



ગુજરાત માધ્યમિક અને ઉચ્ચતર માધ્યમિક શિક્ષણ બોર્ડ, ગાંધીનગર

શૈક્ષણિક વર્ષ - 2023-24

ધોરણ-10 ગણિત (સ્ટાન્ડર્ડ) (12)

વાર્ષિક પરીક્ષા

સમય : 3 કલાક

પ્રશ્નપત્રનું પરિચ્છુપ

ગુણ : 80

નોંધ : આ પરિચ્છુપ વિદ્યાર્થીઓ, શિક્ષકો, પ્રાચિન્કો, મોડરેટર્સના માર્ગદર્શન માટે છે. જે તે વિષયોના પ્રાચિન્ક તેમજ મોડરેટર્સને માધ્યમિક અને ઉચ્ચતર માધ્યમિક શિક્ષણના બૃહદ હાઈ/ઉદ્દેશને સુસંગત રહી પ્રશ્નપત્રની સંરચના બાબતે ફેરફાર કરવાની છૂટ રહેશે.

હેતુઓ પ્રમાણે ગુણભાર :

હેતુઓ	જ્ઞાન (K)	સમજ (U)	ઉપયોગન (A)	ઉચ્ચ વેચારિક કૌશલ્ય		કુલ ગુણ
				સંયોજન/વિશ્લેષણ	અનુમાન/મૂલ્યાંકન	
ગુણ	27	25	20	04	04	80
ટકા(%)	34%	31%	25%	05%	05%	100%

પ્રશ્નના પ્રકાર પ્રમાણે ગુણભાર :

ક્રમાંક	પ્રશ્નનો પ્રકાર	પ્રશ્નનોની સંખ્યા			કુલ ગુણ
		જનરલ વિકલ્ય વિના	જનરલ વિકલ્ય સાથે	કુલ ગુણ	
1.	હેતુલક્ષી પ્રશ્નો (O)	24	24	24	24
2.	ટૂક જવાબી પ્રશ્નો (SA-I)	09	13	18	
3.	ટૂક જવાબી પ્રશ્નો (SA-II)	06	09	18	
4.	લાંબા પ્રશ્નો (LA)	05	08	20	
	કુલ	44	54	80	

પ્રકરણ પ્રમાણે ગુણભાર :

ક્રમ	પાઠ/પ્રકરણનું નામ	જનરલ વિકલ્ય વિના	જનરલ વિકલ્ય સાથે
1.	વાસ્તવિક સંખ્યાઓ	04	04
2.	બહુપદીઓ	06	09
3.	દ્વિચલ સુરેખ સમીકરણયુગ્મ	08	12
4.	દ્વિધાત સમીકરણ	05	07
5.	સમાંતર શ્રેણી	06	09
6.	ટ્રિકોણ	05	09
7.	યામ ભૂમિતિ	05	05
8.	ટ્રિકોણમિતિનો પરિચય	05	07
9.	ટ્રિકોણમિતિના ઉપયોગ	04	04
10.	વર્તુળ	08	09
11.	વર્તુળ સંબંધિત ક્ષેત્રફળ	04	04
12.	પૃષ્ઠફળ અને ઘનફળ	08	12
13.	અંકડાશાસ્ત્ર	08	10
14.	સંભાવના	06	08
	કુલ	80	109

નોંધ : જનરલ વિકલ્ય સાથે દર્શાવેલ પ્રશ્નના ગુણ નમૂનાના પ્રશ્નપત્ર પ્રમાણે દર્શાવેલ છે. અન્ય પ્રશ્નપત્ર માટે આ ગુણ અલગ હોઈ શકે છે.



ગુજરાત માધ્યમિક અને ઉચ્ચતર માધ્યમિક શિક્ષણ બોર્ડ, ગાંધીનગર

શૈક્ષણિક વર્ષ - 2023-24

ધોરણ-10

વિષય : ગણિત (સ્ટાન્ડર્ડ) (012)
વાર્ષિક પરીક્ષા

સમય : 3 કલાક

પ્રશ્નપત્રનું પરિચિ

ગુણ : 80

પ્રશ્ન ક્રમ	વિભાગ તથા પ્રશ્નની વિગત	ગુણ
	વિભાગ-A	
1 થી 24	<ul style="list-style-type: none"> હેતુલક્ષી પ્રશ્નો (દરેકનો 01 ગુણ) પ્રશ્નક્રમ 1 થી 24. બધા જ પ્રશ્નો ફરજિયાત છે. આ વિભાગમાં હેતુલક્ષી પ્રશ્નો, જવા કે MCQ, ત્રણ વિકલ્પવાળા પ્રશ્નો, વિકલ્પવાળા પ્રશ્નો, ખરા-ખોટાં, એક વાક્યમાં ઉત્તર, જોડકાં પૂછવા. 	24
	વિભાગ-B	
25 થી 37	<ul style="list-style-type: none"> ટૂંક જવાબી પ્રશ્નો નીચે આપેલા 13 પ્રશ્નોમાંથી કોઈ પણ 09 પ્રશ્નોના ગણતરી કરી જવાબ આપો. (દરેકના 02 ગુણ) 	18
	વિભાગ-C	
38 થી 46	<ul style="list-style-type: none"> ટૂંક જવાબી પ્રશ્નો નીચે આપેલા 09(નવ) પ્રશ્નોમાંથી કોઈ પણ 06 (છ) પ્રશ્નોના ગણતરી કરી જવાબ આપો. (દરેકના 03 ગુણ) 	18
	વિભાગ-D	
47 થી 54	<ul style="list-style-type: none"> લાંબા પ્રશ્નો નીચે આપેલા 08(આઈ) પ્રશ્નોમાંથી કોઈ પણ 05 (પાંચ) પ્રશ્નોના ગણતરી કરી જવાબ આપો. (દરેકના 04 ગુણ) 	20
	કુલ ગુણ	80



ગુજરાત માધ્યમિક અને ઉચ્ચતર માધ્યમિક શિક્ષણ બોર્ડ, ગાંધીનગર
ધોરણ-10 ગણિત (સ્ટાન્ડર્ડ) (12)
વાર્ષિક પરીક્ષા

સમય : 3 કલાક

નમૂનાનું પ્રશ્નપત્ર

ગુણ : 80

સૂચનાઓ :

- (1) આ પ્રશ્નપત્રમાં કુલ 54 પ્રશ્નો વિભાગ A, B, C અને Dમાં વહેંચાયેલા છે.
- (2) પ્રશ્નોમાં જનરલ વિકલ્પો આપેલા છે.
- (3) વિભાગની સૂચના સાથે જમણી બાજુના અંક તેના ગુણ દર્શાવે છે.
- (4) નવો વિભાગ નવા પાનાથી લખવાનું શરૂ કરવો. પ્રશ્નોના જવાબ કુમાં લખો.
- (5) જરૂર જણાય ત્યાં આફૂતિ દોરવી.
- (6) કેલ્ક્યુલેટર, સ્માર્ટ વોય કે ડિજિટલ વોયનો ઉપયોગ કરવો નહીં.
- (7) સ્પષ્ટ વંચાય તેવું હસ્તલેખન કરવું.

વિભાગ - A

- સૂચના મુજબ જવાબ આપો : (પ્રશ્નકુમાંક 1 થી 24) (દરેક સાચા ઉત્તરનો 1 ગુણ) [24]
- નીચે આપેલા બહુવિકલ્પ જવાબવાળા પ્રશ્નો માટે સાચા વિકલ્પનો કુમ અને જવાબ લખો.
(પ્રશ્ન કુમાંક 1 થી 6)

- (1) જો ગુ.સા.અ. $(65, 117) = 65m - 117$ હોય, તો $m = \underline{\hspace{2cm}}$
 - (A) 4
 - (B) 2
 - (C) 1
 - (D) 3
- (2) $y = ax^2 + bx + c$ નો આલેખ દોરતાં ઉપરની તરફ ખુલ્લો વક્ત મળે છે તો શું મળે ?

 - (A) $a < 0$
 - (B) $a = 0$
 - (C) $a > 0$
 - (D) $a \neq 0$
- (3) $2x + 3y - 9 = 0$ અને $4x + 6y - 18 = 0$ સમીકરણ યુગ્મ માટેની રેખાઓ $\underline{\hspace{2cm}}$ છે.

 - (A) છેદતી
 - (B) સંપાતી
 - (C) સમાંતર
 - (D) એક પણ નહિ
- (4) જો સમીકરણ $2x^2 + 5x - k = 0$ નો વિવેચક 81 હોય તો, $K = \underline{\hspace{2cm}}$ થાય.

 - (A) 5
 - (B) 7
 - (C) -7
 - (D) -5
- (5) એક સમાંતર શ્રેણીનું n મું પદ $(2n + 1)$ છે. તો તેના પ્રથમ n પદોનો સરવાળો $\underline{\hspace{2cm}}$ થાય.

 - (A) $n(n + 1)$
 - (B) $n(n + 2)$
 - (C) $(n-1)n$
 - (D) $(n-2)n$

(6) સમલંબ ચતુર્ભુષ ABCD માં $AB \parallel CD$ છે. તથા AC અને BD બિંદુ M માં છેદ છે. જો $MA = 6$, $MB = 9$ અને $MC = 8$ હોય, તો $MD = \underline{\hspace{2cm}}$ થાય.

(A) $\frac{58}{9}$

(B) 12

(C) $\frac{58}{8}$

(D) 11

• નીચે આપેલા વિધાનો સાચાં બને તેમ કોંસમાં આપેલ જવાબમાંથી યોગ્ય જવાબ પસંદ કરી લખો :
(પ્રશ્નક્રમાંક 7 થી 12)

(7) A(0, 4), B(0, 0), C(3, 0) શિરોબિંદુઓ ધરાવતા ત્રિકોણ ABC ની પરિમિતિ $\underline{\hspace{2cm}}$ હોઈ શકે ? (3, 5, 12)

(8) $\sqrt{1 - (\sin^2 \theta + \cos^2 \theta)} = \underline{\hspace{2cm}} (2, 0, \sqrt{2})$

(9) 5 સેમી ત્રિજ્યાવાળા વર્તુળના કોઈ બિંદુ P આગળ દોરેલ એક સ્પર્શક PQ કેન્દ્ર O માંથી પસાર થતી રેખાને Q બિંદુએ છેદ છે. $OQ = 12$ સે.મી. હોય તો PQ ની લંબાઈ = $\underline{\hspace{2cm}}$.

($\sqrt{119}$ સેમી, $\sqrt{13}$ સેમી, 13 સેમી)

(10) ઘડિયાળમાં કલાક કાંટા દ્વારા એક મિનિટમાં $\underline{\hspace{2cm}}$ અંશનો ખૂણો બને છે ? ($0.5^\circ, 0.05^\circ, 50^\circ$)

(11) બે ગોલકની સપાટીના ક્ષેત્રફળનો ગુણોત્તર 1:2 હોય તો તેમના ઘનફળનો ગુણોત્તર $\underline{\hspace{2cm}}$ થાય.

($2:\sqrt{2}, 1:2\sqrt{2}, 3:2\sqrt{2}$)

(12) બહુલક – મધ્યક = $\underline{\hspace{2cm}}$ X (મધ્યરથ–મધ્યક) (2, 3, 4)

• નીચેના આપેલા વિધાનો ખરાં છે કે ખોટાં તે જણાવો. : (પ્રશ્નક્રમાંક 13 થી 16)

(13) જો $P(A) = (0.9)^2$ હોય તો $P(\bar{A}) = (0.1)^2$ થાય.

(14) $y=0$ નો આલેખ y-અક્ષ દર્શાવે છે.

(15) દ્વિધાત સમીકરણ $2x^2 - 8x - 5 = 0$ નો વિવેચક 104 છે.

(16) બિંદુ $P(x, y)$ નું ઉગમબિંદુથી અંતર $\sqrt{x^2 - y^2}$ છે.

• નીચે આપેલા પ્રશ્નોના એક વાક્યમાં કે શબ્દ કે અંકમાં જવાબ આપો.

(પ્રશ્નક્રમાંક 17 થી 20)

[20]

(17) જો ગોલકની ત્રિજ્યાના માપમાં 20% વધારો કરવામાં આવે તો તેના ઘનફળના માપમાં કેટલા ટકા વધારો થાય ?

(18) કોઈ પણ માહિતી માટે તેના દરેક અવલોકનનો મધ્યકમાંથી લીધેલ વિચલનોનો સરવાળો કેટલો થાય ?

(19) 35 અને 22નો ગુ.સા.અ. કેટલો થાય ?

(20) દ્વિધાત સમીકરણ $6x^2 - 13x + m = 0$ ના બંને બીજ પરસ્પર વસ્ત હોય તો m ની કિંમત શોધો.

- નીચે આપેલા યોગ્ય જોડકાં જોડો.

(પ્રશ્ન નંબર 21 થી 24)

જોડકાં નં. 1 :

અ	બુ
(21) $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha$	(a) $-\frac{b}{a}$
(22) $\alpha\beta\gamma$	(b) $\frac{c}{a}$
	(c) $-\frac{d}{a}$

જોડકાં નં. 1 :

અ	બુ
(23) $\sin 0^\circ$	1
(24) $\operatorname{cosec} 0^\circ$	અવ્યાખ્યાયિત
	$\sqrt{\frac{0}{4}}$

વિભાગ - B

- પ્રશ્નક્રમાંક 25 થી 37 : 13 (તેરી) પ્રશ્નોમાંથી કોઈપણ 9(નવ) પ્રશ્નોના ગણતરી કરી ઉત્તર આપો : (દરેક સાચા ઉત્તરના 2 ગુણ રહેશે.)

[18]

(25) સાબિત કરો કે, $3+2\sqrt{5}$ અસંમેય છે.

(26) એક અપૂર્ણાંકના અંશ અને છેદ બંનેમાં 2 ઉમેરતાં તે $\frac{9}{11}$ બને છે. અપૂર્ણાંકના અંશ અને છેદ બંનેમાં 3 ઉમેરતાં તે $\frac{5}{6}$ બને તો તે અપૂર્ણાંક શોધો.

(27) એક કાટકોણ ત્રિકોણનો વેધ તેના પાયા કરતાં 7 સેમી નાનો છે. જો ક્રીની લંબાઈ 13 સેમી હોય, તો બાકીની બે બાજુનાં માપ શોધો.

(28) સમીકરણ $3x^2 - 2x + \frac{1}{3} = 0$ નો વિવેચક શોધો. તે પરથી સમીકરણનાં બીજાનું સ્વરૂપ નક્કી કરો. જો તે વાસ્તવિક હોય તો મેળવો.

(29) સમાંતર શ્રેષ્ઠીનાં પ્રથમ n પદોનો સરવાળો $4n - n^2$ હોય, તો તેનું પ્રથમ પદ ક્યું હશે (અર્થાત् S_1) ? પ્રથમ બે પદોનો સરવાળો કેટલો હશે ? બીજું પદ ક્યું હશે ?

(30) જો $\sin\theta = \cos\theta$ હોય તો,

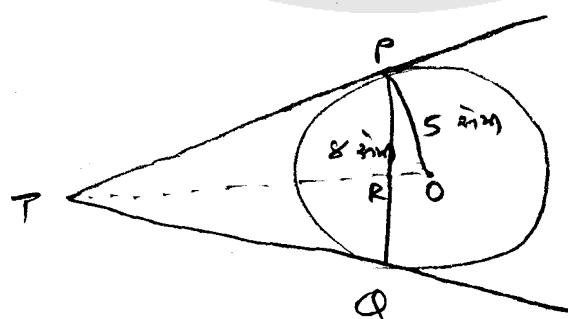
$$\frac{\tan\theta}{1 - \cot\theta} + \frac{\cot\theta}{1 - \tan\theta} \quad \text{ની કિંમત શોધો.}$$

(31) $\sqrt{\frac{1 + \sin A}{1 - \sin A}} = \sec A + \tan A$ સાબિત કરો

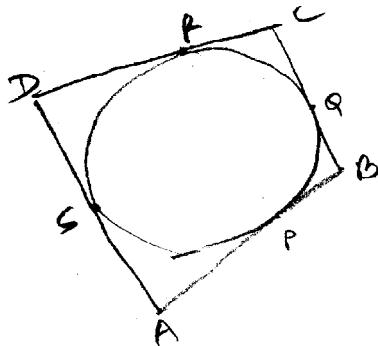
- (32) વર્તુળના કેન્દ્રથી 5 સેમી અંતરે આવેલા બિંદુ A થી દોરેલા સ્પર્શકની લંબાઈ 4 સેમી છે. તો વર્તુળની ત્રિજ્યા શોધો.
- (33) એક ઘન પદાર્થ એ 1 સેમી ત્રિજ્યા ધરાવતા અર્ધગોલક ઉપર તેટલી જ ત્રિજ્યાવાળો શંકુ ગોઠવીને બનાવાયો છે. શંકુની ઊંચાઈ એ તેની ત્રિજ્યા જેટલી હોય, તો આ ઘન પદાર્થનું ઘનફળ પણ ગુણિતમાં શોધો.
- (34) વર્ગીકૃત માહિતી માટે પ્રયત્નિત સંકેતોમાં $l = 40$, $h = 15$, $f_0 = 3$, $f_1 = 7$, અને $f_2 = 6$ હોય, તો માહિતીનો બહુલક શોધો.
- (35) $l = 145$, $h = 15$, $\frac{n}{2} = 25$, $cf = 11$ અને $f = 18$ હોય, તો મધ્યસ્થ M શોધો.
- (36) રેખા અને દિયા ભિત્રો છે. બંનેના (i) જન્મદિવસ જુદા-જુદા હોય (ii) જન્મદિવસ એક જ હોય તેની સંભાવના કેટલી હશે? (લીપ વર્ષને અવગાળવું).
- (37) પાસાને એકવાર ફેંકવામાં આવે તો પાસા પર મળતી સંખ્યા (i) અવિભાજ્ય સંખ્યા અને (ii) અયુગમ સંખ્યા મળવાની સંભાવના શોધો.

વિભાગ - C

- પ્રશ્નક્રમાંક 38 થી 46(9) નવ પ્રશ્નોમાંથી કોઈ પણ છ (6) પ્રશ્નોના ગણતરી કરીને ઉત્તર આપો :
(દરેક ઉત્તરના 3 ગુણ રહેશે) [18]
- (38) બહુપદી $6x^2 - 13x + 6$ નાં શૂન્યો \propto અને β ની કિંમત શોધ્યા વગર નીચેની કિંમત શોધો.
- (i) $\alpha^2 + \beta^2$ (ii) $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha}$ (iii) $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$
- (39) બહુપદીનાં શૂન્યો $\alpha = 2 + \sqrt{3}$ અને $\beta = 2 - \sqrt{3}$ હોય, તેવી દ્વિઘાત બહુપદી શોધો.
- (40) સમાંતર શ્રેણીના પ્રથમ 7 પદોનો સરવાળો 49 અને 17 પદોનો સરવાળો 289 હોય તો તેના પ્રથમ n પદોનો સરવાળો શોધો.
- (41) ટી.વી. સેટના ઉત્પાદકે ગ્રીજા વર્ષે 600 ટી.વી. અને 7મા વર્ષ 700 ટી.વી. બનાવ્યા છે. તે માને છે કે દરેક વર્ષ ઉત્પાદિત ટી.વીની સંખ્યા એક સમાન વધતી હોવી જોઈએ. તો
- (i) પ્રથમ વર્ષનું ઉત્પાદન (ii) 10 મા વર્ષનું ઉત્પાદન
(iii) પ્રથમ 7 વર્ષમાં કુલ ઉત્પાદિત ટી.વીની સંખ્યા શોધો.
- (42) જો $(1, 2)$, $(4, y)$, $(x, 6)$, અને $(3, 5)$ એ એક સમાંતરબાજુ ચતુર્ભોજાનાં ક્રમિક શિરોબિંદુઓ હોય તો x અને y શોધો.
- (43) PQ એ 5 સેમી ત્રિજ્યાવાળા વર્તુળની 8 સેમી લંબાઈની છલા છે. P અને Q માંથી પસાર થતા સ્પર્શકોબિંદુ T માં છેદે છે. TP ની લંબાઈ શોધો.



- (44) આકૃતિમાં દર્શાવ્યા પ્રમાણે ચતુર્ભોગ ABCD એક વર્તુળને પરિગત છે. સાબિત કરો કે,
 $AB + CD = AD + BC$



- (45) એક ગાડીને એકબીજા પર આચાદિત ન થાય તેવા બે વાઈપર છે. દરેક વાઈપરને 115° ના ખૂશા જેટલી સફાઈ કરતી 25 સેમી લંબાઈની બ્લેડ છે. પ્રત્યેક વખતે વાઈપરથી સાફ થતા વિસ્તારનું કુલ ક્ષેત્રફળ શોધો.

- (46) એક ખોખામાં 1 થી 90 સુધીના અંક લખેલી 90 ગોળ તક્તીઓ છે. જો ખોખામાંથી એક ગોળ તક્તી યાદચિક રીતે કાઢવામાં આવે તો તેના પર : (1) પૂર્ણ વર્ગ સંખ્યા હોય (2) પૂર્ણ ધન સંખ્યા હોય (3) 5 વડે વિભાજ્ય ન હોય તેવી સંખ્યા, તેની સંભાવના શોધો.

- પ્રશ્નક્રમાંક 47 થી 54—આઠ પ્રશ્નોમાંથી કોઈ પણ પાંચ (5) પ્રશ્નોના માણ્યા મુજબ ઉત્તર આપો :
 (દરેક ઉત્તરના 4 ગુણ રહેશે.)

[20]

- (47) એક અપૂર્ણકના અંશમાં 1 ઉમેરતાં અને છેદમાંથી 1 બાદ કરતાં અપૂર્ણક કિમત અતિસંક્ષિપ્તરૂપમાં 1 બને છે. જો માત્ર છેદમા 1 ઉમેરતાં અપૂર્ણકનું અતિસંક્ષિપ્ત સ્વરૂપ $\frac{1}{2}$ બને, તો તે અપૂર્ણક શોધો.

- (48) હાલમાં આશિષકુમારની ઉંમર, તેના બે પુત્રો ખુશ અને નિલયની ઉમરના સરવાળાથી બમણી છે. વીસ વર્ષ બાદ, આશિષકુમારની ઉંમર તેમના બે પુત્રોની ઉમરના સરવાળા જેટલી થશે. તો આશિષકુમારની હાલની ઉંમર શોધો.

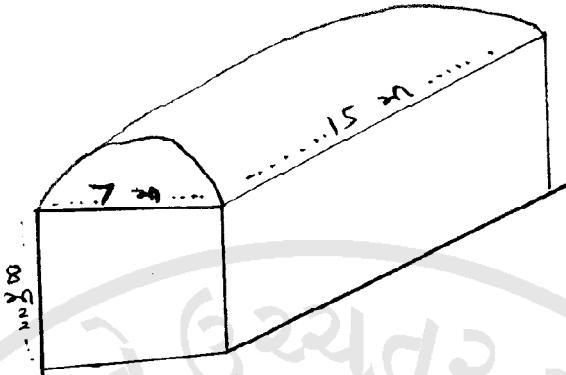
- (49) સમપ્રમાણતા મૂળભૂત પ્રમેય લખો અને સાબિત કરો.

- (50) બિંદુ E એ સમાંતરબાજુ ચતુર્ભોગ ABCD ની લંબાવેલ બાજુ AD પરનું બિંદુ છે. BE એ CD ને F માં છેદે છે. સાબિત કરો કે, $\Delta ABE \sim \Delta CFB$

- (51) એક ટાવરના તળિયાથી એક ઈમારતની ટોચના ઉત્સેધકોણનું માપ 30° છે. અને ઈમારતના તળિયાથી ટાવરની ટોચના ઉત્સેધકોણનું માપ 60° છે. જો ટાવરની ઊંચાઈ 50 મીટર હોય તો ઈમારતની ઊંચાઈ શોધો.

- (52) અર્ધગોલકની ઉપર શંકુ લગાવેલો હોય તેવું એક રમકડું છે. તે બંનેની ત્રિજ્યા 3.5 સે.મી. છે. રમકડાનું કુલ પૃષ્ઠફળ શોધો.

- (53) તૃખા શેડમાં એક ઉદ્યોગ ચલાવે છે. આ શેડનો આકાર લંબઘન ઉપર અર્ધનાકારથી બંધ છે. તે શેડના પાયાનું માપ $7m \times 15m$ અને લંબઘનનાકારની ઊંચાઈ 8 મીટર હોય, તો આ શેડમાં સમાતી હવાનું ઘનફળ શોધો. ઉપરાંત, શેડમાં મશીનરીના ભાગનું કુલ ઘનફળ $300 m^3$ અને 20 પૈકી પ્રત્યેક કારીગારે રોકેલી જગ્યાનું ઘનફળ 0.08 મીટર 3 છે. તો શેડમાં કેટલી હવા હશે? $\left(\pi = \frac{22}{7}\right)$



- (54) નીચે આપેલું આવૃત્તિ વિતરણ વસ્તીના બાળકોનું દૈનિક ખિસ્સાભથ્યું દર્શાવે છે. ખિસ્સાભથ્યાનો મધ્યક રૂ. 18 છે. $\sum f_i = 64$, તો ખૂટતી આવૃત્તિ શોધો.

ખિસ્સા ભથ્યું દૈનિક (રૂ)	11-13	13-15	15-17	17-19	19-21	21-23	23-25
બાળકોની સંખ્યા	7	6	X	13	Y	5	4