

બૈજિક પદાવલિઓ અને નિત્યસમ

9.1 પદાવલિઓ એટલે શું ?

વિદ્યાર્થીમિત્રો, આપણે અગાઉનાં ધોરણમાં બૈજિક પદાવલિઓ (Algebraic Expressions)નો પરિચય મેળવ્યો છે.

ઉદાહરણ :

$$x + 3, 2y - 5, 3x^2, 4xy + 7 \text{ વગેરે....}$$

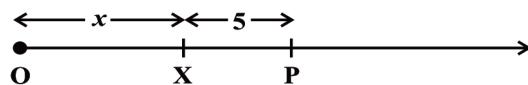
તમે આવી ઘણી પદાવલિઓ બનાવી શકો. તમે જાણો છો કે દરેક પદાવલિ ચલ અને અચલને સાંકળવાથી મળે છે. $2x + 3$ માં ચલ x અને અચલ 2 અને 3 છે જ્યારે $4xy + 7$ માં ચલ x, y અને અચલ 4, 7 છે.

વળી, આપણે એ પણ જાણીએ છીએ કે, પદાવલિમાં રહેલા ચલની કિંમત કોઈ પણ હોઈ શકે, જેને અનુરૂપ પદાવલિની કિંમત પણ બદલાતી રહે. ઉદાહરણ તરીકે, પદાવલિ $2y - 5$ માટે સમજ્ઞાએ તો, જો $y = 2$ તો $2y - 5 = 2(2) - 5 = (-1)$, $y = 0$ તો $2y - 5 = 2(0) - 5 = (-5)$ વગેરે.

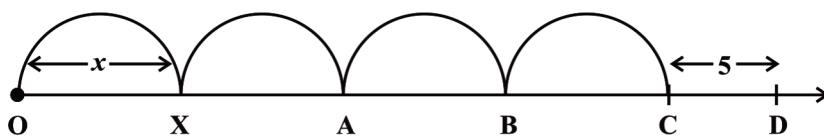
આમ, ચલ y ની કિંમત બદલાય તો તેને અનુરૂપ પદાવલિ $2y - 5$ ની કિંમત પણ બદલાય. તો હવે, y ની અન્ય કિંમતો લઈને પદાવલિ $2y - 5$ ની વિવિધ કિંમત મેળવવા પ્રયત્ન કરો.

સંખ્યારેખા દ્વારા રજૂઆત

સંખ્યારેખા પર ચલ x ની વિવિધ કિંમતો માટે પદાવલિની કિંમત શું હોઈ શકે તે સમજવા આપણે પદાવલિ $x + 5$ નું ઉદાહરણ લઈએ.



ઉપરોક્ત આકૃતિ પરથી જ્યાલ આવે છે કે, ચલ x નું સ્થાન X ઉપર છે તો તેને અનુરૂપ પદાવલિ $x + 5$ નું સ્થાન P ઉપર જશે. અર્થાત્, X બિંદુથી 5 એકમ જમણી તરફ. આ જ રીતે પદાવલિ $x - 4$ માટે વિચારીએ તો X થી 4 એકમ ડાબી તરફ મળે. જો પદાવલિ $4x + 5$ માટે લઈએ તો, સૌપ્રથમ $4x$ નું સ્થાન સુનિશ્ચિત કરવું પડે અને ત્યાર બાદ $4x + 5$ નું સ્થાન નિશ્ચિત કરી શકાય.



ઉપરોક્ત આકૃતિમાં જોઈ શકાય છે કે, જો ચલનું સ્થાન બિંદુ X પર નિશ્ચિત કરીએ તો $4x$ નું સ્થાન બિંદુ C પર અને પદાવલિ $4x + 5$ નું સ્થાન બિંદુ D પર સુનિશ્ચિત થશે. ઉપરોક્ત બંને આકૃતિમાં ચલની ધન કિંમત લીધેલ છે. અર્થાત્ $x > 0$ છે. આપણે $x < 0$ અર્થાત્ ઝણ કિંમત માટે પણ વિચારી શકીએ.





પ્રયત્ન કરો

- એક ચલ ધરાવતી વિવિધ પદાવલિનાં પાંચ ઉદાહરણ આપો.
- બે ચલ ધરાવતી વિવિધ પદાવલિનાં પાંચ ઉદાહરણ આપો.
- સંખ્યારેખા ઉપર x , $x - 4$, $2x + 1$, $3x - 2$ દર્શાવો.

9.2 પદ, અવયવ અને સહગુણક (Terms, Factors and Coefficients)

પદાવલિ $4x + 5$ માં $4x$ અને 5 એમ બે પદો છે. એટલે કે પદોને '+' કે '-' વડે જોડવાથી પદાવલિ મળે છે. આ પદ પોતે પણ બે કે તેથી વધુ અવયવોનો ગુણાકાર હોઈ શકે. અહીં, પદ $4x$ એ 4 અને x નો ગુણાકાર છે. આમ, 4 અને x એ $4x$ નાં અવયવ બને. તથા 5 એ સાંચ્યિક પદ છે.

પદાવલિ $7xy - 5x$ માં $7xy$ અને $-5x$ એમ બે પદ છે. પદ $7xy$ એ 7, x અને y એમ ત્રણ અવયવોનો ગુણાકાર છે જેમાં સાંચ્યિક અવયવને જે-તે પદનો સાંચ્યિક સહગુણક અથવા સહગુણક કહેવામાં આવે છે. પદ $-5x$ માં 7 ને સહગુણક અને પદ $-5x$ માં -5 ને સહગુણક કહે છે.

પ્રયત્ન કરો

પદાવલિ $x^2y^2 - 10x^2y + 5xy^2 - 20$ ના દરેક પદના સહગુણક ઓળખો.

9.3 એકપદી, દ્વિપદી અને બહુપદી

જે પદાવલિમાં માત્ર એક જ પદ હોય તેવી પદાવલિને એકપદી (monomial) કહેવામાં આવે છે. આ જ રીતે બે પદ ધરાવતી પદાવલિને દ્વિપદી (binomial) કહે છે અને ત્રણ પદ ધરાવતી પદાવલિને ત્રિપદી (trinomial) કહે છે.

વ્યાપક સ્વરૂપે જોઈએ તો,

એક કે તેથી વધુ પદો કે જેના સહગુણકો શૂન્ય ન હોય (અને ચલના ઘાતાંક અનૃત્યા હોય) તેને બહુપદી કહેવાય. આમ, બહુપદીમાં પદોની સંખ્યા એક કે તેથી વધુ ગમે તેટલી હોઈ શકે.

ઉદાહરણ તરીકે,

એક પદી : $4x^2$, $3xy$, $-7z$, $5xy^2$, $10y$, -9 , $82mnp$ વગેરે...

દ્વિપદી : $a + b$, $4l + 5m$, $a + 4$, $5 - 3xy$, $z^2 - 4y^2$ વગેરે...

ત્રિપદી : $a + b + c$, $2x + 3y - 5$, $x^2y - xy^2 + y^2$ વગેરે...

બહુપદી : $a + b + c + d$, $3xy$, $7xyz - 10$, $2x + 3y + 7z + 10$ વગેરે....



પ્રયત્ન કરો

- નીચેની બહુપદીઓ પૈકી કઈ બહુપદી એકપદી, દ્વિપદી કે ત્રિપદી છે તે ઓળખો.
 $-z + 5$, $x + y + z$, $y + z + 100$, $ab - ac$, 17
- ઉદાહરણ આપો :
 - માત્ર એક જ ચલ 'x' હોય તેવી 3 દ્વિપદી.
 - ચલ 'x' અને 'y' હોય તેવી 3 દ્વિપદી.
 - ચલ 'x' અને 'y' હોય તેવી 3 એકપદી.
 - 4 કે તેથી વધુ પદો ધરાવતી 2 બહુપદી.

9.4 સજ્ઞતીય અને વિજ્ઞતીય પદો

નીચેની પદાવલિઓનું અવલોકન કરો.

$7x$, $14x$, $-13x$, $5x^2$, $7y$, $7xy$, $-9y^2$, $-9x^2$, $-5yx$

ઉપરોક્ત પદાવલિઓ પૈકી સજ્ઞતીય પદો લઈએ તો,

- $7x$, $14x$, $-13x$ સજ્ઞતીય પદો છે.
- $5x^2$ અને $(-9x^2)$ પડી સજ્ઞતીય (Like Terms) પદો છે.
- $7xy$ અને $(-5yx)$ પડી સજ્ઞતીય પદો છે.



ਵਿਚਾਰੋ....

ਸ਼ਾ ਮਾਟੇ $7x$ ਅਨੇ $7y$ ਸਜਾਤੀਧ ਪਦੋ ਨਥੀ ?

ਸ਼ਾ ਮਾਟੇ $7x$ ਅਨੇ $7xy$ ਸਜਾਤੀਧ ਪਦੋ ਨਥੀ ?

ਸ਼ਾ ਮਾਟੇ $7x$ ਅਨੇ $5x^2$ ਸਜਾਤੀਧ ਪਦੋ ਨਥੀ ?

ਪ੍ਰਯਤਾ ਕਰੋ

ਨੀਂਘੇਨਾਂ ਪਦੋ ਪਰਥੀ ਬੇ ਸਜਾਤੀਧ ਪਦੋ ਲਖੋ :

- (i) $7xy$ (ii) $4mn^2$ (iii) $2l$



9.5 ਬੈਜਿਕ ਪਦਾਵਲਿਓਨਾ ਸਰਵਾਣਾ-ਬਾਦਬਾਕੀ

ਆਪਣੇ ਅਗਾਊਨਾ ਧੋਰਾਣਮਾਂ ਬੈਜਿਕ ਪਦਾਵਲਿਓਨਾ ਸਰਵਾਣਾ ਅਨੇ ਬਾਦਬਾਕੀ ਸ਼ੀਖੀ ਗਿਆ ਛੀਅੇ.

ਉਦਾਹਰਣ ਤਰੀਕੇ, $7x^2 - 4x + 5$ ਅਨੇ $9x - 10$ ਨੋ ਸਰਵਾਣੇ ਕਰਵਾ,

$$\begin{array}{r} 7x^2 - 4x + 5 \\ + \quad 9x - 10 \\ \hline 7x^2 + 5x - 5 \end{array}$$

ਉਪਰੋਕਤ ਗਣਤਰੀਮਾਂ ਆਪਣੇ ਕੇਵੀ ਰੀਤੇ ਸਰਵਾਣੇ ਕਰ੍ਯੇ ਤੇਨੁੰ ਅਵਲੋਕਨ ਕਰੋ. ਆਪਣੇ ਦੁਕਾਨ ਪਦਾਵਲਿਨੇ ਹਾਰ (Row) ਸ਼ਵਰੂਪੇ ਅਲਗ ਲਖੀਐ ਛੀਅੇ. ਆਵੁੰ ਕਰਤੀ ਵਖਤੇ ਸਜਾਤੀਧ ਪਦੋਨੇ ਏਕਨੀ ਨੀਂਘੇ ਏਕ ਅੰਮ ਗੋਡਵੀ ਸਰਵਾਣੇ ਕਰੀਐ ਛੀਅੇ. ਆ ਮਾਟੇ, $5 + (-10) = +5 - 10 = -5$ ਤੇ 9 ਰੀਤੇ, $-4x + 9x = (-4 + 9)x = +5x$. ਚਾਲੋ, ਥੋਡਾ ਵਧੂ ਵਧੂ ਵਾਲਾ ਜੋਈਐ.

ਉਦਾਹਰਣ 1 : $7xy + 5yz - 3zx$, $4yz + 9zx - 4y$ ਅਨੇ $-3xz + 5x - 2xy$ ਨੋ ਸਰਵਾਣੇ ਕਰੋ.

ਉਤੇਲ : ਸੌਪ੍ਰਥਮ ਆਪਣੇ ਉਪਰੋਕਤ ਤ੍ਰਾਣੇ ਪਦਾਵਲਿਓਨਾ ਦੁਕਾਨ ਪਦਨੇ ਏਵੀ ਰੀਤੇ ਅਲਗ ਹਾਰਮਾਂ ਗੋਡਵੀਂਥੁੰ ਕੇ ਜੇਥੀ ਦੁਕਾਨ ਸਜਾਤੀਧ ਪਦੋ ਏਕਭੀਜਾਨੀ ਉਪਰ-ਨੀਂਘੇ ਰਹੇ.

$$\begin{array}{r} 7xy + 5yz - 3zx \\ + \quad 4yz + 9zx \quad - \quad 4y \\ + \quad -2xy \quad - \quad 3zx \quad + \quad 5x \\ \hline 5xy + 9yz + 3zx + 5x - 4y \end{array}$$

ਆਮ, ਪਦਾਵਲਿਓਨੋ ਸਰਵਾਣੇ $5xy + 9yz + 3zx + 5x - 4y$ ਮਣੇ. ਅਛੀ ਆਪਣੇ ਨੋਂਧ ਲਈਐ ਕੇ, ਬੀਜੀ ਪਦਾਵਲਿਮਾਂ $-4y$ ਅਨੇ ਤੀਜੀ ਪਦਾਵਲਿਮਾਂ $5x$ ਅਲਗ ਦਰਸਾਵਾ ਛੇ (ਸ਼ਾ ਮਾਟੇ ?) ਕਾਰਣ ਕੇ ਆ ਅਨੇ ਪਦੋਨਾ ਸਜਾਤੀਧ ਪਦੋ ਬਾਕੀਨੀ ਪਦਾਵਲਿਓਮਾਂ ਨਥੀ.

ਉਦਾਹਰਣ 2 : $7x^2 - 4xy + 8y^2 + 5x - 3y$ ਮਾਂਥੀ $5x^2 - 4y^2 + 6y - 3$ ਬਾਅਦ ਕਰੋ.

ਉਤੇਲ :

$$\begin{array}{r} 7x^2 - 4xy + 8y^2 + 5x - 3y \\ 5x^2 \quad - \quad 4y^2 \quad + \quad 6y - 3 \\ (-) \quad (+) \quad (-) \quad (+) \\ \hline 2x^2 - 4xy + 12y^2 + 5x - 9y + 3 \end{array}$$

અહીં આપણે નોંધીએ કે કોઈપણ સંખ્યાની બાદબાકી કરવી એટલે તે સંખ્યાની વિરોધી સંખ્યા ઉમેરવા. અહીં (-3) બાદ કરવા એટલે $+3$ ઉમેરવા. $6y$ બાદ કરવા એટલે $(-6y)$ ઉમેરવા. આ જ રીતે $(-4y^2)$ બાદ કરવા એટલે $4y^2$ ઉમેરવા બરાબર થાય. ત્રીજી હરોળમાં દર્શાવેલ નિશાનીઓ $(+, -)$ થી બીજી હરોળમાં રહેલા પદો સાથે કઈ ગણિતિક કિયા કરવી તે સ્પષ્ટ થાય છે.



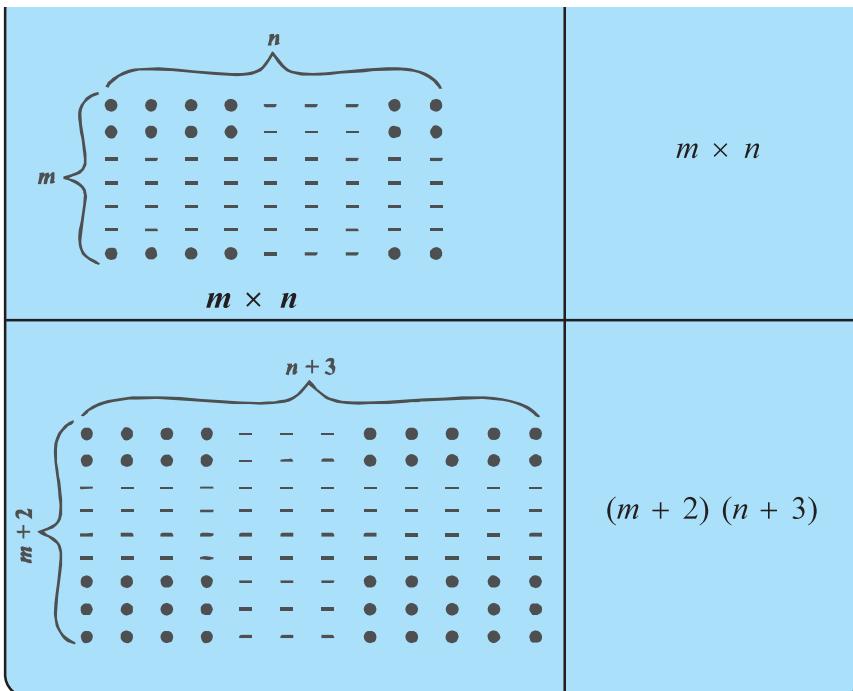
સ્વાધ્યાય 9.1

- નીચેની દરેક પદાવલિમાં રહેલ પદો અને સહગુણકો ઓળખો :
 - $5xyz^2 - 3zy$
 - $1 + x + x^2$
 - $4x^2y^2 - 4x^2y^2z^2 + z^2$
 - $3 - pq + qr - rp$
 - $\frac{x}{2} + \frac{y}{2} - xy$
 - $0.3a - 0.6ab + 0.5b$
- નીચેની બહુપદીઓનું એકપદી, દ્વિપદી કે ત્રિપદીમાં વગ્નિકરણ કરો. કઈ બહુપદી ઉપરોક્ત ત્રણમાંથી એક પણ પ્રકારમાં બંધ બેસતી નથી ?
 $x + y, 1000, x + x^2 + x^3 + x^4, 7 + y + 5x, 2y - 3y^2, 2y - 3y^2 + 4y^3, 5x - 4y + 3xy, 4z - 15z^2, ab + bc + cd + da, pqr, p^2q + pq^2, 2p + 2q$
- નીચેની બહુપદીઓના સરવાળા કરો :
 - $ab - bc, bc - ca, ca - ab$
 - $a - b + ab, b - c + bc, c - a + ac$
 - $2p^2q^2 - 3pq + 4, 5 + 7pq - 3p^2q^2$
 - $l^2 + m^2, m^2 + n^2, n^2 + l^2, 2lm + 2mn + 2nl$
- (a) $12a - 9ab + 5b - 3$ માંથી $4a - 7ab + 3b + 12$ બાદ કરો.
 (b) $5xy - 2yz - 2zx + 10xyz$ માંથી $3xy + 5yz - 7zx$ બાદ કરો.
 (c) $18 - 3p - 11q + 5pq - 2pq^2 + 5p^2q$ માંથી
 $4p^2q - 3pq + 5pq^2 - 8p + 7q - 10$ બાદ કરો.

9.6 બૈજિક પદાવલિઓના ગુણાકાર : પ્રસ્તાવના

- નીચે આપેલી બિંદુઓની ભાત જુઓ.

બિંદુઓની ભાત	કુલ બિંદુઓની સંખ્યા
<ul style="list-style-type: none"> ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● ● 	4×9
<ul style="list-style-type: none"> ● ● ● ● ● ● ● ● 	5×7



ਕੁਲ ਬਿੰਦੂਓਨੀ ਸੰਖਿਆ
ਸ਼ੋਧਵਾ ਮਾਟੇ ਆਪਣੇ
ਹਾਰਨੀ ਸੰਖਿਆ (m)
ਸਾਥੇ ਸੰਭਨੀ ਸੰਖਿਆ
(n)ਨੂੰ ਗੁਣਾਕਾਰ ਕਰਵੋ
ਪਤੇ

ਅਈਂ ਹਾਰਨੀ ਸੰਖਿਆਮਾਂ
2ਨੂੰ ਵਧਾਰੋ ਥਾਂਧ ਛੇ.
ਅਰਥਾਤ् ($m+2$) ਅਨੇ
ਸੰਭਨੀ ਸੰਖਿਆ 3 ਜੇਟਲੀ
ਵਧੇ ਛੇ. ਅਰਥਾਤ् ($n+3$)
ਥਸ਼ੇ

- (ii) ਸ਼ੁੱਤਮੇ ਅਨ੍ਯ ਕੋਈ ਏਵੀ ਪਰਿਸਥਿਤੀ ਵਿਚਾਰੀ ਸ਼ਕੋ ਜੇਮਾਂ
ਬੇ ਬੈਜਿਕ ਪਦੋਨੋ ਗੁਣਾਕਾਰ ਕਰਵੋ ਪਤੇ ?

ਅਮੀਨਾ : 'ਆਪਣੇ ਲੰਬਚੋਰਸਨਾ ਕੋਤ੍ਰਫਣ ਮਾਟੇ ਵਿਚਾਰੀ
ਸ਼ਕੀਅੇ.' ਲੰਬਚੋਰਸਨੁੰ ਕੋਤ੍ਰਫਣ = $l \times b$, ਜਿਥਾਂ l ਏ
ਲੰਬਾਈ ਅਨੇ b ਏ ਪਛੋਣਾਈ ਛੇ. ਜੋ ਲੰਬਾਈਮਾਂ 5
ਏਕਮਨੋ ਵਧਾਰੋ ਕਰੀਐ ਅਰਥਾਤ् $(l+5)$ ਲਈਐ
ਅਨੇ ਪਛੋਣਾਈਮਾਂ 3 ਏਕਮਨੋ ਘਟਾਤੇ ਕਰੀਐ ਅਰਥਾਤ्
 $(b-3)$ ਲਈਐ ਤੋਂ ਨਵਾਂ ਲੰਬਚੋਰਸਨੁੰ ਕੋਤ੍ਰਫਣ
 $(l+5) \times (b-3)$ (ਏਕਮ) 2 ਥਸ਼ੇ.

- (iii) ਸ਼ੁੱਤਮੇ ਧਨਫਣ ਵਿਸ਼ੇ ਵਿਚਾਰੀ ਸ਼ਕੋ ? (ਲੰਬਧਨਨੁੰ ਧਨਫਣ
ਏ ਤੇਨੀ ਲੰਬਾਈ, ਪਛੋਣਾਈ ਅਨੇ ਉੰਚਾਈਨੋ ਗੁਣਾਕਾਰ ਛੇ.)
(iv) ਸਹਿਜਾ ਏਕ ਉਦਾਹਰਣ ਆਪੀ ਸਮਯਾਵੇ ਛੇ ਕੇ, ਜਿਥਾਂ
ਆਪਣੇ ਵਸਤੂ ਖਰੀਦੀਐ ਛੀਐ ਤਾਰੇ ਕੁਲ ਚੂਕਵਵਾਨੀ
ਰਕਮ ਸ਼ੋਧਵਾ ਗੁਣਾਕਾਰ ਕਰਵੋ ਪਤੇ ਛੇ.

ਉਦਾਹਰਣ : ਏਕ ੩੫ਨ ਕੇਲਾਨੀ ਕਿੰਮਤ = ₹ p

ਅਨੇ ਸ਼ਾਣਾ ਪ੍ਰਵਾਸ ਮਾਟੇ ੪੫ਰੀ ਕੇਲਾਂ = z ੩੫ਨ

ਤੋਂ ਕੁਲ ਚੂਕਵਵਾਨੀ ਰਕਮ = ₹ $p \times z$

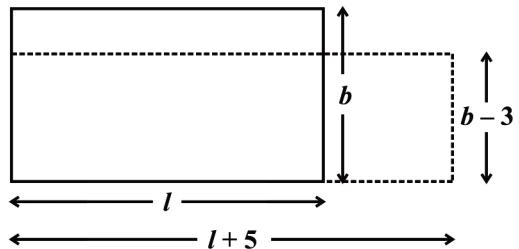
ਧਾਰੋ ਕੇ ਕੇਲਾਨੀ ਕਿੰਮਤਮਾਂ ੩੫ਨ ਫੀਠ ₹ 2ਨੂੰ ਘਟਾਤੇ ਥਾਂਧ ਛੇ ਅਨੇ ੪੫ਰੀ ਕੇਲਾਨਾ ਜਥਾਮਾਂ

4 ੩੫ਨਨੋ ਘਟਾਤੇ ਥਾਂਧ ਛੇ.

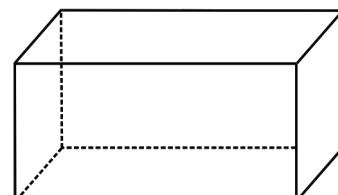
$$\text{ਤੋਂ, } 1 \text{ ੩੫ਨ ਕੇਲਾਨੀ ਕਿੰਮਤ} = ₹ (p - 2)$$

$$\text{ਅਨੇ } 4 \text{ ੩੫ਨਨੋ } 45\text{ਰੀ } 4\text{ ਜਥਾ} = (z - 4) \text{ ੩੫ਨ ਥਸ਼ੇ.}$$

$$\therefore \text{ਕੁਲ ਚੂਕਵਵਾਨੀ ਰਕਮ} = ₹ (p - 2) \times (z - 4)$$



ਲੰਬਚੋਰਸਨੁੰ ਕੋਤ੍ਰਫਣ ਸ਼ੋਧਵਾ ਮਾਟੇ
ਆਪਣੇ ਬੈਜਿਕ ਪਦੋਨੋ ਗੁਣਾਕਾਰ
ਕਰਵੋ ਪਤੇ ਜੇਵਾ ਕੇ $l \times b$ ਅਥਵਾ
 $(l+5) \times (b-3)$





પ્રયત્ન કરો

વિદ્યાર્થીમિત્રો, શું તમે આવી કોઈ અન્ય પરિસ્થિતિઓ વિશે વિચારી બે ઉદાહરણ આપી શકો જેમાં આપણે બૈજિક પદાવલિઓનો ગુણાકાર કરવો પડે ?

[સૂચન : ● સમય અને ઝડપ માટે વિચારો.]

ઉપરનાં તમામ ઉદાહરણો માટે બે કે તેથી વધુ બૈજિક પદોનો ગુણાકાર કરવો પડે. જો કોઈ વિગત બૈજિક પદાવલિ સ્વરૂપે આપેલ હોય તો આપણે તે શોધવા ગુણાકાર કરવો પડે. મતલબ કે આપણે ગુણાકાર શા માટે કરવો ? કેમ કરવો ? તે જાણીએ છીએ. ચાલો આપણે આ પદ્ધતિસર કરીએ. શરૂઆતમાં આપણે બે એકપદીના ગુણાકાર કેવી રીતે કરવા તે જોઈશું.

9.7 એકપદીનો એકપદી સાથે ગુણાકાર

9.7.1 બે એકપદીનો ગુણાકાર

$$4 \times x = x + x + x + x = 4x$$

$$\text{તે જ રીતે, } 4 \times (3x) = 3x + 3x + 3x + 3x = 12x$$

હવે, નીચેના ગુણાકાર જુઓ :

$$(i) \quad x \times 3y = x \times 3 \times y = 3 \times x \times y = 3xy$$

$$(ii) \quad 5x \times 3y = 5 \times x \times 3 \times y = 3 \times 5 \times x \times y = 15xy$$

$$(iii) \quad 5x \times (-3y) = 5 \times x \times (-3) \times y \\ = (-3) \times (5) \times x \times y \\ = (-15xy)$$

થોડાં વધારે ઉપરોગી ઉદાહરણ નીચે મુજબ છે :

$$(iv) \quad 5x \times 4x^2 = (5 \times 4) (x \times x^2) \\ = 20 \times x^3 = 20x^3$$

$$(v) \quad 5x \times (-4xyz) = (5 \times -4) \times (x \times xyz) \\ = -20 \times (x \times x \times yz) \\ = -20x^2yz$$

અહીં, આપણે એ અવલોકન કરવું જોઈએ કે બે પદાવલિના ગુણાકારમાં જે બૈજિક ભાગ છે તેમાં અલગ-અલગ ચલના ઘાતાંક કેવી રીતે મેળવાય છે.

આવું કરવા માટે ઘાત અને ઘાતાંકના નિયમોનો ઉપરોગ કરવો જોઈએ.

9.7.2 ત્રણ કે તેથી વધુ એકપદીના ગુણાકાર

નીચેનાં ઉદાહરણો જુઓ :

$$(i) \quad 2x \times 5y \times 7z = (2x \times 5y) \times 7z \\ = 10xy \times 7z \\ = 70xyz$$

$$(ii) \quad 4xy \times 5x^2y^2 \times 6x^3y^3 = (4xy \times 5x^2y^2) \times 6x^3y^3 \\ = 20x^3y^3 \times 6x^3y^3 = 120x^3y^3 \times x^3y^3 \\ = 120 (x^3 \times x^3)(y^3 \times y^3) = 120x^6 \times y^6 = 120x^6y^6$$

અહીં એ સ્પષ્ટ છે કે, ઉપરોક્ત ઉદાહરણમાં ઉકેલ મેળવવા આપેલ એકપદીઓ પૈકી પ્રથમ અને દ્વિતીય એકપદીનો ગુણાકાર કરીએ છીએ અને ત્યાર બાદ જે જવાબ મળે તેને ત્રીજી એકપદી સાથે ગુણીએ છીએ. આ જ પદ્ધતિથી ગમે તેટલી એકપદીઓનો ગુણાકાર પણ મેળવી શકાય.

અહીં, નોંધીએ કે બધા જ ગુણાકારના જવાબ : $3xy$, $15xy$ અને $(-15xy)$ પણ એકપદી જ છે.

અહીં, $5 \times 4 = 20$ અર્થાત્, પદાવલિના ગુણાકારનો સહગુણક = પ્રથમ એકપદીનો સહગુણક \times બીજી એકપદીનો સહગુણક અને, $x \times x^2 = x^3$ અર્થાત્, પદાવલિના ગુણાકારનો બૈજિક અવયવ = પ્રથમ એકપદીનો બૈજિક અવયવ \times બીજી એકપદીનો બૈજિક અવયવ

ਪ੍ਰਯਤਨ ਕਰੋ

- $4x \times 5y \times 7z$ ਸ਼ੋਧੋ.
- $(4x \times 5y)$ ਸ਼ੋਧੀ ਤੇਨੇ $7z$ ਥੀ ਗੁਣਾਂ।
ਅਥਵਾ $(5y \times 7z)$ ਸ਼ੋਧੀ ਤੇਨੇ $4x$ ਵਡੇ ਗੁਣਾਂ।
ਸੁਣੋ ਉਪਰੋਕਤ ਬਣੇ ਪਹਿਲਾਂ ਸਰਖਾਂ ਛੇ ?
ਤੇਨਾ ਪਰਥੀ ਤਮੇ ਸੁਣੋ ਤਾਰਣਾ ਆਪਸ਼ੋ ?

ਆਪਣੇ ਨੀਚੇਨੀ ਰੀਤੇ ਪਣ ਗੁਣਾਕਾਰ ਸ਼ੋਧੀ ਸ਼ਕੀਐ :

$$\begin{aligned} & 4xy \times 5x^2y^2 \times 6x^3y^3 \\ & = (4 \times 5 \times 6) \times (x \times x^2 \times x^3) \times \\ & (y \times y^2 \times y^3) = 120x^6y^6 \end{aligned}$$

ਉਦਾਹਰਣ 3 : ਨੀਚੇਨਾ ਕੋਝਕਮਾਂ ਲੰਬਚੋਰਸ ਮਾਟੇ ਆਪੇਲੀ ਲੰਬਾਈ ਅਨੇ ਪਹੋਣਾਈਨਾਂ ਮਾਪ ਪਰਥੀ ਲੰਬਚੋਰਸਨੁੰ ਕ੍ਰੇਤਰਫਲ ਸ਼ੋਧੋ।

ਉਤੇਲ :

ਲੰਬਾਈ	ਪਹੋਣਾਈ	ਕ੍ਰੇਤਰਫਲ
$3x$	$5y$	$3x \times 5y = 15xy$
$9y$	$4y^2$
$4ab$	$5bc$
$2l^2m$	$3lm^2$



ਉਦਾਹਰਣ 4 : ਨੀਚੇਨਾ ਕੋਝਕਮਾਂ ਲੰਬਧਨ ਮਾਟੇ ਆਪੇਲੀ ਲੰਬਾਈ, ਪਹੋਣਾਈ ਅਨੇ ਊਂਚਾਈਨਾ ਮਾਪ ਪਰਥੀ ਲੰਬਧਨਨੁੰ ਘਨਫਲ ਸ਼ੋਧੋ।

	ਲੰਬਾਈ	ਪਹੋਣਾਈ	ਊਂਚਾਈ	ਘਨਫਲ
(i)	$2ax$	$3by$	$5cz$
(ii)	m^2n	n^2p	p^2m
(iii)	$2q$	$4q^2$	$8q^3$

ਉਤੇਲ : ਘਨਫਲ = ਲੰਬਾਈ × ਪਹੋਣਾਈ × ਊਂਚਾਈ

ਤੇਥੀ,

$$\begin{aligned} (1) \text{ } \text{ਘਨਫਲ} &= (2ax) \times (3by) \times (5cz) \\ &= (2 \times 3 \times 5) (ax)(by)(cz) \\ &= 30 abcxxyz \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \text{ } \text{ਘਨਫਲ} &= (m^2n)(n^2p)(p^2m) \\ &= (m^2 \times m) \times (n \times n^2) \times (p \times p^2) \\ &= m^3n^3p^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \text{ } \text{ਘਨਫਲ} &= 2q \times 4q^2 \times 8q^3 \\ &= 2 \times 4 \times 8 \times q \times q^2 \times q^3 \\ &= 64q^6 \end{aligned}$$

ਸਵਾਧਿਆਧ 9.2

1. ਨੀਚੇ ਆਪੇਲੀ ਏਕਪਦੀਓਨੀ ਜੋਡਨੋ ਗੁਣਾਕਾਰ ਸ਼ੋਧੋ।

- (i) $4, 7p$ (ii) $-4p, 7p$ (iii) $-4p, 7pq$ (iv) $4p^3, -3p$
(v) $4p, 0$

2. ਲੰਬਚੋਰਸਨੀ ਲੰਬਾਈ ਅਨੇ ਪਹੋਣਾਈਨਾਂ ਮਾਪ ਮਾਟੇ ਨੀਚੇ ਆਪੇਲੀ ਏਕਪਦੀਨੀ ਜੋਡਨੋ ਉਪਯੋਗ ਕਰੀਨੇ ਲੰਬਚੋਰਸਨੁੰ ਕ੍ਰੇਤਰਫਲ ਸ਼ੋਧੋ।

$(p, q); (10m, 5n); (20x^2, 5y^2); (4x, 3x^2); (3mn, 4np)$

3. ગુણાકાર કરી કોણક પૂર્ણ કરો.

પ્રથમ એકપદી → બીજી એકપદી ↓	$2x$	$-5y$	$3x^2$	$-4xy$	$7x^2y$	$-9x^2y^2$
$2x$	$4x^2$
$-5y$	$-15x^2y$
$3x^2$
$-4xy$
$7x^2y$
$-9x^2y^2$

4. લંબઘનની લંબાઈ, પહોળાઈ અને ઊંચાઈના માપ અનુક્રમે નીચે મુજબ છે, તેના પરથી ઘનફળ શોધો.

- (i) $5a, 3a^2, 7a^4$ (ii) $2p, 4q, 8r$ (iii) $xy, 2x^2y, 2xy^2$ (iv) $a, 2b, 3c$

5. ગુણાકાર શોધો.

- (i) xy, yz, zx (ii) $a, -a^2, a^3$ (iii) $2, 4y, 8y^2, 16y^3$
 (iv) $a, 2b, 3c, 6abc$ (v) $m, -mn, mnp$

9.8 એકપદીનો બહુપદી સાથે ગુણાકાર

9.8.1 એકપદીનો દ્વિપદી સાથે ગુણાકાર

મિત્રો, અહીં આપણે એકપદી $3x$ ને દ્વિપદી $5y + 2$ સાથે ગુણીએ. અર્થાત્, $3x \times (5y + 2) = ?$ અહીં, યાદ રાખીએ કે $3x$ અને $(5y + 2)$ એ સંખ્યા દર્શાવે છે. આથી વિભાજનના નિયમનો ઉપયોગ કરતાં, $3x \times (5y + 2) = (3x \times 5y) + (3x \times 2) = 15xy + 6x$



સામાન્ય રીતે આપણે ગણતરી દરમિયાન વિભાજનના નિયમનો

ઉપયોગ કરીએ જ છીએ. ઉદાહરણ

$$\begin{aligned}
 7 \times 106 &= 7 \times (100 + 6) \\
 &= (7 \times 100) + (7 \times 6) \quad (\text{વિભાજનનાં નિયમનો ઉપયોગ કરતાં}) \\
 &= 700 + 42 \\
 &= 742 \\
 7 \times 38 &= 7 \times (40 - 2) \\
 &= (7 \times 40) - (7 \times 2) \quad (\text{વિભાજનનાં નિયમનો ઉપયોગ કરતાં}) \\
 &= 280 - 14 = 266
 \end{aligned}$$

આ જ રીતે, $-3x \times (-5y + 2) = (-3x) \times (-5y) + (-3x) \times (2) = 15xy - 6x$

અને, $5xy \times (y^2 + 3) = (5xy \times y^2) + (5xy \times 3) = 5xy^3 + 15xy$

મિત્રો, દ્વિપદી \times એકપદી માટે શું કહી શકાય? ઉદાહરણ તરીકે, $(5y + 2) \times 3x = ?$

અહીં, કમના નિયમનો ઉપયોગ કરી શકાય : $7 \times 3 = 3 \times 7$ અથવા વ્યાપક સ્વરૂપે :

$a \times b = b \times a$ આ જ રીતે, $(5y + 2) \times 3x = 3x \times (5y + 2) = 15xy + 6x$

પ્રયત્ન કરો

ગુણાકાર શોધો : (i) $2x(3x + 5xy)$ (ii) $a^2(2ab - 5c)$



9.8.2 ਏਕਪਦੀਨੋ ਤ੍ਰਿਪਦੀ ਸਾਥੇ ਗੁਣਾਕਾਰ

$3p \times (4p^2 + 5p + 7)$ ਵਿਚਾਰੋ. ਅਗਾਉਨਾ ਤਿੱਸਾ ਮੁੜਭ, ਆਪਣੇ ਵਿਭਾਗਨਾ ਨਿਧਮਨੋ ਉਪਯੋਗ ਕਰੀਐ.

$$\begin{aligned} 3p \times (4p^2 + 5p + 7) &= (3p \times 4p^2) + (3p \times 5p) + (3p \times 7) \\ &= 12p^3 + 15p^2 + 21p \end{aligned}$$

ਤ੍ਰਿਪਦੀ (Trinomial)ਨਾ ਫੇਰੇ ਪਦਨੇ ਏਕਪਦੀ (Monomial) ਵਿੱਚ ਗੁਣਾਕਾਰ ਅਤੇ ਪਛੀ ਸਰਵਾਂਹੀ ਕਰੋ.

ਅਛੀ ਅਵਲੋਕਨ ਕਰੋ ਕੇ ਵਿਭਾਗਨਾ ਨਿਧਮਨੋ ਉਪਯੋਗ ਕਰੀਨੇ ਆਪਣੇ ਤਬਕਕਾਵਾਰ ਪਦੀਨੋ ਗੁਣਾਕਾਰ ਮੇਣਵੀ ਸ਼ਕੀਐ ਛੀਐ.

ਪ੍ਰਯਤ ਕਰੋ

ਗੁਣਾਕਾਰ ਸ਼ੋਧੋ :
 $(4p^2 + 5p + 7) \times 3p$

ਉਦਾਹਰਣ 5 : ਆਪੇਕ ਪਦਾਰਥਿਨੁੰ ਸਰਣ ਸ਼ਵਰੂਪ ਆਪੋ ਅਨੇ ਨਿਰੰਦੇ ਅਨੁਸਾਰ ਕਿੰਮਤ ਮੇਣਵੋ.

$$(i) \quad x(x - 3) + 2, \quad x = 1 \text{ ਮਾਟੇ} \quad (ii) \quad 3y(2y - 7) - 3(y - 4) - 63, \quad y = (-2) \text{ ਮਾਟੇ}$$

ਤੁਲਨਾ :

$$\begin{aligned} (i) \quad x(x - 3) + 2 &= x^2 - 3x + 2 \\ x = 1 \text{ ਮਾਟੇ}, \quad x^2 - 3x + 2 &= (1)^2 - 3(1) + 2 \\ &= 1 - 3 + 2 \\ &= 3 - 3 = 0 \\ (ii) \quad 3y(2y - 7) - 3(y - 4) - 63 &= 6y^2 - 21y - 3y + 12 - 63 \\ &= 6y^2 - 24y - 51 \\ y = (-2) \text{ ਮਾਟੇ}, \quad 6y^2 - 24y - 51 &= 6(-2)^2 - 24(-2) - 51 \\ &= 6 \times 4 + 24 \times 2 - 51 \\ &= 24 + 48 - 51 = 72 - 51 = 21 \end{aligned}$$

ਉਦਾਹਰਣ 6 : ਸਰਵਾਂਹੀ ਕਰੋ :

$$(i) \quad 5m(3 - m) \text{ ਅਨੇ } 6m^2 - 13m \quad (ii) \quad 4y(3y^2 + 5y - 7) \text{ ਅਨੇ } 2(y^3 - 4y^2 + 5)$$

ਤੁਲਨਾ :

$$\begin{aligned} (i) \quad \text{ਪ੍ਰਥਮ ਪਦਾਰਥ} &= 5m(3 - m) = (5m \times 3) - (5m \times m) = 15m - 5m^2 \\ \text{ਹਵੇ, ਬੀਜੀ ਪਦਾਰਥ ਤੁਲਨਾ, } 15m - 5m^2 + 6m^2 - 13m &= m^2 + 2m \\ (ii) \quad \text{ਪ੍ਰਥਮ ਪਦਾਰਥ} &= 4y(3y^2 + 5y - 7) \\ &= (4y \times 3y^2) + (4y \times 5y) + (4y \times (-7)) \\ &= 12y^3 + 20y^2 - 28y \\ \text{ਬੀਜੀ ਪਦਾਰਥ} &= 2(y^3 - 4y^2 + 5) \\ &= 2y^3 + 2(-4y^2) + 2 \times 5 \\ &= 2y^3 - 8y^2 + 10 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} \text{ਹਵੇ, ਬੰਨੇ ਪਦਾਰਥਿਨੋ ਸਰਵਾਂਹੀ ਕਰਤਾਂ, } 12y^3 + 20y^2 - 28y \\ + 2y^3 - 8y^2 \qquad \qquad \qquad + 10 \\ \hline 14y^3 + 12y^2 - 28y + 10 \end{array}$$

ਉਦਾਹਰਣ 7 : $2pq(p + q)$ ਮਾਂਥੀ $3pq(p - q)$ ਬਾਏ ਕਰੋ.

ਤੁਲਨਾ : ਅਛੀ, $3pq(p - q) = 3p^2q - 3pq^2$ ਅਨੇ $2pq(p + q) = 2p^2q + 2pq^2$ ਬਾਏਗਾਕੀ ਕਰਤਾਂ,

$$\begin{array}{r} 2p^2q + 2pq^2 \\ 3p^2q - 3pq^2 \\ \hline -p^2q + 5pq^2 \end{array}$$



સ્વાધ્યાય 9.3

- નીચેની પદાવલિઓની દરેક જોડ માટે ગુણાકાર મેળવો.
 - $4p, q + r$
 - $ab, a - b$
 - $a + b, 7a^2b^2$
 - $a^2 - 9, 4a$
 - $pq + qr + rp, 0$
- કોઈક પૂર્ણ કરો.

ક્રમ	પ્રથમ પદાવલિ	બીજી પદાવલિ	ગુણાકાર
(i)	a	$b + c + d$...
(ii)	$x + y - 5$	$5xy$...
(iii)	p	$6p^2 - 7p + 5$...
(iv)	$4p^2q^2$	$p^2 - q^2$...
(v)	$a + b + c$	abc	...

- ગુણાકાર શોધો.

$$(i) (a^2) \times (2a^{22}) \times (4a^{26}) \quad (ii) \left(\frac{2}{3}xy\right) \times \left(\frac{-9}{10}x^2y^2\right)$$

$$(iii) \left(-\frac{10}{3}pq^3\right) \times \left(\frac{6}{5}p^3q\right) \quad (iv) x \times x^2 \times x^3 \times x^4$$

- (a) $3x(4x - 5) + 3$ નું સાદું રૂપ આપો અને (i) $x = 3$ (ii) $x = \frac{1}{2}$ માટે તેની ક્રિમત શોધો.
(b) $a(a^2 + a + 1) + 5$ નું સાદું રૂપ આપો અને (i) $a = 0$ (ii) $a = 1$ (iii) $a = (-1)$ માટે તેની ક્રિમત શોધો.

- (a) સરવાળો કરો : $p(p - q), q(q - r)$ અને $r(r - p)$
(b) સરવાળો કરો : $2x(z - x - y)$ અને $2y(z - y - x)$
(c) બાદબાકી કરો : $4l(10n - 3m + 2l)$ માંથી $3l(l - 4m + 5n)$
(d) બાદબાકી કરો : $4c(-a + b + c)$ માંથી $3a(a + b + c) - 2b(a - b + c)$

9.9 બહુપદીનો બહુપદી સાથે ગુણાકાર

9.9.1 દ્વિપદીનો દ્વિપદી સાથે ગુણાકાર

અહીં આપણે, દ્વિપદી $(2a + 3b)$ નો બીજી કોઈ દ્વિપદી $(3a + 4b)$ સાથે ગુણાકાર કરીએ.
અગાઉના કિસ્સામાં જેમ ગણતરી કરી છે તે જ રીતે અહીં તબક્કાવાર ગણતરી કરીશું. ગુણાકાર માટે વિભાજનના નિયમનો ઉપયોગ કરીએ તો,

$$(3a + 4b) \times (2a + 3b) = 3a \times (2a + 3b) + 4b(2a + 3b)$$

જુઓ કે, પ્રથમ દ્વિપદીના દરેક પદનો બીજી દ્વિપદીના દરેક પદ સાથે ગુણાકાર થાય છે.

$$\begin{aligned}
 &= (3a \times 2a) + (3a \times 3b) + (4b \times 2a) + (4b \times 3b) \\
 &= 6a^2 + 9ab + 8ba + 12b^2 \\
 &= 6a^2 + 17ab + 12b^2 \quad (\because ba = ab)
 \end{aligned}$$

જ્યારે આપણે દરેક પદનો ગુણાકાર લઈએ છીએ, ત્યારે આપણે સ્વીકારીએ છીએ કે અહીં, $2 \times 2 = 4$ પદો છે. પરંતુ, તે પૈકીના બે પદ સજાતીય પદો છે. જે પરસ્પર જોડાય છે અને તેથી છેલ્લે ત્રણ પદ મળે છે. આમ, જ્યારે બહુપદી સાથે બહુપદીનો ગુણાકાર કરીએ ત્યારે આપણે હંમેશાં સજાતીય પદો શોધવાં જોઈએ અને જો હોય, તો તેઓને પરસ્પર જોડવા જોઈએ. (સરવાળા દ્વારા કે બાદબાકી દ્વારા)

ਉਦਾਹਰਣ 8 : ਗੁਣਾਕਾਰ ਕਰੋ।

$$(i) (x - 4) \text{ ਅਨੇ } (2x + 3) \quad (ii) (x - y) \text{ ਅਨੇ } (3x + 5y)$$

ਉਤ੍ਰ :

$$\begin{aligned} (i) (x - 4) \times (2x + 3) &= x \times (2x + 3) - 4 \times (2x + 3) \\ &= (x \times 2x) + (x \times 3) - (4 \times 2x) - (4 \times 3) \\ &= 2x^2 + 3x - 8x - 12 \\ &= 2x^2 - 5x - 12 \quad [\text{ਸ਼ਾਖੀ ਪਦਾਨੁ ਸਾਂਝੇ ਰੂਪ ਆਪਤਾਂ}] \\ (ii) (x - y) \times (3x + 5y) &= x \times (3x + 5y) - y \times (3x + 5y) \\ &= (x \times 3x) + (x \times 5y) - (y \times 3x) - (y \times 5y) \\ &= 3x^2 + 5xy - 3yx - 5y^2 \\ &= 3x^2 + 2xy - 5y^2 \quad [\text{ਸ਼ਾਖੀ ਪਦਾਨੁ ਸਾਂਝੇ ਰੂਪ ਆਪਤਾਂ}] \end{aligned}$$

ਉਦਾਹਰਣ 9 : ਗੁਣਾਕਾਰ ਕਰੋ।

$$(i) (a + 7) \text{ ਅਨੇ } (b - 5) \quad (ii) (a^2 + 2b^2) \text{ ਅਨੇ } (5a - 3b)$$

ਉਤ੍ਰ :

$$\begin{aligned} (i) (a + 7) \times (b - 5) &= a \times (b - 5) + 7(b - 5) \\ &= ab - 5a + 7b - 35 \\ &\quad (\text{ਅਹੀਂ, ਆਂ ਗੁਣਾਕਾਰਮਾਂ ਕੋਈ ਸ਼ਾਖੀ ਪਦਾਨੁ ਨਹੀਂ ਤੇਨੀ ਨੋਂਧ ਲਈਅ.) \\ (ii) (a^2 + 2b^2) \times (5a - 3b) &= a^2 \times (5a - 3b) + 2b^2(5a - 3b) \\ &= 5a^3 - 3a^2b + 10ab^2 - 6b^3 \end{aligned}$$

9.9.2 ਫਿਪਦੀਨੇ ਤ੍ਰਿਪਦੀ ਸਾਥੇ ਗੁਣਾਕਾਰ

ਆਂ ਗੁਣਾਕਾਰਮਾਂ ਆਪਣੇ ਤ੍ਰਿਪਦੀਨਾ ਦੇਕ ਤ੍ਰਾਂ ਪਦਾਨੇ ਫਿਪਦੀਨਾ ਬਿੰਨੇ ਪਦਾਨੇ ਸਾਥੇ ਗੁਣਵਾ ਜੋਈਅ. ਜੇਥੀ ਕੁਲ $(2 \times 3) = 6$ ਪਦਾਨੇ ਮਹਾਂਸੂਲੇ. ਵਣੀ, ਜੋ ਸ਼ਾਖੀ ਪਦਾਨੇ ਹਥੇ ਤੋਂ 6 ਪਦਾਨੇ ਬਦਲੇ ਉਤੇਲਮਾਂ 5 ਕੇ ਤੇਥੀ ਓਓਂਧਾ ਪਦਾਨੇ ਮਹਾਂਸੂਲੇ.

ਧਾਰੇ ਕੇ,

$$\begin{aligned} \therefore (a + 7) \times (a^2 + 3a + 5) &= a \times (a^2 + 3a + 5) + 7 \times (a^2 + 3a + 5) \quad (\because \text{ਵਿਭਾਜਨਨੇ ਨਿਯਮ}) \\ \text{ਫਿਪਦੀ} \quad \text{ਤ੍ਰਿਪਦੀ} &= a^3 + 3a^2 + 5a + 7a^2 + 21a + 35 \\ &= a^3 + (3a^2 + 7a^2) + (5a + 21a) + 35 \\ &= a^3 + 10a^2 + 26a + 35 \quad (\text{ਸਾਂ ਮਾਟੇ ਜਵਾਬਮਾਂ ਮਾਤ੍ਰ } 4 \text{ ਪਦਾਨੇ ? ਜੁਅੰਦੇ।}) \end{aligned}$$

ਉਦਾਹਰਣ 10 : $(a + b) (2a - 3b + c) - (2a - 3b)c$ ਨੂੰ ਸਾਂਝੇ ਰੂਪ ਆਪੋ।

ਉਤ੍ਰ : ਅਹੀਂ,

$$\begin{aligned} (a + b) (2a - 3b + c) &= a(2a - 3b + c) + b(2a - 3b + c) \\ &= 2a^2 - 3ab + ac + 2ab - 3b^2 + bc \\ &= 2a^2 - ab - 3b^2 + bc + ac \\ &\quad (\text{ਅਹੀਂ } -3ab \text{ ਅਨੇ } 2ab \text{ ਸ਼ਾਖੀ ਪਦਾਨੇ ਛੇ।}) \end{aligned}$$

ਅਨੇ, $(2a - 3b)c = 2ac - 3bc$

ਤੇਥੀ

$$\begin{aligned} (a + b) (2a - 3b + c) - (2a - 3b)c &= 2a^2 - ab - 3b^2 + bc + ac - (2ac - 3bc) \\ &= 2a^2 - ab - 3b^2 + bc + ac - 2ac + 3bc \\ &= 2a^2 - ab - 3b^2 + (bc + 3bc) + (ac - 2ac) \\ &= 2a^2 - 3b^2 - ab + 4bc - ac \end{aligned}$$



સ્વાધ્યાય 9.4

1. દ્વિપરિનો ગુણાકાર કરો.
 - (i) $(2x + 5)$ અને $(4x - 3)$
 - (ii) $(y - 8)$ અને $(3y - 4)$
 - (iii) $(2.5l - 0.5m)$ અને $(2.5l + 0.5m)$
 - (iv) $(a + 3b)$ અને $(x + 5)$
 - (v) $(2pq + 3q^2)$ અને $(3pq - 2q^2)$
 - (vi) $\left(\frac{3}{4}a^2 + 3b^2\right)$ અને $4\left(a^2 - \frac{2}{3}b^2\right)$
2. ગુણાકાર શોધો.
 - (i) $(5 - 2x)(3 + x)$
 - (ii) $(x + 7y)(7x - y)$
 - (iii) $(a^2 + b)(a + b^2)$
 - (iv) $(p^2 - q^2)(2p + q)$
3. સાહું રૂપ આપો :
 - (i) $(x^2 - 5)(x + 5) + 25$
 - (ii) $(a^2 + 5)(b^3 + 3) + 5$
 - (iii) $(t + s^2)(t^2 - s)$
 - (iv) $(a + b)(c - d) + (a - b)(c + d) + 2(ac + bd)$
 - (v) $(x + y)(2x + y) + (x + 2y)(x - y)$
 - (vi) $(x + y)(x^2 - xy + y^2)$
 - (vii) $(1.5x - 4y)(1.5x + 4y + 3) - 4.5x + 12y$
 - (viii) $(a + b + c)(a + b - c)$

9.10 નિત્યસમ એટલે શું ?

વિદ્યાર્થી મિત્રો, અહીં નિત્યસમને સમજવા આપણે એક સમતા લઈએ. $(a + 1)(a + 2) = a^2 + 3a + 2$ અહીં, આપણે આ સમતાની બંને બાજુઓ

માટે $a = 10$ લઈ કિમત શોધીએ.

$$\text{ડ. બા.} = (a + 1)(a + 2) = (10 + 1)(10 + 2) = 11 \times 12 = 132$$

$$\text{જ. બા.} = a^2 + 3a + 2 = (10)^2 + 3(10) + 2 = 100 + 30 + 2 = 132$$

આમ, $a = 10$ માટે આ સમતાની બંને બાજુની કિમતો સરખી છે.

હવે આપણે $a = -5$ લઈએ

$$\text{ડ. બા.} = (a + 1)(a + 2) = (-5 + 1)(-5 + 2) = (-4) \times (-3) = 12$$

$$\text{જ. બા.} = a^2 + 3a + 2 = (-5)^2 + 3(-5) + 2 = 25 - 15 + 2 = 10 + 2 = 12$$

તેથી $a = (-5)$ લઈએ તોપણ ડ.બા. = જ.બા. મળે.

તો અહીં, તારવી શકીએ કે a ની કોઈ પણ કિમત માટે આપેલ સમતાની ડ.બા. = જ.બા. મળે.

આમ, એવી સમતા કે જેમાં આપેલા ચલની કોઈ પણ કિમત માટે તે સાચી હોય તો તેને નિત્યસમ (Identity) કહે છે.

આમ, $(a + 1)(a + 2) = a^2 + 3a + 2$ એ એક નિત્યસમ છે.

આપણે એ પણ નોંધીએ કે, કોઈ પણ સમીકરણ એ તેમાં આપેલા ચલની કોઈ ચોક્કસ કિમતો માટે જ સાચા હોય છે. તે જે-તે ચલની બધી જ કિમતો માટે સાચા હોતા નથી.

દાખાંત તરીકે, $a^2 + 3a + 2 = 132$

ઉપરોક્ત સમીકરણ $a = 10$ માટે સાચું છે. પરંતુ તે $a = (-5)$ અથવા $a = 0$ વિગેરે માટે સાચું નથી. ચકાસો : $a^2 + 3a + 2 = 132$ એ $a = (-5)$ અને $a = 0$ માટે સાચું નથી.

9.11 પ્રમાણિત નિત્યસમ

આપણે હવે, ખૂબ જ અગત્યનાં ત્રણ નિત્યસમનો અભ્યાસ કરીશું, જે આપણા કાર્યમાં ખૂબ ઉપયોગી થશે. આ નિત્યસમ આપણે દ્વિપરિનો દ્વિપરિ સાથે ગુણાકાર કરીને મેળવીશું.

- ਸੌਪ੍ਰਥਮ $(a + b)(a + b)$ ਅਥਵਾ $(a + b)^2$ ਮੇળਵਾਂ।

$$\begin{aligned}
 (a + b)^2 &= (a + b)(a + b) \\
 &= a(a + b) + b(a + b) \\
 &= a^2 + ab + ba + b^2 \\
 &= a^2 + 2ab + b^2 \quad (\because ab = ba)
 \end{aligned}$$

ਆਮ,
$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \quad (I)$$

ਅਛੀ, ਏ ਸਪਣਾ ਛੇ ਕੇ ਜ.ਬਾ.ਨੀ ਪਦਾਰਥਿਆਂ ਅਤੇ ਡਾ.ਬਾ.ਨੀ ਪਦਾਰਥਿਆਂ ਖੇਡ ਗੁਣਾਕਾਰਥੀ ਜ ਮਣੇ ਛੇ ਜੇਥੀ ਤੇ ਨਿਤਸਮ ਛੇ। ਅਛੀ, ਆਪਣੇ ਚਲ 'ਾ' ਅਤੇ 'ਕ' ਨੀ ਕੋਈ ਪਣ ਕਿੰਮਤ ਲਈ ਤੋਂ ਪਾਣੀ ਬਾਹਰ ਨਾਲ ਵਾਲੀ ਕਿੰਮਤ ਏਕਸਮਾਨ ਜ ਮਣੇ ਛੇ। ਅਰਥਾਤ੍ਤ, ਡਾ.ਬਾ. = ਜ.ਬਾ. ਥਾਵ ਛੇ।

- (i) $a = 2, b = 3$ (ਉਕੇਲ : 25) (ii) $a = 5, b = 2$ (ਉਕੇਲ : 49)

- ਹਵੇ, ਆਪਣੇ $(a - b)^2$ ਮਾਟੇ ਵਿਚਾਰੀਐ।

$$\begin{aligned}
 (a - b)^2 &= (a - b)(a - b) = a(a - b) - b(a - b) \\
 &= a^2 - ab - ba + b^2 = a^2 - 2ab + b^2 \quad (II)
 \end{aligned}$$

ਆਮ,
$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

- ਛੇਲ੍ਹੇ, $(a + b)(a - b)$ ਮਾਟੇ ਵਿਚਾਰੋ। $(a + b)(a - b) = a(a - b) + b(a - b)$
 $= a^2 - ab + ba - b^2 = a^2 - b^2 \quad (\because ab = ba)$

ਆਮ,
$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2 \quad (III)$$

ਉਪਰੋਕਤ ਨਿਤਸਮ (I), (II) ਅਤੇ (III) ਏ ਪ੍ਰਮਾਣਿਤ ਨਿਤਸਮ ਤਰੀਕੇ ਓਣਖਾਧ ਛੇ।



ਪ੍ਰਯਤਨ ਕਰੋ

1. ਨਿਤਸਮ (I)ਮਾਂ b ਨੇ ਬਦਲੋ $(-b)$ ਮੂਲੋ। ਸ਼ੁ ਤਮਨੇ ਨਿਤਸਮ (II) ਮਣਸ਼ੇ ?

- ਹਵੇ, ਆਪਣੇ ਏਕ ਵਧੂ ਉਪਯੋਗੀ ਨਿਤਸਮ ਮਾਟੇ ਪ੍ਰਯਤਨ ਕਰੀਐ।

$$\begin{aligned}
 (x + a)(x + b) &= x(x + b) + a(x + b) \\
 &= x^2 + bx + ax + ab \\
 &= x^2 + (b + a)x + ab
 \end{aligned}$$

ਆਮ,
$$(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab \quad (IV)$$

ਪ੍ਰਯਤਨ ਕਰੋ

1. $a = 2, b = 3, x = 5$ ਮਾਟੇ ਨਿਤਸਮ (IV) ਯਕਾਸੋ।
2. ਨਿਤਸਮ (IV)ਮਾਂ ਖਾਸ ਕਿੱਸਾ ਮਾਟੇ $a = b$ ਲੋ। ਤਮਨੇ ਸ਼ੁ ਮਣੇ ਛੇ ? ਸ਼ੁ ਤੇਨੇ ਨਿਤਸਮ (I) ਸਾਥੇ ਕੰਢ ਸੰਬੰਧ ਛੇ ?
3. ਨਿਤਸਮ (IV)ਮਾਂ ਖਾਸ ਕਿੱਸਾ ਮਾਟੇ $a = -c$ ਅਤੇ $b = -c$ ਲੋ। ਤਮਨੇ ਸ਼ੁ ਮਣੇ ਛੇ ? ਸ਼ੁ ਤੇਨੇ ਨਿਤਸਮ (II) ਸਾਥੇ ਕੋਈ ਸੰਬੰਧ ਛੇ ?
4. ਨਿਤਸਮ (IV)ਮਾਂ ਖਾਸ ਕਿੱਸਾ ਮਾਟੇ $b = -a$ ਲੋ। ਤਮਨੇ ਸ਼ੁ ਮਣੇ ਛੇ ? ਸ਼ੁ ਤੇਨੇ ਨਿਤਸਮ (III) ਸਾਥੇ ਕੋਈ ਸੰਬੰਧ ਛੇ ?



ਆਪਣੇ ਜੋਈ ਸ਼ਕਿਅਂ ਛੀਐ ਕੇ, ਨਿਤਸਮ (IV) ਅਤੇ ਨਿਤਸਮ (I), (II), (III)ਨੂੰ ਸਾਮਾਨਾ ਸ਼ਵਰੂਪ ਛੇ।

9.12 ਨਿਤਸਮਨੀ ਉਪਯੋਗਿਤਾ

ਹਵੇ ਆਪਣੇ ਜੋਈ ਨੂੰ ਕੇ ਫਿਲੀਨਾ ਗੁਣਾਕਾਰ ਤਥਾ ਸਾਂਘਾਅਨਾ ਗੁਣਾਕਾਰ ਆਧਾਰਿਤ ਕੋਧਾਅਨਾ ਉਕੇਲ ਮਾਟੇ ਨਿਤਸਮਨੀ ਉਪਯੋਗ ਅਤੇ ਏਕ ਸਰਣ ਵੈਕਲਿਕ ਰੀਤ ਛੇ।

ઉદાહરણ 11 : નિત્યસમ (I)નો ઉપયોગ કરીને સાંદું રૂપ આપો. (i) $(2x + 3y)^2$ (ii) 103^2

ઉકેલ :

$$\begin{aligned} \text{(i)} \quad (2x + 3y)^2 &= (2x)^2 + 2(2x)(3y) + (3y)^2 & [\text{નિત્યસમ (I)નો ઉપયોગ કરતાં}] \\ &= 4x^2 + 12xy + 9y^2 \end{aligned}$$

અહીં, આપણે નિત્યસમના ઉપયોગ વગર સીધી રીતે પણ ગણતરી કરી શકીએ.

$$\begin{aligned} (2x + 3y)^2 &= (2x + 3y)(2x + 3y) \\ &= (2x)(2x) + (2x)(3y) + (3y)(2x) + (3y)(3y) \\ &= 4x^2 + 6xy + 6yx + 9y^2 \\ &= 4x^2 + 12xy + 9y^2 & (\because xy = yx) \end{aligned}$$

નિત્યસમ (I)ના ઉપયોગથી આપણને $(2x + 3y)$ નો વર્ગ કરવાની એક વૈકળ્યિક રીત મળે છે. શું તમે નોંધ્યું કે નિત્યસમની રીતમાં સીધી રીત કરતાં ઓછાં પગથિયાં છે? તમે અનુભવશો કે $(2x + 3y)$ કરતાં વધુ જટીલ (સંકીર્ણ) દ્વિપદીના વર્ગ કરવા માટે પણ આ રીત વધુ સરળ છે.

$$\begin{aligned} \text{(ii)} \quad (103)^2 &= (100 + 3)^2 \\ &= (100)^2 + 2(100)(3) + (3)^2 & [\text{નિત્યસમ (I)નો ઉપયોગ કરતાં}] \\ &= 10,000 + 600 + 9 \\ &= 10,609 \end{aligned}$$

અહીં, આપણે (103×103) કરીને પણ ઉકેલ મેળવી શકીએ. પરંતુ તમે જોશો કે સીધી રીતે ગુણાકાર કરીને 103 નો વર્ગ કરવાની રીત કરતાં નિત્યસમ (I) નો ઉપયોગ કરવાથી વધુ સરળતા રહે છે. આ રીતે 1013 નો વર્ગ જાતે મેળવો.

તમે આ કિસ્સામાં એ પણ જોશો કે, સીધી રીતે ગુણાકાર કરીને ઉકેલ મેળવવાની રીત કરતાં નિત્યસમના ઉપયોગવાળી રીત વધુ આકર્ષક પણ છે.

ઉદાહરણ 12 : નિત્યસમ (II)નો ઉપયોગ કરીને, (i) $(4p - 3q)^2$ (ii) $(4.9)^2$ શોધો.

ઉકેલ :

$$\begin{aligned} \text{(i)} \quad (4p - 3q)^2 &= (4p)^2 - 2(4p)(3q) + (3q)^2 & [\text{નિત્યસમ (II)નો ઉપયોગ કરતાં}] \\ &= 16p^2 - 24pq + 9q^2 \\ \text{(ii)} \quad (4.9)^2 &= (5.0 - 0.1)^2 = (5.0)^2 - 2(5.0)(0.1) + (0.1)^2 \\ &= 25.00 - 1.00 + 0.01 \\ &= 24.00 + 0.01 = 24.01 \end{aligned}$$

ઉદાહરણ 13 : નિત્યસમ (III)નો ઉપયોગ કરીને કિંમત શોધો.

$$\text{(i)} \quad \left(\frac{3}{2}m + \frac{2}{3}n\right) \left(\frac{3}{2}m - \frac{2}{3}n\right) \quad \text{(ii)} \quad 983^2 - 17^2 \quad \text{(iii)} \quad 194 \times 206$$

ઉકેલ :

$$\begin{aligned} \text{(i)} \quad \left(\frac{3}{2}m + \frac{2}{3}n\right) \left(\frac{3}{2}m - \frac{2}{3}n\right) &= \left(\frac{3}{2}m\right)^2 - \left(\frac{2}{3}n\right)^2 \\ &= \frac{9}{4}m^2 - \frac{4}{9}n^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(ii)} \quad 983^2 - 17^2 &= (983 + 17)(983 - 17) & [\text{અહીં, } a = 983, b = 17, \\ &= 1000 \times 966 & a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)] \\ &= 966000 \end{aligned}$$

સીધા ગુણાકારની રીતથી વર્ગ કરીને બાદબાકી મેળવો !!

$$\begin{aligned} \text{(iii)} \quad 194 \times 206 &= (200 - 6) \times (200 + 6) = (200)^2 - (6)^2 \\ &= 40000 - 36 = 39964 \end{aligned}$$

ਉਦਾਹਰਣ 14 : ਨਿਤਸਮ $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$ ਨੂੰ ਉਪਯੋਗ ਕਰੀਨੇ ਟਿੱਮਤ ਸ਼ੋਧੋ.

$$\text{(i)} \quad 501 \times 502 \qquad \qquad \text{(ii)} \quad 95 \times 103$$

ਤੁਲਨਾ :

$$\begin{aligned} \text{(i)} \quad 501 \times 502 &= (500 + 1) \times (500 + 2) = (500)^2 + (1 + 2) \times 500 + 1 \times 2 \\ &= 250000 + 1500 + 2 \\ &= 251502 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(ii)} \quad 95 \times 103 &= (100 - 5) \times (100 + 3) = (100)^2 + (-5 + 3) \times 100 + (-5) \times 3 \\ &= 10000 - 200 - 15 = 9785 \end{aligned}$$

ਸ਼ਾਖਾਵਾਂ 9.5

1. ਧੋਗ ਨਿਤਸਮਾਂ ਨੂੰ ਉਪਯੋਗ ਕਰੀਨੇ ਨੀਚੇਨਾ ਗੁਣਾਕਾਰ ਮੇਣਵੇ.

$$\begin{array}{lll} \text{(i)} \quad (x + 3)(x + 3) & \text{(ii)} \quad (2y + 5)(2y + 5) & \text{(iii)} \quad (2a - 7)(2a - 7) \\ \text{(iv)} \quad (3a - \frac{1}{2})(3a - \frac{1}{2}) & \text{(v)} \quad (1.1m - 0.4)(1.1m + 0.4) & \\ \text{(vi)} \quad (a^2 + b^2)(-a^2 + b^2) & \text{(vii)} \quad (6x - 7)(6x + 7) & \text{(viii)} \quad (-a + c)(-a + c) \\ \text{(ix)} \quad \left(\frac{x}{2} + \frac{3y}{4}\right) \left(\frac{x}{2} + \frac{3y}{4}\right) & \text{(x)} \quad (7a - 9b)(7a - 9b) & \end{array}$$



2. $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$ ਨਿਤਸਮਾਂ ਨੂੰ ਉਪਯੋਗ ਕਰੀਨੇ ਨੀਚੇਨਾ ਗੁਣਾਕਾਰ ਸ਼ੋਧੋ.

$$\begin{array}{ll} \text{(i)} \quad (x + 3)(x + 7) & \text{(ii)} \quad (4x + 5)(4x + 1) \\ \text{(iii)} \quad (4x - 5)(4x - 1) & \text{(iv)} \quad (4x + 5)(4x - 1) \\ \text{(v)} \quad (2x + 5y)(2x + 3y) & \text{(vi)} \quad (2a^2 + 9)(2a^2 + 5) \\ \text{(vii)} \quad (xyz - 4)(xyz - 2) & \end{array}$$

3. ਨਿਤਸਮਾਂ ਨੂੰ ਉਪਯੋਗ ਕਰੀਨੇ ਨੀਚੇਨਾ ਵਾਂ ਸ਼ੋਧੋ.

$$\begin{array}{lll} \text{(i)} \quad (b - 7)^2 & \text{(ii)} \quad (xy + 3z)^2 & \text{(iii)} \quad (6x^2 - 5y)^2 \\ \text{(iv)} \quad \left(\frac{2}{3}m + \frac{3}{2}n\right)^2 & \text{(v)} \quad (0.4p - 0.5q)^2 & \text{(vi)} \quad (2xy + 5y)^2 \end{array}$$

4. ਸਾਫ਼ ਰੂਪ ਆਪੀ :

$$\begin{array}{ll} \text{(i)} \quad (a^2 - b^2)^2 & \text{(ii)} \quad (2x + 5)^2 - (2x - 5)^2 \\ \text{(iii)} \quad (7m - 8n)^2 + (7m + 8n)^2 & \text{(iv)} \quad (4m + 5n)^2 + (5m + 4n)^2 \\ \text{(v)} \quad (2.5p - 1.5q)^2 - (1.5p - 2.5q)^2 & \\ \text{(vi)} \quad (ab + bc)^2 - 2ab^2c & \text{(vii)} \quad (m^2 - n^2m)^2 + 2m^3n^2 \end{array}$$

5. ਸਾਭਿਤ ਕਰੋ :

$$\begin{array}{ll} \text{(i)} \quad (3x + 7)^2 - 84x = (3x - 7)^2 & \text{(ii)} \quad (9p - 5q)^2 + 180pq = (9p + 5q)^2 \\ \text{(iii)} \quad \left(\frac{4}{3}m - \frac{3}{4}n\right)^2 + 2mn = \frac{16}{9}m^2 + \frac{9}{16}n^2 & \\ \text{(iv)} \quad (4pq + 3q)^2 - (4pq - 3q)^2 = 48pq^2 & \\ \text{(v)} \quad (a - b)(a + b) + (b - c)(b + c) + (c - a)(c + a) = 0 & \end{array}$$

6. નિત્યસમનો ઉપયોગ કરીને ગણતરી કરો.

- | | | | |
|------------------------|-----------------------|----------------------|----------------|
| (i) 71^2 | (ii) 99^2 | (iii) 102^2 | (iv) 998^2 |
| (v) 5.2^2 | (vi) 297×303 | (vii) 78×82 | (viii) 8.9^2 |
| (ix) 1.05×9.5 | | | |

7. નિત્યસમ $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$ નો ઉપયોગ કરીને કિંમત શોધો.

- | | | | |
|-------------------|----------------------------|-----------------------|-----------------------|
| (i) $51^2 - 49^2$ | (ii) $(1.02)^2 - (0.98)^2$ | (iii) $153^2 - 147^2$ | (iv) $12.1^2 - 7.9^2$ |
|-------------------|----------------------------|-----------------------|-----------------------|

8. $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$ નો ઉપયોગ કરીને કિંમત શોધો.

- | | | | |
|----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| (i) 103×104 | (ii) 5.1×5.2 | (iii) 103×98 | (iv) 9.7×9.8 |
|----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|

આપણે શું ચર્ચા કરી ?

- ‘ચલ’ અને ‘અચલ’ના ઉપયોગથી પદાવલિ રચી શકાય છે.
- પદોનો સરવાળો કરીને પદાવલિ બનાવી શકાય છે. પદોને અવયવના ગુણાકાર સ્વરૂપે દર્શાવી શકાય છે.
- જે પદાવલિમાં એક, બે કે ત્રણ પદો હોય તેવી પદાવલિને અનુકૂળ એકપદી, દ્વિપદી કે ત્રિપદી પદાવલિ કહેવામાં આવે છે. વ્યાપક સ્વરૂપે, એક કે તેથી વધુ પદો જેના સહગુણાકો શૂન્ય ન હોય (અને ચલના ઘાતાંક અનૃણા હોય) તેને બહુપદી કહેવાય.
- સમાન ચલ ધરાવતાં અને તે ચલોની સમાન ઘાત ધરાવતાં પદોને સજાતીય પદો કહે છે. સજાતીય પદોના સહગુણાકો સમાન હોવા જરૂરી નથી.
- જ્યારે બહુપદીના સરવાળા (કે બાદબાકી) કરવા હોય ત્યારે સૌંપ્રથમ તેના સજાતીય પદોની યોગ્ય ગોઠવણી કરી તેને ઉમેરવા (કે બાદ કરવા) જોઈએ. ત્યારબાદ વિજાતીય પદોની ગોઠવણી કરવી જોઈએ.
- ઘણી બધી પરિસ્થિતિમાં બૈજિક પદાવલિઓનો ગુણાકાર કરવો જરૂરી બને છે.
ઉદાહરણ તરીકે, જો લંબચોરસની બાજુઓનાં માપ બૈજિક પદાવલિ તરીકે આપેલાં હોય અને તેનું ક્ષેત્રફળ શોધવાનું હોય.
- એકપદીનો એકપદી સાથે ગુણાકાર કરવાથી એકપદી જ મળે છે.
- જ્યારે બહુપદીનો એકપદી સાથે ગુણાકાર કરવાનો હોય ત્યારે આપેલ બહુપદીના દરેક પદ સાથે જે-તે એકપદીનો ગુણાકાર કરવો પડે છે.
- જ્યારે બહુપદીનો ગુણાકાર દ્વિપદી (કે ત્રિપદી) સાથે કરી ગુણનફળ મેળવવાનું હોય ત્યારે એક પદી એક એમ દરેક પદનો ગુણાકાર કરવો પડે.
અર્થાત્, આપેલ બહુપદીના દરેક પદનો દ્વિપદીના (કે ત્રિપદીના) દરેક પદ સાથે ગુણાકાર કરવો જોઈએ.
- નિત્યસમ એ સમતા છે. જે ચલની કોઈ પણ કિંમત માટે સાચી ઠરે છે. જ્યારે સમીકરણ એ તેના ચલની અમુક ચોક્કસ કિંમતો માટે જ સાચું ઠરે છે. આમ, સમીકરણ એ નિત્યસમ નથી.
- નીચેનાં નિત્યસમ પ્રમાણિત નિત્યસમ છે.

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \quad (\text{I})$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2 \quad (\text{II})$$

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2 \quad (\text{III})$$

12. $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$ (IV) પણ એક ઉપયોગી નિત્યસમ છે.

13. બૈજિક પદાવલિના વર્ગ અને ગુણાકાર શોધવા માટે ઉપરોક્ત નિત્યસમ ઘણાં ઉપયોગી છે. ઉપરાંત, સંખ્યાના વર્ગ અને ગુણાકાર શોધવા માટે પણ એક વૈકિટ્યક પદ્ધતિ તરીકે ઉપયોગી છે.