताइए ये रंगे हुए भाग कुल हिस्से के कितने हैं?



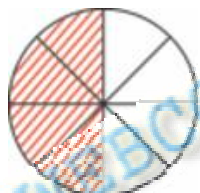
क्या रंगे हुए भाग दिखने में बराबर हैं?



क्या रंगे हुए हिस्से दिखने में बराबर हैं?

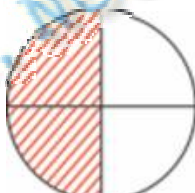
fp= dh enn l crkb कि कोच-सी मिन्च न।[;k, rY; gA rY; fhkUuki d।
l keu ^gk* fyf[k,A tk rY; मिन्च नहीं हैं, सुद। l keu ^ugh* fyf[k,A

1.



$\frac{4}{8}$

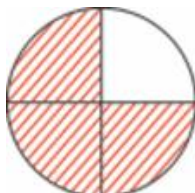
और



$\frac{2}{4}$



2.



$\frac{3}{4}$

और



$\frac{5}{8}$



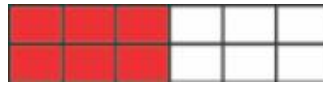
भिन्नात्मक संख्याएँ

3.



$$\frac{3}{6}$$

और



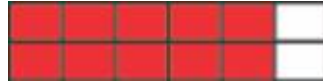
$$\frac{6}{12}$$

4.



$$\frac{4}{6}$$

और



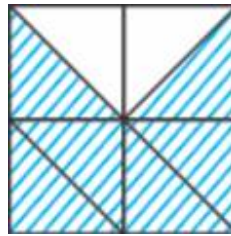
$$\frac{8}{10}$$

5.



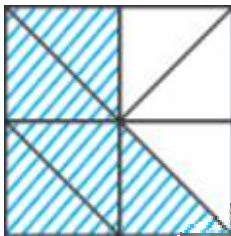
$$\frac{3}{4}$$

और



$$\frac{6}{8}$$

6.



$$\frac{5}{8}$$

और



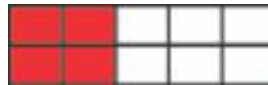
$$\frac{2}{4}$$

7.



$$\frac{2}{5}$$

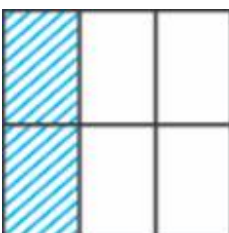
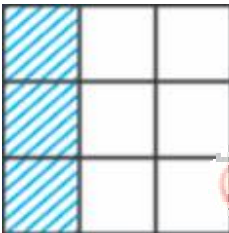
और



$$\frac{4}{10}$$

वक्र, रय; फकुु कुकु दक ,द रज्दक लहक&
bl le>

vc bl dj

$\frac{1}{3} = \frac{1 \times 1}{3 \times 1} =$		$= \frac{1}{3}$
$\frac{1}{3} = \frac{1 \times 2}{3 \times 2} =$		$= \frac{2}{6}$
$\frac{1}{3} = \frac{1 \times 3}{3 \times 3} =$		$= \frac{3}{9}$
$\frac{1}{3} = \frac{1 \times 4}{3 \times 4} =$		$= \frac{4}{12}$

$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 1}{3 \times 1} =$		$= \frac{2}{3}$
$\frac{2}{3} = \frac{\square \times \square}{\square \times \square} =$		$= \frac{\square}{\square}$
$\frac{2}{3} = \frac{\square \times \square}{\square \times \square} =$		$= \frac{\square}{\square}$
$\frac{2}{3} = \frac{\square \times \square}{\square \times \square} =$		$= \frac{\square}{\square}$

यानी $\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9} = \frac{4}{12}$

यानी $\frac{2}{3} = \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square}$

तुल्य भिन्न बनाने के लिए दी गयी भिन्न संख्या के रंगीन हिस्सों यानी अंश को जितने गुना बढ़ाते हैं, कुल हिस्सों यानी हर को भी उतना ही गुना बढ़ाते हैं।