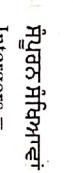
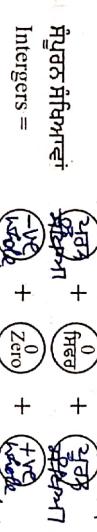


1.

संतुरन संकिळावां
Integers = 



3.

संकिळा 3 दा जोक्यातमक उलट -3 ... ही अते संकिळा 3 दा वुलातमक उलट $\frac{1}{3}$... हो।

4.

$$(a+b)(a-b) = \frac{a^2 - b^2}{a^2 - b^2}$$

5.

$$(a) \frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \boxed{\frac{3+2}{6} = \frac{5}{6}} \quad (b) -\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \boxed{-\frac{3+2}{6} = -\frac{5}{6}} \quad (c) -\frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \boxed{-\frac{3-2}{6} = -\frac{5}{6}}$$

6.

$-1, \frac{1}{2}, \frac{3}{2}, 5$ ही संकिळा रेखा ते दरमार्द। Represent on real number line.



7.

उचित संकिळा जो $\frac{p}{q}$, देशपदिच्छ हो अते p, q अंते $q \neq 0$ ही बिन्दु किहा जांदा हो। A number of the form $\frac{p}{q}$, where p and q are whole numbers and $q \neq 0$ is called fraction.

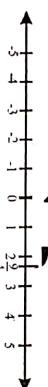
सिंक लक्का इसत्रिव्वक संकिळा रेखा ते चलतिहा हो,
उसदा पिल्ला पैर \bigcirc ... ते ही अते अगला पैर $\frac{9}{17}$... ते ही।

Boy is walking on real number line, his back foot
is on _____ and front foot is on _____.



9.

$\sqrt{5}$ ही संकिळा रेखा ते दरमार्द।
Represent $\sqrt{5}$ on real number line.



10.

3 अंडे 4 विचरार हे परिमेय संकिळावां लिहो। Write Six rational numbers between 3 and 4.

$$\frac{3 \times 7}{1 \times 7} = \frac{21}{7} \quad \left| \frac{4 \times 7}{1 \times 7} = \frac{28}{7} \right.$$

$\frac{22}{7}, \frac{23}{7}, \frac{24}{7}, \frac{25}{7}, \frac{26}{7}, \frac{27}{7}$

11.

$$\text{रॅल्कर्से} / \text{Solve: } (3 + \sqrt{3})(3 - \sqrt{3}) = (a+b)(a-b) = a^2 - b^2 \\ = (3)^2 - (\sqrt{3})^2 \\ = 9 - 3 = 6$$

12.

$$\begin{aligned} \text{रॅल्कर्से} / \text{Solve: } (a^{2^3})^{2^{15}} &= (a^m)^n = a^{mn} \\ a^m \times a^n &= a^{m+n} \\ &= (2)^{\frac{2+1}{3+5}} = (2)^{\frac{10+3}{15}} = (2)^{\frac{13}{15}} \\ &= (2)^{\frac{9}{15}} \end{aligned}$$

13. $\frac{2}{11}$ ਦਾ ਦਸ਼ਮਲਵ ਰੂਪ $0.1\overline{8}$ ਹੈ। Write in decimal form $\frac{2}{11} = \underline{0.\overline{18}}$

14. ਇੱਕ ਪਰਿਮੇਯ ਸੰਖਿਆ ਅਤੇ ਅਪਰਿਮੇਯ ਸੰਖਿਆ ਦਾ ਗੁਣਨਫਲ ਅਧਿਕਤੀਕ ਹੁੰਦਾ ਹੈ।
Product of Rational and Irrational number is always irrational

15. $3\sqrt{3}, 4\sqrt{3}, 12\sqrt{243}$ ਦਾ ਗੁਣਨਫਲ / The Product of these numbers is :

$$\begin{array}{l} 3\sqrt{3} \times 4\sqrt{3} \times 12\sqrt{243} \\ 3\sqrt{3} \times 4\sqrt{3} \times 12\sqrt{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3} \\ 3\sqrt{3} \times 4\sqrt{3} \times 12 \times 3 \times 3 \times \sqrt{3} \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} 3 \times 4 \times 12 \times 3 \times 3 \times \sqrt{3} \times \sqrt{3} \times \sqrt{3} \\ 3 \times 4 \times 12 \times 3 \times 3 \times 3 \times \sqrt{3} \\ = 3888\sqrt{3} \text{ Ans} \end{array} \right.$$

16. ਹੇਠਾਂ ਲਿਖਿਆਂ ਦੇ ਹਰਾਂ ਦਾ ਪਰਿਮੇਯੀਕਰਣ ਕਰੋ। / Rationalise the denominators of the following:

(i) $\frac{1}{\sqrt{7}-\sqrt{6}}$

$$\begin{aligned} \frac{1}{\sqrt{7}-\sqrt{6}} \times \frac{\sqrt{7}+\sqrt{6}}{\sqrt{7}+\sqrt{6}} &= \frac{\sqrt{7}+\sqrt{6}}{(\sqrt{7})^2 - (\sqrt{6})^2} \\ &= \frac{\sqrt{7}+\sqrt{6}}{7-6} = \frac{\sqrt{7}+\sqrt{6}}{1} \end{aligned}$$

(ii) $\frac{1}{\sqrt{5}+\sqrt{2}}$

$$\begin{aligned} \frac{1}{\sqrt{5}+\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{5}-\sqrt{2}}{\sqrt{5}-\sqrt{2}} &= \frac{\sqrt{5}-\sqrt{2}}{(\sqrt{5})^2 - (\sqrt{2})^2} \\ &= \frac{\sqrt{5}-\sqrt{2}}{5-2} = \frac{\sqrt{5}-\sqrt{2}}{3} \text{ Ans} \end{aligned}$$

17. $8\sqrt{15}$ ਨੂੰ $2\sqrt{3}$ ਨਾਲ ਭਾਗ ਕਰੋ। / Divide $8\sqrt{15}$ by $2\sqrt{3}$

$$\frac{8\sqrt{15}}{2\sqrt{3}} = \frac{8 \times \sqrt{3 \times 5}}{2 \times \sqrt{3}} = \frac{4 \times \sqrt{3} \times \sqrt{5}}{2 \times \sqrt{3}} = 4\sqrt{5} \text{ Ans}$$

18. ਪਰਿਮੇਯ ਸੰਖਿਆਵਾਂ $\frac{5}{7}$ ਅਤੇ $\frac{9}{11}$ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਤਿੰਨ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਅਪਰਿਮੇਯ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਲੱਭੋ।

Find three different irrational numbers between the rational numbers $\frac{5}{7}$ and $\frac{9}{11}$.

$$\begin{array}{ll} \sqrt{50} = 0.714285 & \sqrt{90} = 0.81 \\ \frac{5}{7} = 0.\overline{714285} & \frac{9}{11} = 0.\overline{81} \\ \text{ਅਧਿਕਤੀਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ} \\ = 0.750750075000\dots, 0.760760076000\dots \\ 0.80800800080000\dots \end{array}$$

19. ਅਜੂਨੀਆਂ ਤਿੰਨ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਲਿਖੋ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਦੇ ਦਸ਼ਮਲਵ ਵਿਸਤਾਰ ਅਸਾਂਤ ਅਣ-ਆਵਰਤੀ ਹੋਣ।

Write three numbers whose decimal expansions are non-terminating and non-recurring.

$$0.101001000100001\dots$$

$$0.202002000200002\dots$$

$$0.003000300003\dots$$

1. x,y,1,5,7 ਚਲ/ਅਚਲ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਹੇਠਾਂ ਬਕਸੇ ਵਿੱਚ ਲਿਖੋ।
x,y,1,5,7 write variable / Constant in the appropriate box

x, y	1, 5, 7
ਚਲ/Variable	ਅਚਲ/Constant

2. ਖਾਲੀ ਥਾਂ ਭਰੋ / Fill in the blanks:-
- $2x + \underline{5x} = 7x$
 - $x^2 + 4x^2 + 3x^2 = \underline{8x^2}$

3. ਖਾਲੀ ਥਾਂ ਭਰੋ / Fill in the blanks:-

$$\text{i) } 10y - \underline{6y} = 4y \quad \text{ii) } -8y + \underline{14y} = 6y \quad \text{iii) } -3y^3 - \underline{7y^3} = -10y^3$$

4. ਤਤਸਮਕ $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਕੇ ਹੇਠਾਂ ਲਿਖੋ ਨੂੰ ਪੂਰਾ ਕਰੋ:-

By using identity $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$, complete the following:-

$$(x+3)(x+4) = \underline{x^2} + \underline{(3+4)x} + \underline{3 \times 4} = \underline{x^2 + 7x + 12}$$

5. ਹੇਠ ਲਿਖਿਆਂ ਦਾ ਮਿਲਾਣ ਕਰੋ:-/Match the following:-

- | | |
|----------------------|--|
| i) $x^3 + x^2 + 3$ | → (a) ਦੋ ਘਾਤੀ ਬਹੁਪਦ (Quadratic polynomial) |
| ii) $x+1$ | → (b) ਤਿੰਨ ਘਾਤੀ ਬਹੁਪਦ (Cubic polynomial) |
| iii) $2+x^2+x$ | → (c) ਬਹੁਪਦ ਨਹੀਂ (Not a polynomial) |
| iv) $\sqrt{x+x^2+2}$ | → (d) ਰੇਖੀ ਬਹੁਪਦ (Linear polynomial) |

6. ਜੇਕਰ ਭਾਜ = (ਭਾਜਕ \times ਭਾਗਫਲ) + ਬਾਕੀ ਅਤੇ 15 = $(2 \times 6) + 3$ ਹੋਵੇ ਤਾਂ

$$\text{ਭਾਜ} = \dots \underline{15} \dots, \text{ਭਾਜਕ} \dots \underline{2} \dots, \text{ਬਾਕੀ} \dots \underline{3} \dots$$

If Dividend = (Divisor \times quotient) + Remainder and $15 = (2 \times 6) + 3$, then
Dividend = _____, Divisor = _____, Remainder = _____

7. ਸੰਖਿਆਵਾਂ 4, -2, 2, 0, 3 ਵਿੱਚੋਂ $p(x) = x^2 - 2x$ ਦੀਆਂ ਸਿਫਰਾਂ ਪਤਾ ਕਰੋ।

From numbers 4, -2, 2, 0, 3 find the zeroes of the polynomial $p(x) = x^2 - 2x$

$$\begin{array}{l|l} x^2 - 2x = 0 & | \quad x=0 \quad x-2=0 \\ x(x-2)=0 & | \quad x=0, \quad x=2 \end{array}$$

8. ਜਾਂਚ ਕਰੋ $7+3x, 3x^3+7x$ ਦਾ ਇੱਕ ਗੁਣਨਖੰਡ ਹੈ ਜਾਂ ਨਹੀਂ। Check whether $7+3x$ is a factor of $3x^3+7x$

$$\begin{array}{l|l} 7+3x=0 & | \quad p(x) = 3x^3+7x \\ 3x=-7 & | \quad = 3\left(\frac{-7}{3}\right)^3 + 7\left(\frac{-7}{3}\right) \\ x=-\frac{7}{3} & | \quad \Rightarrow 3\left(-\frac{343}{27}\right) - \frac{49}{3} \end{array}$$

9. $12x^2-7x+1$ ਦੇ ਗੁਣਨਖੰਡ ਪਤਾ ਕਰੋ। Factorise $12x^2-7x+1$.

$$\begin{array}{l|l} 12x^2-7x+1 & | \quad 4x(3x-1) - 1(3x-1) \\ 12x^2-(4x+3x)+1 & | \quad (3x-1)(4x-1) \cancel{\text{or}} \\ 12x^2-4x-3x+1 & | \quad \end{array}$$

$$= -\frac{343}{9} - \frac{49}{3} = \frac{-343-147}{9} = \frac{-490}{9} = \frac{49}{9} \text{ ਗੁਣਨਖੰਡ ਨਹੀਂ } \text{ ਹੈ }$$

10. ਢੁਕਵੀਂ ਸਰਬਸਮਤਾ ਦਾ ਪ੍ਰਯੋਗ ਕਰਕੇ $(2x-y+z)^2$ ਦਾ ਵਿਸਤਾਰ ਕਰੋ।

Expand using suitable identity: $(2x-y+z)^2$

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$$

$$\begin{aligned} (2x+(-y)+z)^2 &= (2x)^2 + (-y)^2 + (z)^2 + 2(2x)(-y) + 2(-y)(z) + 2(z)(2x) \\ &= 4x^2 + y^2 + z^2 - 4xy - 2yz + 4zx \quad \underline{\text{Ans}} \end{aligned}$$

11. पता करें कि $x = -\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{2}{\sqrt{3}}$ बहुपद $p(x) = 3x^2 - 1$ की अं॒ सिफरां हन जां नहीं

Check whether $x = -\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{2}{\sqrt{3}}$ are the zeroes of the polynomial, $p(x) = 3x^2 - 1$

$$x = -\frac{1}{\sqrt{3}} \quad P\left(-\frac{1}{\sqrt{3}}\right) = 3\left(\frac{-1}{\sqrt{3}}\right)^2 - 1 \\ = 3 \times \frac{1}{3} - 1 \\ = 1 - 1 \\ = 0$$

$$x = \frac{2}{\sqrt{3}} \quad P\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right) = 3\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)^2 - 1 \\ = 3 \times \frac{4}{3} - 1 \\ = 4 - 1 \\ = 3$$

अतः $x = \frac{2}{\sqrt{3}}$ $P(x)$ की सिफरां नहीं हैं।

12. द्वाकवीं सरबसमता दा प्रयोग करके हेठा लिखिअं दे मुँळ पता करें। Using identity evaluate.

(i) $(998)^3$ $(1000-2)^3$ $(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$ $= (1000)^3 - 3(1000)^2(2) + 3(1000)(2)^2 - (2)^3$ $= 1000000000 - 3(1000000)2 + 3(1000)(4) - 8$ $= 1000000000 - 6000000 + 12000 - 8$ $= 1000012000 - 6000008$ $= 994011992$	(ii) 104×96 $(100+4) \times (100-4)$ $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ $= (100)^2 - (4)^2$ $= 10000 - 16$ $= 9984$	(iii) $(102)^2$ $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ $= (100)^2 + 2(100)(2) + (2)^2$ $= 10000 + 400 + 4$ $= 10404 \text{ Ans}$
--	---	---

13. $3x^4 - 4x^3 - 3x - 1$ द्वारा $x - 1$ दा भाग करें। Divide $3x^4 - 4x^3 - 3x - 1$ by $x - 1$.

$$\begin{array}{r} 3x^3 - x^2 - x - 4 \\ x - 1 \overline{)3x^4 - 4x^3 - 3x - 1} \\ \underline{-3x^4 - 3x^3} \\ \underline{-x^3 - 3x - 1} \\ \underline{+x^3 + x^2} \\ \underline{-x^2 - 3x - 1} \\ \underline{-x^2 + x} \\ \underline{\cancel{-4x} - 1} \\ \underline{\cancel{-4x} + 4} \\ \underline{-5 \text{ शाब्दी}} \end{array}$$

14. $x^4 + x^3 - 2x^2 + x + 1$ द्वारा $x - 1$ दा भाग देण ते प्राप्त शाब्दी लडें।

Find the remainder when $x^4 + x^3 - 2x^2 + x + 1$ is divided by $x - 1$.

$$g(x) = x - 1 \quad P(x) = x^4 + x^3 - 2x^2 + x + 1$$

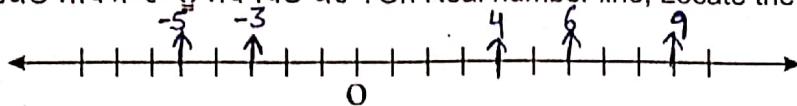
$$g(x) = 0 \quad P(1) = (1)^4 + (1)^3 - 2(1)^2 + (1) + 1$$

$$x - 1 = 0 \quad = 1 + 1 - 2(1) + 1 + 1$$

$$x = 1 \quad = 4 - 2$$

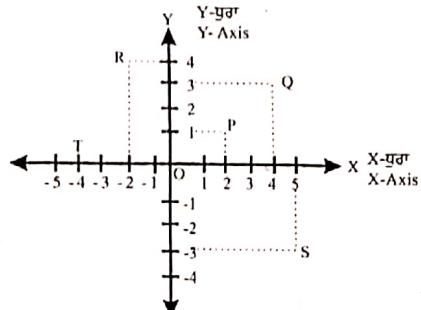
$$= 2 \text{ शाब्दी}$$

1. ਸੰਖਿਆ ਰੇਖਾ ਤੇ ਉਪਰੋਕਤ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਸਥਾਪਿਤ ਕਰੋ। On Real number line, Locate the numbers
-5, -3, 0, 4, 6, 9



2. ਜਮਾਤ ਵਿੱਚ ਬੈਠੇ ਵਿਦਿਆਰਥੀਆਂ ਦੀ ਸਥਿਤੀ ਦੇ ਨਿਰਦੇਸ਼ ਅੰਕ ਲਿਖੋ।
Write the position of the students sitting in the class.

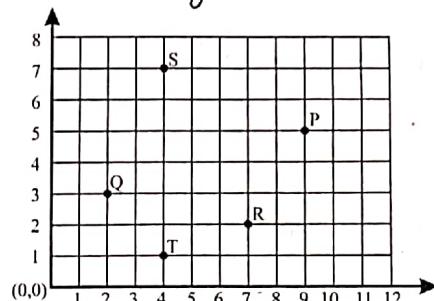
- (i) P = (-2, 1) (ii) Q = (4, 3) (iii) R = (-2, 4)
(iv) S = (5, -3) (v) T = (-4, 0)



3. X-ਧੁਰਾ, ਅਤੇ Y-ਧੁਰਾ ਤੇ ਕੱਟਦੇ ਹਨ। X-axis and Y-axis intersect at origin.

4. ਖਾਲੀ ਥਾਵਾਂ ਭਰੋ। Fill in the blanks -

- (i) P = (9, 5) (ii) Q = (2, 3) (iii) R = (7, 2)
(iv) S = (4, 7) (v) T = (4, 1)



5. (i) X-ਧੁਰੇ ਤੇ, Y=0 (ii) Y-ਧੁਰੇ ਤੇ, X=0 (i) On X-axis, _____ = 0 (ii) On Y-axis, _____ = 0

6. (i) ਨਿਰਦੇਸ਼ ਅੰਕ ਜਿਮਾਇਤੀ ਵਿੱਚ ... ਲਾਰ... ਚੌਬਾਈਆਂ ਹੁੰਦੀਆਂ ਹਨ।

(i) There are Four Quadrants in Co-ordinate system.

(ii) ਪਹਿਲੀ ਚੌਬਾਈ ਵਿੱਚ, x = + ve, y = +ve (ii) In First Quadrant, x = + ve, y = _____

(iii) ਚੌਥੀ ਚੌਬਾਈ ਵਿੱਚ, x = +ve, y = - ve (iii) In Fourth Quadrant x = _____, y = - ve

7. (i) (-3, 2), ਦੂਜੀ ਚੌਬਾਈ ਵਿੱਚ ਸਥਿਤ ਹੈ। (i) (-3, 2) Lies in _____ Quadrant

- (ii) (0, 1), Y ਧੁਰੇ ਤੇ ਸਥਿਤ ਹੈ। (ii) (0, 1) Lies on _____ axis

- (iii) (3, 0), X ਧੁਰੇ ਤੇ ਸਥਿਤ ਹੈ। (iii) (3, 0) Lies on _____ axis

- (iv) ਜੇ (a, b), y-ਧੁਰੇ ਤੇ ਸਥਿਤ ਹੈ ਤਾਂ b=0 ਹੋਵੇਗਾ। (ਸਹੀ / ਗਲਤ) (iv) If (a, b) lies on y-axis, then b=0 (T/F)

ਗਲਤ

8. ਇੱਕ ਵਿਅਕਤੀ ਨੂੰ ਤੁਸੀਂ ਆਪਣੇ ਅਧਿਐਨ ਮੇਜ਼ ਤੇ ਰੱਖੇ ਟੇਬਲ ਲੈਪ ਦੀ ਸਥਿਤੀ ਕਿਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦਸ਼ਾਗੇ।

How will you describe the position of a table lamp on your study table to another person.

ਅਸੀਂ ਜੋ ਹੈਂ ਨੂੰ ਇੱਕ ਧਿੰਡੀ ਮੰਨਾ ਅਤੇ ਮੈਂ ਨੂੰ ਸਮਤਲ ਮੰਨਾ ਤੇ ਕਿਸੀ ਰਿਆਰੀਆ ਤੇ ਉਸਦੀ

ਦੂਰੀ ਮਾਪਰੇ ਕਾਰਟੀਜਨ ਸੰਭਾਲ ਦੀ ਅਦਦ X-ਧੁਰਾ

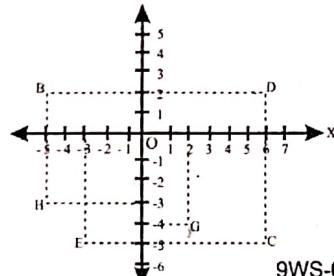
ਨਾਲ ਨਿਕਲੀ ਏਸਾਂ ਕਿਸੀ ਵੀ ਰੇਖਾ ਨੂੰ X-Axis ਅਤੇ ਖੜਕਵੀਂ ਰੇਖਾ ਨੂੰ Y-Axis ਆਖਦੇ ਹਨ।

The horizontal line is X-axis, and the vertical line is Y-axis in the Cartesian plane.

10. (i) B = (-5, 2) (ii) E = (-3, -5) (iii) C = (6, -5) (iv) G = (2, -4)

(v) Abscissa of D = _____, D ਦਾ ਭੂਜ = 6 (vi) L = (,)

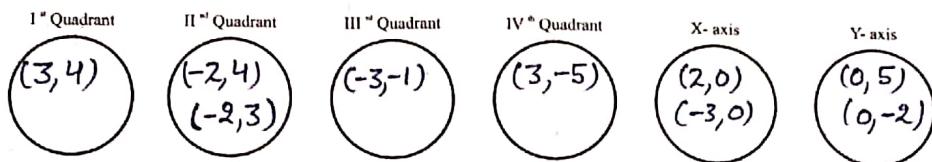
(vii) Ordinate of H = _____, H ਦਾ ਕੋਟੀ = -3 (viii) M = (,)



L, M ਧਿੰਡੀ ਤਿੱਡਗ ਇੱਛ ਨਹੀਂ ਹੈ

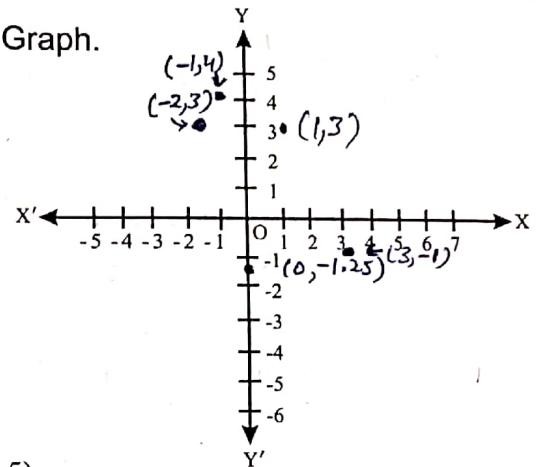
11. ਲੋਟਵੀਂ ਅਤੇ ਖੜਕਵੀਂ ਰੇਖਾ ਜਿਸ ਬਿੰਦੂ ਤੇ ਕਟਦੀ ਹੈ, ਉਸਨੂੰ ਮੁੱਲ ਮੰਨਿ ਆਖਦੇ ਹਨ।
The name given to the point where two axis meets is origin.

12. ਸਹੀ ਖਾਨੇ ਵਿੱਚ ਬਿੰਦੂ ਭਰੋ। Fill the points in appropriate box.
(-2,4), (-3,-1), (2,0), (-3,0), (0,5), (0,-2), (3,4), (3,-5), (-2,3)



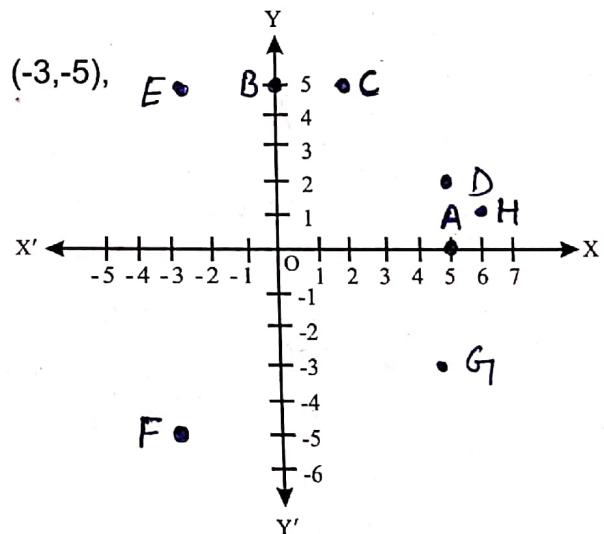
13. ਬਿੰਦੂਆਂ ਨੂੰ ਸਮਤਲ ਤੇ ਆਲੋਖਿਤ ਕਰੋ। Plot the points in the Graph.

x	-2	-1	0	1	3
y	3	4	-1.25	3	-1



14. ਕਾਰਟੀਜ਼ਨ ਸਮਤਲ ਵਿੱਚ ਬਿੰਦੂਆਂ (5,0), (0,5), (2,5), (5,2), (-3,5), (-3,-5), (5,-3) ਅਤੇ (6,1) ਦਾ ਸਥਾਨ ਨਿਰਧਾਰਣ ਕਰੋ।
Locate the points (5,0), (0,5), (2,5), (5,2), (-3,5), (-3,-5), (5,-3) and (6,1) in the cartesian plane.

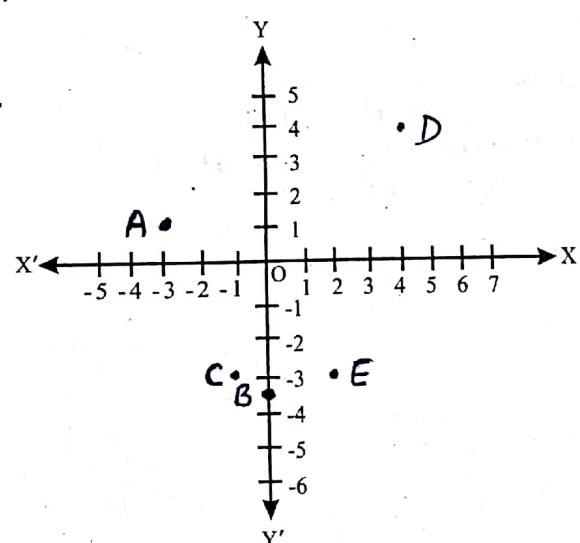
- A (5,0) F (-3,-5)
 B (0,5) G (5,-3)
 C (2,5) H (6,1)
 D (5,2)
 E (-3,5)



15. ਹੇਠਾਂ ਲਿਖੇ ਸੰਖਿਆ ਜੋੜਿਆਂ ਨੂੰ ਕਾਰਟੀਜ਼ਨ ਤਲ ਦੇ ਬਿੰਦੂਆਂ ਦੇ ਰੂਪ
ਵਿੱਚ ਆਲੋਖਿਤ ਕਰੋ। Plot the following ordered pairs
(x,y) of numbers as points in the Cartesian plane.

x	-3	0	-1	4	2
y	1	-3.5	-3	4	-3

- A (-3,1) B (0, -3.5), C (-1, -3)
 D (4,4) E (2, -3)



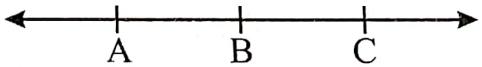
- (i) ਇੱਕ ਬਿੰਦੂ ਉਹ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਕੋਈ ਭਾਗ ਨਹੀਂ ਹੁੰਦਾ। A point is that which has no part.
(ii) ਇੱਕ ਰੇਖਾ ਉਜ਼ਾਈ ਰਹਿਤ ਲੰਬਾਈ ਹੁੰਦੀ ਹੈ। A line is breadthless length.
- ਇੱਕ ਬਿੰਦੂ ਤੋਂ ਦੂਸਰੇ ਬਿੰਦੂ ਤੱਕ ਇੱਕ ਸਿੱਧੀ ਰੱਖਾ ਖਿੱਚੀ ਜਾ ਸਕਦੀ ਹੈ।
A line may be drawn from any one point to any other point.
Straightline
- ਸਾਰੇ ਸਮਕੋਣ ਇੱਕ ਦੂਜੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦੇ ਹਨ। (ਸਹੀ / ਗਲਤ) ਸਹੀ
All right angles are equal to one another. (True/ False)
- ਇੱਕ ਸਮਤਲ ਸੜਾ ਤੇ ਅਨੰਤ ਸਿੱਧੀਆਂ ਰੇਖਾਵਾਂ ਨੂੰ ਸਖਾਪਿਤ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ (ਸਹੀ / ਗਲਤ)
On plane surface, we can locate infinite straight lines. (True/ false) ਸਹੀ
- ਪੂਰਣ ਆਪਣੇ ਭਾਗ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੁੰਦਾ ਹੈ। The whole is greater than its part
- ਜੇ ਬਰਾਬਰਾਂ ਨੂੰ ਬਰਾਬਰਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਘਟਾਈ ਏਂ, ਤਾਂ ਬਾਕੀ ਫਿਰ ਬਰਾਬਰ ਮਿਲਦਾ ਹੈ। (ਸਹੀ / ਗਲਤ)
If equals are subtracted from equals, the remainders are equal. (True/false)
ਸਹੀ
- ਜੇ A, B ਅਤੇ C ਇੱਕ ਰੇਖਾ ਤੇ ਸਥਿਤ ਤਿੰਨ ਬਿੰਦੂ ਹਨ ਅਤੇ B ਬਿੰਦੂ A ਅਤੇ C ਦੇ ਵਿੱਚਕਾਰ ਸਥਿਤ ਹੈ। ਸਿੱਧ ਕਰੋ
 $AB + BC = AC$ ਹੈ। If A, B and C are three points on a line and B lies between A and C. Then prove that $AB + BC = AC$.

ਫਿੱਤਰ ਇੱਛ AB+BC ਅਤੇ AC ਆਪਸ ਵਿੱਚ ਸੰਖਾਤੀ ਹੈ

ਤਾਂ ਯੂਕਲਿਡ ਦੇ ਛੇਖੀ ਕਥਨ ਅਨੁਸਾਰ ਕੋਈ ਇੱਕ ਅਤੇ ਤੇਜ਼ੀ ਦੇ ਨਾਲ ਸੰਖਾਤੀ ਹੈ, ਫਿੱਕ ਦੇ ਬਾਅਦ ਸੰਖਾਤੀ ਹੈ।

ਫਿੱਕ ਦੇ ਨਾਲ ਸੰਖਾਤੀ ਹੈ, ਫਿੱਕ ਦੇ ਬਾਅਦ ਸੰਖਾਤੀ ਹੈ।

$$\therefore AB + BC = AC$$



- ਪਰਿਭਾਸ਼ਾ ਦਿਉ। Define the following terms

- ਸਮਾਂਤਰ ਰੇਖਾਵਾਂ (Parallel lines) ਉਹ ਰੇਖਾਵਾਂ ਹੋਏ ਇੱਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇੱਛੇ ਹੋਏ ਹੋਣੇ ਵਾਲੇ ਇਹਨਾਂ ਦੇ ਕੋਣਾਂ ਵਿੱਚ ਕੋਈ ਅੰਦਰੂਨੀ ਕੋਣ ਨਹੀਂ ਹੈ।
- ਲੰਬ ਰੇਖਾਵਾਂ (Perpendicular lines) ਦੋ ਰੇਖਾਵਾਂ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਦੀ ਰੱਖ ਦੇ ਨਾਲੀ ਕੋਣ ਦੀ ਰੱਖ ਦੇ ਨਾਲੀ ਕੋਣ ਵਿੱਚ ਲੰਬ ਹੋ ਜਾਂਦੀ ਹੈ।

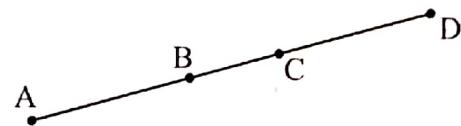
(iii) ਚੱਕਰ ਦਾ ਅਰਧ ਵਿਆਸ (Radius of a circle)

ਚੱਕਰ ਦੇ ਕੇਂਦਰ ਤੋਂ ਚੱਕਰ ਤੂੰ ਕਿਸੇ ਬਿਨੀਂ ਤੱਕ ਦੀ ਦੂਰੀ ਨੂੰ
ਚੱਕਰ ਦਾ ਅਰਧ ਵਿਆਸ ਆਖਾਵੇ ਹਨ।

(iv) ਰੇਖਾ ਖੰਡ (Line segment)

ਰੇਖਾ ਦਾ ਇੱਕ ਪੱਧੜ ਕਿਸੇ ਵੱਡੇ ਅਤੇ ਬਿਨੀਂ ਥਾਂ ਤੋਂ
ਰੇਖਾ ਖੰਡ ਅਖਾਉਂਦਾ ਹੈ,

9. ਜੇਕਰ $AC = BD$, ਸਿੱਧ ਕਰੋ $AB = CD$
If $AC = BD$, Then prove that $AB = CD$



ਵਿੱਤਾ ਹੈ :- $AC = BD$

ਮਿੱਥੇ ਕਰਨਾ! - $AB = CD$

ਸਥਾਤ! - $AC = BD$

ਵੱਡੇ ਧਾਰੇ BC ਘਟਾਉਣ ਤੋਂ

$$AC - BC = BD - BC$$

$$AB = CD$$

10. ਯੁਕਲਿਡ ਦੀ ਪੰਜਵੀਂ ਮੂਲਧਾਰਨਾ ਕੀ ਹੈ। ਕੀ ਇੱਕ ਸਮਾਂਤਰ ਰੇਖਾਵਾਂ ਲਈ ਵੀ ਠੀਕ ਹੈ।

Explain Euclid's fifth postulate. Does it exist for parallel lines.

ਪੰਜਵੀਂ ਮੂਲਧਾਰਨਾ! ਜੇਂ ਇੱਕ ਸਿੱਧੀ ਰੇਖਾ, ਦੋ ਸਿੱਧੀਆਂ ਰੇਖਾਵਾਂ ਤੋਂ ਫੌਗ ਕੇ ਆਵਾਂ ਇੱਕ ਜੀ ਇਸਾ
ਵਿੱਚ ਦੋ ਅਦਿਰਸ਼ੇ ਕੌਣ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਬਣਾਏ ਕਿ ਇਹਨਾਂ ਵੱਡਾਂ ਕੌਣਾਂ ਦਾ ਪ੍ਰੋਜੈਕਟ ਕੇ ਦੋ ਸਮਕੋਣਾਂ ਤੋਂ ਘੱਟ
ਤੁੰਦੇ ਤਾਂ ਉਹ ਵੱਡੇ ਸਿੱਧੀਆਂ ਰੇਖਾਵਾਂ ਅਨਿਸ਼ਤਿਤ ਭੂਖ ਨਾਲ ਢਿਆਏ ਗਏ ਤੋਂ ਉਸੇ ਇਸਾ ਵਿੱਚ
ਅਨਿਸ਼ਤਿਤ ਨਾਲ ਸਿਮ ਫੋਰ ਇਹ ਪ੍ਰੋਜੈਕਟ ਦੋ ਸਮਕੋਣਾਂ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੁੰਦਾ ਹੈ।

ਜਾਂ ਇਹ ਸਮਾਂਤਰ ਰੇਖਾਵਾਂ ਸ਼ਬਦੀ ਵੀ ਠੀਕ ਹੈ ਕਿ ਪ੍ਰੋਕੋਰ ਇੱਕ ਜੀ ਧਾਰੇ ਵੱਡੇ ਅਦਿਰਸ਼ੇ ਕੌਣਾਂ
ਵੱਡੇ ਸਮਕੋਣ ਦੇ ਬਚਾਲੇ ਹੋਣਗੇ ਤਾਂ ਰੇਖਾਵਾਂ ਸਮਾਂਤਰ ਹੋਣਗੀਆਂ ਪ੍ਰੋਕੋਰ ਦੇ ਸਮਕੋਣ ਤੋਂ ਪ੍ਰੋਜੈਕਟ ਕੋਣਾਂ

11. ਪਲੇਫਾਰ ਸਵੈ-ਸਿੱਧਤਾ ਕੀ ਹੈ। Explain playfair axiom. ਤਾਂ ਵੱਡੇ ਸਿੱਧੀਆਂ ਰੇਖਾਵਾਂ ਸਮਾਂਤਰ ਨਹੀਂ ਹੋਣਗੀਆਂ
ਅਫ਼ਾਨਗ ਸਵੈ-ਸਿੱਧਤਾ! - ਪ੍ਰੋਕੋਰ ਕਿਸੇ ਸਮਤਾ ਵਿੱਚ ਕੋਈ ਰੇਖਾ ਇੱਤੀ ਗਈ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਕ
ਬਿਨੀਂ ਪ੍ਰੋਜੈਕਟ ਉਸ ਰੇਖਾ ਦੇ ਉੱਚਰ ਨਹੀਂ ਹੈ ਤਾਂ ਉਸ ਬਿਨੀਂ ਵਿੱਚੋਂ ਕ੍ਰੀਅਤੀ ਵੱਧ ਤੋਂ ਵੱਧ ਇੱਕ ਰੇਖਾ
ਬਿੱਛੀ ਕਾ ਸਕਦੀ ਹੈ ਪ੍ਰੋਜੈਕਟੀ ਰੇਖਾ ਦੇ ਸਮਾਂਤਰ ਹੋਣ।

12. (i) ਕਿਸੇ ਨੂੰ ਕੇਂਦਰ ਮੰਨ ਕੇ ਅਤੇ ਕਿਸੇ ਵੀ ਅਰਧ ਵਿਆਸ ਇੱਕ ਚੱਕਰ ਖਿੱਚਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ।

A Circle can be drawn with any radius and any centre

- (ii) ਇੱਕ ਸ਼ਾਂਤ ਰੇਖਾ ਨੂੰ ਅਨਿਸ਼ਤਿਤ ਰੂਪ ਨਾਲ ਵਧਾਇਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ।

A terminated line can be produced indefinitely

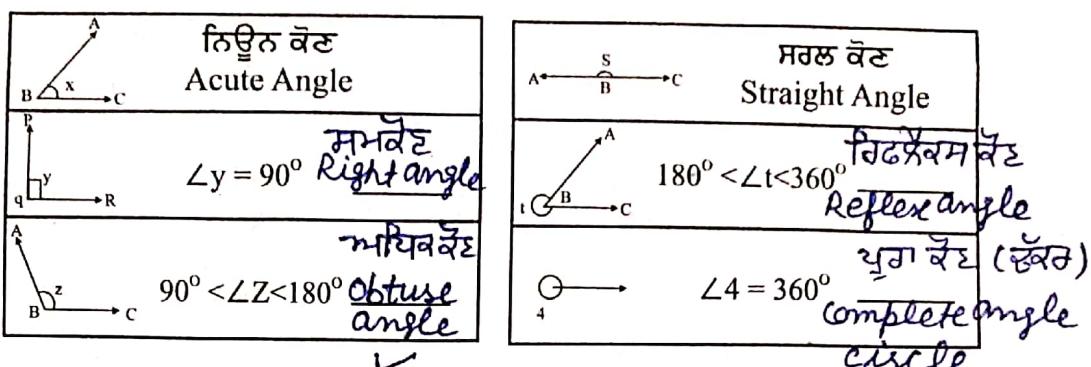
- (iii) ਦੋ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਕਾਟਵੀਆਂ ਰੇਖਾਵਾਂ ਇੱਕ ਹੀ ਰੇਖਾ ਦੇ ਸਮਾਂਤਰ ਨਹੀਂ ਹੋ ਸਕਦੀਆਂ। (ਸਹੀ / ਗਲਤ)

Two distinct intersecting lines cannot be parallel to same line. (True / false)

ਸਹੀ

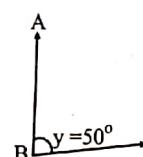
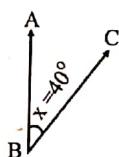
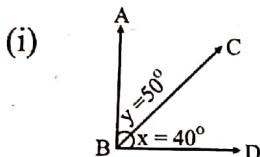
1. ਘੱਟ ਤੋਂ ਘੱਟ ਬਿਦੂਆਂ ਨਾਲ ਸਿੱਧੀ ਰੇਖਾ ਖਿੱਚੀ ਜਾ ਸਕਦੀ ਹੈ।
A straight line can be drawn with at least two points.

2. ਖਾਲੀ ਥਾਵਾਂ ਭਰੋ।
Fill in the blanks



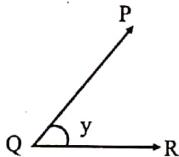
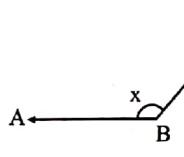
3. ਕੋਣ ਨੂੰ ਹਮੇਸ਼ਾ ਘੜੀ ਦੀ ਉਲਟ ਦਿਸ਼ਾ ਵਿੱਚ ਮਾਪਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ। (ਸਹੀ/ਗਲਤ)
We can measure angle in anti-clockwise direction (true/false)

- 4.



$\angle x$ and $\angle y$ are complementary angles. $\angle x$ ਅਤੇ $\angle y$ ਪੂਰਕ ਕੋਣ ਹਨ।

- (ii)

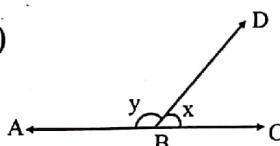


$$\angle x + \angle y = 180^\circ$$

$\angle x$ ਅਤੇ $\angle y$ ਸੰਖੂਰਕ ਕੋਣ ਹਨ।

$\angle x$ and $\angle y$ are supplementary angles.

- (iii)

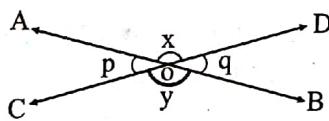


$$\angle x + \angle y = 180^\circ$$

$\angle x$ and $\angle y$ are linear pair angles.

$\angle x$ ਅਤੇ $\angle y$ ਸੰਖੂਰਕ ਕੋਣ ਹਨ ਅਤੇ ਠੰਡੀ ਝੋੜੀ ਕੋਣ ਹਨ।

- 5.

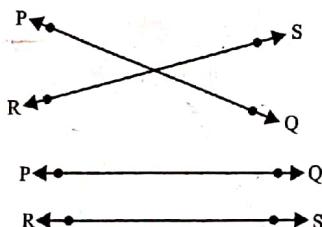


ਚਿੱਤਰ ਵਿੱਚ $\angle p = \angle q$, $\angle p$ ਅਤੇ $\angle q$ ਸਿਖਰ ਸਨੌਰੀ ਕੋਣ ਹਨ।

$\angle x = \angle y$, $\angle x$ ਅਤੇ $\angle y$ ਸਿਖਰ ਸਮਭਵੀ ਕੋਣ ਹਨ।

In figure $\angle p$ and $\angle q$ are vertically opposite angles. Similarly $\angle x$ and $\angle y$ are vertically opposite angles.

- 6.



ਰੇਖਾ PQ ਰੇਖਾ RS ਕਾਟਈਆਂ ਰੇਖਾਵਾਂ ਹਨ।

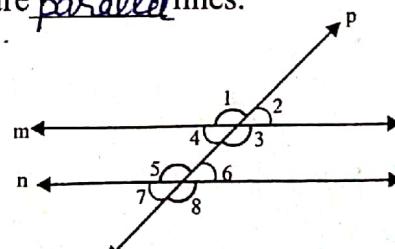
line PQ and line RS are intersecting lines.

ਰੇਖਾ PQ ਅਤੇ ਰੇਖਾ RS ਸਮਾਂਤਰ ਰੇਖਾਵਾਂ ਹਨ।

line PQ and line RS are parallel lines.

7. (a) ਸੰਗਤ ਕੋਣ (Corresponding angles)

- i) ($\angle 1, \angle 5$) ii) ($\angle 4, \angle 7$)
 iii) ($\angle 2, \angle 6$) iv) ($\angle 3, \angle 8$)



- (b) ਇਕਾਂਤਰ ਅੰਦਰਲੇ ਕੋਣ (Alternate interior angles) (i) $\angle 4, \angle 6$ (ii) $\angle 3, \angle 5$
(c) ਇਕਾਂਤਰ ਬਾਹਰਲੇ ਕੋਣ (Alternate Exterior angles) (i) $\angle 1, \angle 8$ (ii) $\angle 2, \angle 7$
(d) ਕਾਟਵੀਂ ਰੇਖਾਂ ਦੀ ਇੱਕ ਹੀ ਦਿਸ਼ਾ ਕੇ ਅੰਦਰਲੇ ਕੋਣ (Allied angles) (Co- interior angles) $\angle 4, \angle 5, \angle 3, \angle 6$

8. ਜੇਕਰ $PQ \parallel ST, \angle PQR = 110^\circ$ ਅਤੇ $\angle RST = 130^\circ$ ਹੋਤਾਂ $\angle QRS$ ਪਤਾ ਕਰੋ।

If $PQ \parallel ST, \angle PQR = 110^\circ$ and $\angle RST = 130^\circ$, find $\angle QRS$

ਰਲਨਾ $RU \parallel ST$ ਕਿਉਂ?

$PQ \parallel ST \Rightarrow PQ \parallel ST \parallel RU$ (ਜਾਂ $PQ \parallel RU$ ਹੋਵੇ)

$\angle TSR + \angle SRU = 180^\circ$ (ਕਾਟਵੀਂ ਰੇਖਾਂ ਦੀ ਇੱਕ ਹੀ ਦਿਸ਼ਾ ਵਿੱਚ ਆਇਆ ਹੈ)

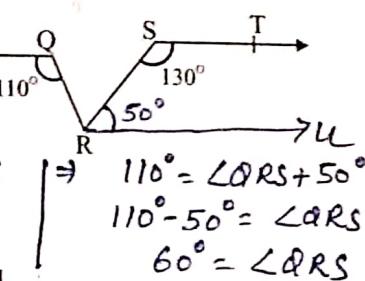
$$130^\circ + \angle SRU = 180^\circ$$

$$\angle SRU = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$$

ਜਦੋਂ $PQ \parallel RU$, QR ਕਾਟਵੀਂ ਰੇਖਾਂ

$\therefore \angle PQR = \angle QRU$

$$110^\circ = \angle QRS + \angle SRU$$



9. ਜੇਕਰ $AB \parallel CD, \angle APQ = 50^\circ$ ਅਤੇ $\angle PRD = 127^\circ$, x ਅਤੇ y ਦਾ ਮੁੱਲ ਪਤਾ ਕਰੋ।

If $AB \parallel CD, \angle APQ = 50^\circ$ and $\angle PRD = 127^\circ$, find x and y.

$AB \parallel CD$ ਅਤੇ PQ ਕਾਟਵੀਂ ਰੇਖਾ ਹੈ।

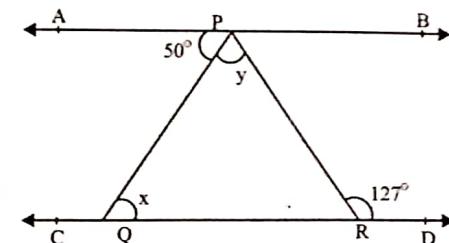
$$\therefore \angle APQ = \angle x$$

$$50^\circ = x \quad \text{--- (1)}$$

$$\angle PRD = x + y \quad [\text{ਤੇਤ੍ਰੇਂ ਦੋ ਬਾਹਰੀ ਕੌਣ ਅੰਦਰੂਨੀ ਸੜ੍ਹੇਂ ਦੋ ਘੱਗੂ ਦੋ ਘੱਗੂ ਹਨ]$$

$$127^\circ = 50^\circ + y$$

$$\text{ਅਤੇ } y = 127^\circ - 50^\circ = 77^\circ \text{ Ans}$$



10. ਜੇ ਰੇਖਾਵਾਂ PQ ਅਤੇ RS ਬਿੰਦੂ T ਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਕੱਟਦੀਆਂ ਹਨ ਕਿ $\angle PRT = 40^\circ, \angle RPT = 95^\circ$ ਅਤੇ $\angle TSQ = 75^\circ$ ਹੈ, ਤਾਂ $\angle SQT$ ਪਤਾ ਕਰੋ।

If PQ and RS intersect at point T, $\angle PRT = 40^\circ, \angle RPT = 95^\circ$ and $\angle TSQ = 75^\circ$, find $\angle SQT$

$\triangle PRT$ ਕਿਉਂ?

$$\angle PRT + \angle RPT + \angle PTR = 180^\circ$$

$$40^\circ + 95^\circ + \angle PTR = 180^\circ$$

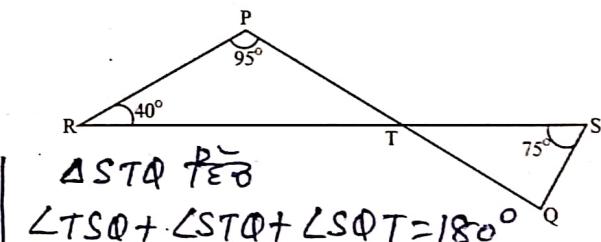
$$135^\circ + \angle PTR = 180^\circ$$

$$\angle PTR = 180^\circ - 135^\circ$$

$$\angle PTR = 45^\circ$$

$$\angle SQT = \angle PTR \quad [\text{ਮਿਥਰ ਸਨਮੁਖ ਕੌਣ}]$$

$$\therefore \angle SQT = 45^\circ$$



$$\angle TSQ + \angle SQT + \angle QST = 180^\circ$$

$$75^\circ + 45^\circ + \angle SQT = 180^\circ$$

$$120^\circ + \angle SQT = 180^\circ$$

$$\angle SQT = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ \text{ Ans}$$

11. ਤ੍ਰਿਭੁਜ ਦੇ ਅੰਦਰਲੇ ਕੋਣਾਂ ਦਾ ਜੋੜ 180° ਹੁੰਦਾ ਹੈ, ਸਿੱਧ ਕਰੋ। Prove that sum of the interior angles of triangle is 180°

$$\text{ਸਿੱਧ ਕਰਨਾ!} \quad \angle 1 + \angle 2 + \angle 3 = 180^\circ$$

ਰਲਨਾ! - $DE \parallel BC$ ਕਿਉਂ?

ਸਥਾਨ! - $DE \parallel BC$ ਤੋਂ AB ਕਾਟਵੀਂ ਰੇਖਾ ਹੈ

$$\therefore \angle 2 = \angle 4 \quad [\text{ਇਕਾਂਤਰ ਕੌਣ}] \quad \text{--- (1)}$$

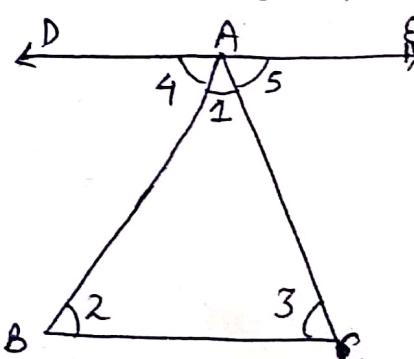
$DE \parallel BC$ ਤੋਂ AC ਕਾਟਵੀਂ ਰੇਖਾ ਹੈ

$$\therefore \angle 3 = \angle 5 \quad \text{--- (2)}$$

$$\angle 4 + \angle 1 + \angle 5 = 180^\circ \quad [\text{linear pairs}]$$

$$\angle 2 + \angle 1 + \angle 3 = 180^\circ \quad [(\text{1}) \text{ & } (\text{2}) \text{ ਦੀ ਛੱਡੀ ਕਰਦੇ]$$

$$\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 = 180^\circ$$



અંશ ટીમ ઘરનાય્યા

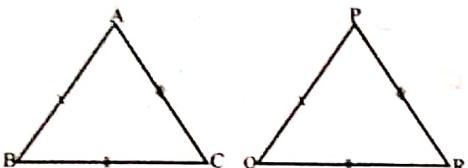
Worksheet-7

ત્રિકુતાં (Triangles)

જમાત - નોંડી

1. ઇંકું ત્રિકુતાં વિચ ... 3 ... કુસાવાં અતે ... 3 ... કેળ હુદે હન। A Triangles has 3 sides and 3 angles.

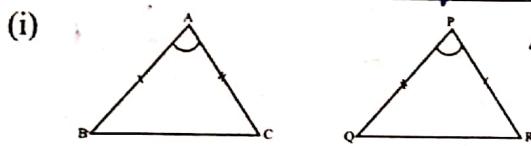
2. ઇંકું ત્રિકુતાં વિચ ... 3 ... સિધર હુદે હન। There are 3 Vertices in a Triangle.

3.  $\triangle ABC$ and $\triangle PQR$ are congruent Triangles.
 $\triangle ABC$ અતે $\triangle PQR$ મરદીગમન્ય ત્રિકુતાં હન।

4. (કુ - કો - કુ) સરબંગસમતા નિયમ વિચ, કુ = ... ડાયા ... , કો = ... કોડ ... , કુ = ... ડાયા ...
In SAS congruence rule, S = Side, A = Angle, S = Side

5. (કો - કુ - કો) સરબંગસમતા નિયમ વિચ, કો = ... કોડ ... , કુ = ... ડાયા ... , કો = ... કોડ ...
In ASA congruence rule, A = Angle, S = Side, A = Angle

6. (સ - ક - કુ) સરબંગસમતા નિયમ વિચ, સ = ... સમલોંડ ... , ક = ... કરણ ... , કુ = ... ડાયા ...
In RHS congruence rule, R = Right angle, H = Hypotenuse, S = Side

7. (i)  $\triangle ABC \cong \triangle PQR$, કુ કુ કુ નિયમ અનુસાર
S A S Rule.

- (ii)  $\triangle TSU \cong \triangle MNQ$, કુ કુ કુ નિયમ અનુસાર
By R H S Rule.

8. AD and BC are equal perpendiculars to a line Segment AB. Show that CD bisects AB.

રેખાખંડ AB તે AD અતે BC લેંબ હન (ચિંતરવેખે)। સિયકરો કિ CD, રેખાખંડ AB નું સમદૃગાન્તિકરદી હૈ।

દિઝાં તો $AB' \cong AD$ માટે $BC \cong BC$
 $AD = BC$

મિયકરના!- $AO = OB$

મધુદ: $\triangle AOD \cong \triangle BOC$ ફેલો
 $\angle AOD = \angle BOC$ [સિધર સન્મુખીકોરે]
 $\angle OAD = \angle OBC$ [જરૂર 90°]
 $AD = BC$

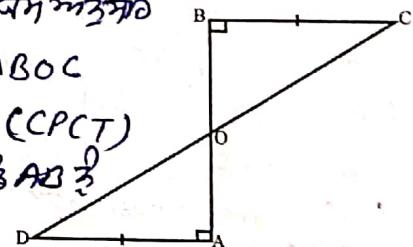
$\therefore AAS$ નિયમ અનુસાર

$\triangle AOD \cong \triangle BOC$

$\therefore AO = OB$ (CPCT)

$\therefore CD$, રેખા પણ $AD = BC$

સમદૃગાન્તિકરદી હૈ



9. $\angle B < \angle A$ અતે $\angle C < \angle D$, દરમાઓ કિ $AD < BC$ હૈ।

If $\angle B < \angle A$ and $\angle C < \angle D$. Show that $AD < BC$

દિઝાં!- $\angle B < \angle A$ માટે $\angle C < \angle D$

મિયકરના!- $AD < BC$

મધુદ: $\triangle OAB$ ફેલો

$\angle B < \angle A$

$\therefore OA < OB$ [કુસા હણી તુચીએ]

$\triangle OCD$ ફેલો

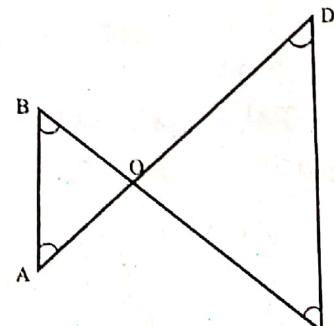
$\angle C < \angle D$

$\therefore OD < OC$ - (2) [કુસા હણી તુચીએ]

① માટે ② નું ચેફન્ડ

$OA + OD < OB + OC$

$AD < BC$



10. AB एक रेखा खंड है अते P इस दा मैंप बिंदु है। D अते E रेखा खंड AB दे इको पासे दे बिंदु इस तरु हन कि $\angle BAD = \angle ABE$ अते $\angle EPA = \angle DPB$ । सिंप करे (i) $\Delta DAP \cong \Delta EBP$ (ii) $AD = BE$

AB is a line segment and P is its mid point. D and E are points on the same side of AB such that $\angle BAD = \angle ABE$ and $\angle EPA = \angle DPB$, show that (i) $\Delta DAP \cong \Delta EBP$ (ii) $AD = BE$

दिया त्रै! AB एक रेखा खंड है ते P इसमा भेद्य रही है। D अते E रेखा खंड AB दे इको थाम है दे द्वितीय इस तरु ज दि $\angle BAD = \angle ABE$ अते $\angle EPA = \angle DPB$

$$\begin{aligned} \text{(i)} \quad & \because \angle EPA = \angle DPB \\ & \text{द्वितीय आज } \angle DPE \text{ जैसा है} \\ & \angle EPA + \angle DPE = \angle DPB + \angle DPE \\ & \angle DPA = \angle EPB \quad \text{--- (1)} \\ & \Delta DAP \cong \Delta EBP \text{ है} \end{aligned}$$

$$AP = PB \quad [\because P, AB \text{ दा मैंप बिंदु है}]$$

$$\angle PAD = \angle PBE \quad [\text{दिया त्रै!}]$$

$$\angle DPA = \angle EPB \quad [\text{सिंप करे (2)}]$$

$$\therefore \text{AAS फ्रिजम अनुभव} \\ \Delta DAP \cong \Delta EBP$$

$$\text{(ii)} \quad \because \Delta DAP \cong \Delta EBP$$

$$\therefore AD = BE \quad (\text{CPCT})$$

11. $\triangle ABC$ एक समबोली त्रिभुज है जिस विच $\angle A = 90^\circ$ अते $AB = AC$ है। $\angle B$ अते $\angle C$ पता करो।

$\triangle ABC$ is a right angled triangle in which $\angle A = 90^\circ$ and $AB = AC$. Find $\angle B$ and $\angle C$.

दिया त्रै! $\angle A = 90^\circ$ अते $AB = AC$

पता करना!- $\angle B$ अते $\angle C$

हैरान!- $AB = AC$

आसी शाहर गं कि किमे तिक्के दीआं घराधर भशाई दे मनमुख वैद घराधर तुरे हन

$$\therefore \angle B = \angle C$$

$$\text{गृह फ्रुत } \angle B = \angle C = x$$

$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$$

$$90^\circ + x + x = 180^\circ$$

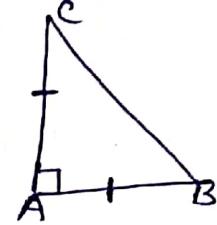
$$90^\circ + 2x = 180^\circ$$

$$2x = 180^\circ - 90^\circ$$

$$2x = 90^\circ$$

$$x = \frac{90}{2}$$

$$x = 45^\circ$$



$$\therefore \angle B = \angle C = 45^\circ \text{ Ans}$$

12. $\triangle ABC$ एक समदेवजी त्रिभुज है जिस विच $AB = AC$ है। $AP \perp BC$ खिच के दरमाए कि $\angle B = \angle C$ है।

$\triangle ABC$ is an isosceles triangle with $AB = AC$. Draw $AP \perp BC$ to show that $\angle B = \angle C$.

दिया त्रै! $\triangle ABC$ समदेवजी तिक्के है

ग्रिस दिया $AB = AC$ अते $AP \perp BC$ है।

ΔABD अते ΔACP है

कर द $AB =$ कर द AC (दिया त्रै)

$AP = AP$ (सांकेत)

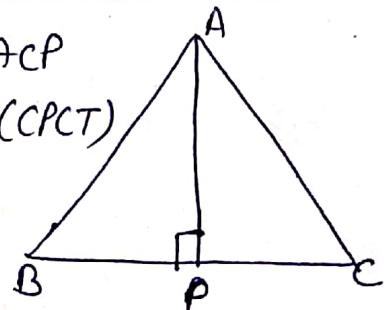
$\angle APB = \angle APC$ [जरे 90°]

RHS फ्रिजम अनुभव.

$\Delta ABD \cong \Delta ACP$

$$\therefore \Delta ABD \cong \Delta ACP$$

$$\therefore \angle B = \angle C \quad (\text{CPCT})$$



13. चित्तर विच $OA = OB$ अते $OD = OC$ है। सिंप करो

कि $\Delta AOD \cong \Delta BOC$ अते $AD \parallel BC$ है।

In given figure $OA = OB$ and $OD = OC$ then,

prove that $\Delta AOD \cong \Delta BOC$ and $AD \parallel BC$.

दिया त्रै! $OA = OB$ अते $OD = OC$

सिंप करना (i) $\Delta AOD \cong \Delta BOC$ (ii) $AD \parallel BC$

मध्यउ!- $\Delta AOD \cong \Delta BOC$ है

$OA = OB$ (दिया त्रै)

$OD = OC$ (दिया त्रै)

$\angle AOD = \angle BOC$ [अधर मनमुख रैद]

$\therefore SAS$ फ्रिजम अनुभव

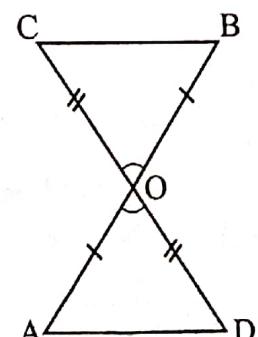
$$\Delta AOD \cong \Delta BOC$$

$$(ii) \quad \because \Delta AOD \cong \Delta BOC$$

$$\therefore \angle C = \angle D \text{ अते } \angle B = \angle A$$

इस एकात्र अधर केवल जूँ जूँ बगाधर हन

$$\therefore AD \parallel BC \quad \text{J}$$



ਮੌਲ ਟੀਮ ਘਰਨਾਸ਼

Worksheet-12

ਹੀਰੋ ਦਾ ਸੂਤਰ
(Heron's Formula)

ਜਮਾਤ - ਨੌਜਵੀ

1. ਦੋ ਬਿੰਦੂਆਂ ਦੇ ਵਿੱਚਕਾਰ ਸਿੱਧੀ ਰੇਖਾ ਨੂੰ ਰੇਖਾ ਖੇਡ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ। (ਸਹੀ/ਗਲਤ)

Straight Line between two points is called line segment. (T/F)

2. ਤਿੰਨ ਰੇਖਾ ਖੇਡਾਂ ਤੋਂ ਬਣੀ ਬੰਦ ਅਕਿਤੀ ਨੂੰ ਤ੍ਰਿਭੁਜ..... ਆਖਦੇ ਹਨ।

A closed figure made up of three line segments is called Triangle.

3. ਉਹ ਤ੍ਰਿਭੁਜ ਜਿਸ ਵਿੱਚ ਇਕ ਕੋਣ 90° ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਉਸ ਨੂੰ ਸਮਕੋਣੀ ਤ੍ਰਿਭੁਜ ਆਖਦੇ ਹਨ। (ਸਹੀ/ਗਲਤ)

A triangle having one angle 90° is called Right angled triangle. (T/F)

4. a) ਸਮਕੋਣੀ ਤ੍ਰਿਭੁਜ ਦਾ ਖੇਤਰਫਲ = $\frac{1}{2} \times$ ਅਧਾਰ \times ਲੰਬ ਹੁੰਦਾ ਹੈ।

Area of Right angled Triangle = $\frac{1}{2} \times$ Base \times Perpendicular

- b) ਸਮਕੋਣੀ ਤ੍ਰਿਭੁਜ ਦਾ ਪਰਿਮਾਪ = ਕਰਣ + ਅਧਾਰ + ਫੀਲ ਹੁੰਦਾ ਹੈ

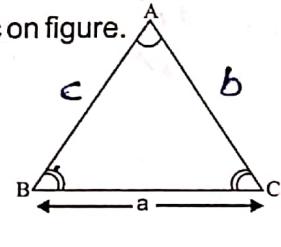
Perimeter of Right angled triangle = Hypotenuse + Base + Perpendicular

5. ਜੇਕਰ $\angle A$ ਦੇ ਸਨਮੁਖੀ ਤੁਝਾ BC = a ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ $\angle B$ ਅਤੇ $\angle C$ ਦੀਆਂ ਸਨਮੁਖੀ ਤੁਝਾਵਾਂ ਤੋਂ b ਅਤੇ c ਨੂੰ ਸਥਾਪਿਤ ਕਰੋ।

If opposite side of $\angle A=a$, Then mark opposite sides of $\angle B$ and $\angle C$ as b and c on figure.

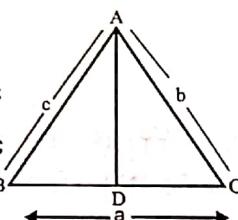
$\angle B$ ਦੀ ਸਨਮੁਖੀ ਤੁਝਾ AC = b

$\angle C$ ਦੀ ਸਨਮੁਖੀ ਤੁਝਾ AB = c



6. ਤ੍ਰਿਭੁਜ ਦਾ ਖੇਤਰਫਲ = $\frac{1}{2} \times BC \times$ AD, ਪਰਿਮਾਪ = a+b+c

Area of Triangle = $\frac{1}{2} \times BC \times$ AD, Perimeter = a+b+c



7. ਹੀਰੋ ਸੂਤਰ ਅਨੁਸਾਰ, $S = \frac{a+b+c}{2}$ ਜਾਂ $S = \frac{\text{ਅਧਿਮਾਪ}}{2}$

According to HERON's FORMULA, $S = \frac{a+b+c}{2}$ or $S = \frac{\text{Perimeter}}{2}$

8. ਜੇਕਰ ਇੱਕ ਤ੍ਰਿਭੁਜ ਦੀਆਂ ਤੁਝਾਵਾਂ ਦਾ ਮਾਪ a, b, c ਹੈ ਤਾਂ ਹੀਰੋ ਸੂਤਰ ਅਨੁਸਾਰ:

If sides of a triangle are a, b and c then according to Heron's Formula:

$$\text{ਤ੍ਰਿਭੁਜ ਦਾ ਖੇਤਰਫਲ} (\text{Area of Triangle}) = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)} \quad (S = \frac{a+b+c}{2})$$

9. ਇੱਕ ਤ੍ਰਿਭੁਜ ਦਾ ਖੇਤਰਫਲ ਪਤਾ ਕਰੋ ਜਿਸ ਦੀਆਂ ਦੋ ਤੁਝਾਵਾਂ 8 ਸਮ ਅਤੇ 11 ਸਮ ਹਨ ਅਤੇ ਜਿਸ ਦਾ ਪਰਿਮਾਪ 32 ਸਮ ਹੈ। Find the area of a triangle, two sides of which are 8 cm and 11 cm and the Perimeter is 32cm. ਅਗ੍ਨੀ ਸ਼੍ਰੁਤੀ a=8 ਸਮ, b=11 ਸਮ, c=x ਸਮ

$$\text{ਅਧਿਮਾਪ} = 32 \text{ ਸਮ}$$

$$a+b+c = 32$$

$$8+11+x = 32$$

$$19+x = 32$$

$$x = 32-19$$

$$x = 13$$

$$c = 13$$

$$S = \frac{a+b+c}{2}$$

$$S = \frac{32}{2}$$

$$S = 16$$

$$\text{ਤ੍ਰਿਭੁਜ ਦਾ ਖੇਤਰ} = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

$$= \sqrt{16(16-8)(16-11)(16-13)}$$

$$= \sqrt{16 \times 8 \times 5 \times 3}$$

$$= \sqrt{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 3}$$

$$\Delta \text{ਥਾਂ} = 2 \times 2 \times 2 \sqrt{2 \times 5 \times 3}$$

$$= 8\sqrt{30} \text{ ਸਮ}^2$$

Ans

10. ਕਿਸੇ ਪਾਰਕ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਵਿਸਲਣ ਪੱਟੀ ਬਣੀ ਹੋਈ ਹੈ। ਇਸ ਦੀਆਂ ਦੀਵਾਰਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਦੀਵਾਰ ਤੇ ਕਿਸੇ ਰੋਗ ਨਾਲ ਰੰਗ ਰੋਗ ਨੀਤ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਉਸ ਤੇ "ਪਾਰਕ ਨੂੰ ਹਰਾ ਭਰਾ ਅਤੇ ਸਾਫ਼ ਰੱਖੋ" ਲਿਖਿਆ ਹੋਇਆ ਹੈ। ਜੇਕਰ ਇਸ ਦੀਵਾਰ ਦੇ ਪਸਾਰ 15 ਮੀ, 11 ਮੀ ਅਤੇ 6 ਮੀ ਹੋ, ਤਾਂ ਰੋਗ ਰੋਗ ਨੀਤ ਭਾਗ ਦਾ ਖੇਤਰਫਲ ਪਤਾ ਕਰੋ। $S = \frac{a+b+c}{2} = \frac{15+11+6}{2} = \frac{32}{2} = 16$

There is slide in a park. One of its side walls has been painted in some colour with a message "KEEP THE PARK GREEN AND CLEAN". If the sides of the walls are 15 m, 11m and 6 m, find the area painted in color.

$$\Delta \text{ਦਾ ਅਖੁਤ} = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)} \\ = \sqrt{16(16-15)(16-11)(16-6)} \\ = \sqrt{16 \times 1 \times 5 \times 10}$$

$$= 2 \times 2 \times 5 \sqrt{1 \times 2} \\ = 20\sqrt{2} \text{ ਮੀ}^2 \quad \text{Ans}$$



11. ਰਾਧਾ ਨੇ ਇੱਕ ਰੰਗਦਾਰ ਕਾਗਜ਼ ਨਾਲ ਇੱਕ ਹਵਾਈ ਜਹਾਜ਼ ਦਾ ਚਿੱਤਰ ਬਣਾਇਆ। ਵਰਤੋਂ ਕੀਤੇ ਗਏ ਕਾਗਜ਼ ਦਾ ਕੁੱਲ ਖੇਤਰਫਲ ਪਤਾ ਕਰੋ। Radha made a picture of an aeroplane with coloured paper. Find the total area of the paper used.

$$\text{ਤਾਲਿਕਾ ਦਾ ਅਖੁਤ} = \frac{s(s-a)}{2} = \frac{11(11-5)}{2} = 30 \text{ ਮੀ}^2$$

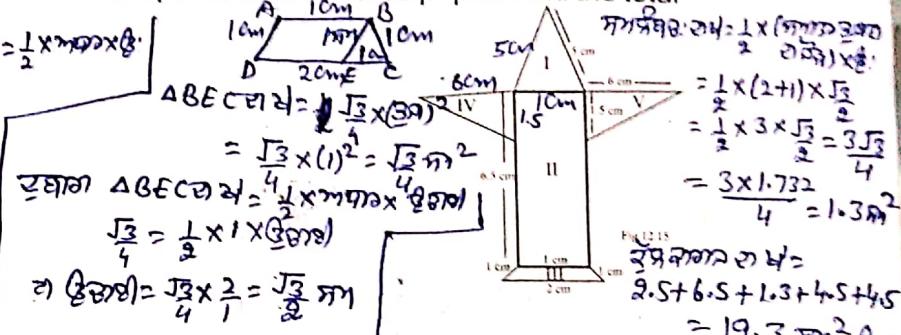
$$= \sqrt{30(30-11)(30-11)(30-11)} \\ = \sqrt{30 \times 19 \times 19 \times 19} \\ = \sqrt{6.1875} = 2.5 \text{ ਮੀ}^2$$

$$\text{ਤਾਲਿਕਾ ਦਾ ਅਖੁਤ} = 6.5 \text{ ਮੀ}^2 \\ = 6.5 \times 1 = 6.5 \text{ ਮੀ}^2$$

$$\text{ਤਾਲਿਕਾ ਦਾ ਅਖੁਤ} = \frac{1}{2} \times a \times b \times \sin C \\ = \frac{1}{2} \times 6 \times 1.5 \\ = 4.5 \text{ ਮੀ}^2$$

$$\text{ਤਾਲਿਕਾ ਦਾ ਅਖੁਤ} = \frac{1}{2} \times a \times b \times \sin A \\ = \frac{1}{2} \times 3 \times 1.5 \\ = 4.5 \text{ ਮੀ}^2$$

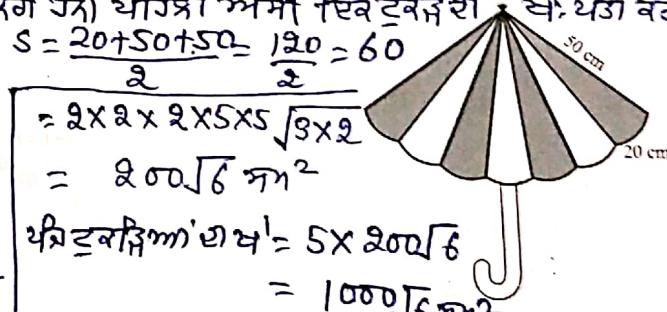
$$\text{ਤਾਲਿਕਾ ਦਾ ਅਖੁਤ} = \frac{1}{2} \times a \times b \times \sin B \\ = \frac{1}{2} \times 3 \times 1.5 \\ = 4.5 \text{ ਮੀ}^2$$



12. ਦੋ ਅਲਗ-ਅਲਗ ਰੰਗਾਂ ਦੇ ਕੱਪੜਿਆਂ ਦੇ 10 ਤਿੰਡੇ ਆਕਾਰ ਦੇ ਟੁੱਕੜਿਆਂ ਨੂੰ ਸਿਲਾਈ ਕਰਕੇ ਇੱਕ ਛੱਤਰੀ ਬਣਾਈ ਗਈ ਹੈ। ਹਰੇਕ ਟੁੱਕੜੇ ਦਾ ਮਾਪ 20 ਸਮ, 50 ਸਮ ਅਤੇ 50 ਸਮ ਹੈ। ਛੱਤਰੀ ਵਿੱਚ ਹਰੇਕ ਰੰਗ ਦਾ ਕਿੰਨਾ ਕਪੜਾ ਲੱਗਾ ਹੈ।

An umbrella is made by stitching 10 triangular pieces of cloth of two different colours, each piece measures 20 cm, 50 cm and 50 cm. How much cloth of each colour is required for the umbrella. ਹਰੇਕ ਟੁੱਕੜੇ ਦੇ ਟੁੱਕੜੇ ਪ੍ਰਗੇ ਹਨ। ਥਾਂਕੀਆਂ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਟੁੱਕੜੇ ਦਾ ਕਿੰਨਾ ਥਾਂ ਕਰਾਂ।

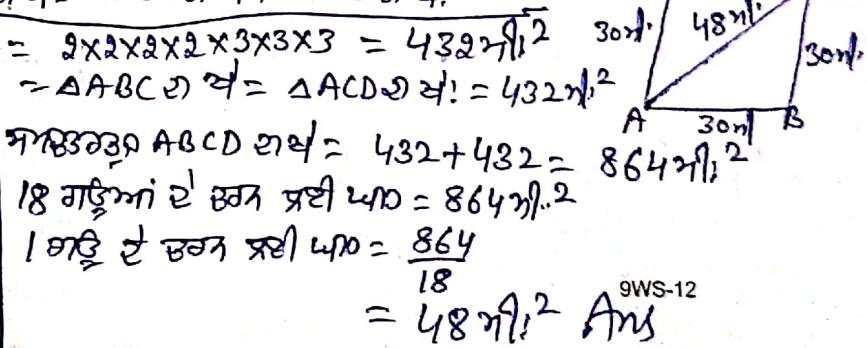
$$a=20 \text{ ਸਮ}, b=50 \text{ ਸਮ}, c=50 \text{ ਸਮ} \quad S = \frac{20+50+50}{2} = \frac{120}{2} = 60$$



13. ਇੱਕ ਸਮਚਤੁਰਭੁਜ ਆਕਾਰ ਘਾਹ ਦੇ ਖੇਤ ਵਿੱਚ 18 ਗਊਆਂ ਦੇ ਚਰਨ ਲਈ ਘਾਹ ਹੈ। ਜੇਕਰ ਇਸ ਸਮਚਤੁਰਭੁਜ ਦੀ ਹਰੇਕ ਭੁਜਾ 30 ਮੀ. ਹੋਵੇ ਅਤੇ ਵੱਡਾ ਵਿਕਰਣ 48 ਮੀ. ਹੋਵੇ ਤਾਂ ਹਰੇਕ ਗਊ ਦੇ ਚਰਨ ਲਈ ਇਸ ਘਾਹ ਦੇ ਖੇਤ ਦਾ ਕਿੰਨਾ ਖੇਤਰਫਲ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੋਵੇਗਾ? A rhombus shaped field has green grass for 18 cows to graze. If each side of the rhombus is 30 m and its longer diagonal is 48 m, how much area of grass field will each cow be getting?

$$\Delta ABC \text{ ਦਾ ਅਖੁਤ} = \frac{a(b-c)}{2} = \frac{30(30-48)}{2} = \frac{-180}{2} = -90$$

$$S = \frac{30+30+48}{2} = \frac{108}{2} = 54$$



$$\Delta ABC \text{ ਦਾ ਅਖੁਤ} = \frac{1}{2} s(s-a)(s-b)(s-c) \\ = \frac{1}{2} 54(54-30)(54-30)(54-48) \\ = \frac{1}{2} 54 \times 24 \times 24 \times 6 \\ = \frac{1}{2} 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 2 \times 2 \times 3$$