

Chapter – 5

வடிவியல்

Ex 5.1

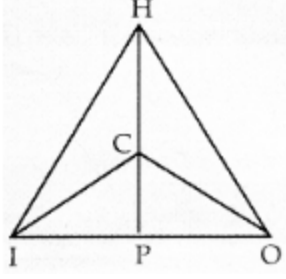
கேள்வி 1.

கொடுக்கப்பட்டுள்ள சொல் பட்டியலிலிருந்து சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து கோடிட்ட இடங்களை நிரப்புக. (விகிதசமத்தில், வடிவொத்த, ஒத்த, சர்வசம, வடிவம், பரப்பு, சமமான)

- (i) வடிவொத்த முக்கோணங்களின் ஒத்த பக்கங்கள் இருக்கும்.
 - (ii) வடிவொத்த முக்கோணங்கள் ஒரே பெற்றிருக்கும். ஆனால் ஒரே அளவைப் பெற்றிருக்க வேண்டியதில்லை.
 - (iii) ஒரு முக்கோணத்தில், பக்கங்கள், சமமான கோணங்க ளுக்கு எதிரே அமையும்.
 - (iv) = குறியானது முக்கோணங்களைக் குறிக்கப் பயன்படும்.
 - (v) ~ குறியானது முக்கோணங் களைக் குறிக்கப் பயன்படும்.
- விடைகள் :
- (i) விகிதசமத்தில்
 - (ii) வடிவம்
 - (iii) சமமான
 - (iv) சர்வ சம்
 - (v) வடிவொத்த.

கேள்வி 2.

கொடுக்கப்பட்ட படத்தில்,
 $\angle CIP \equiv \angle COP$ மற்றும்
 $\angle HIP \equiv \angle HOP$ எனில் $IP = OP$ என நிரூபி.



தீர்வு:

$$\angle CIP \equiv \angle COP$$

$$\angle HIP \equiv \angle HOP$$

$\angle CIP = \angle COP$ என்பது தெரிந்தது.

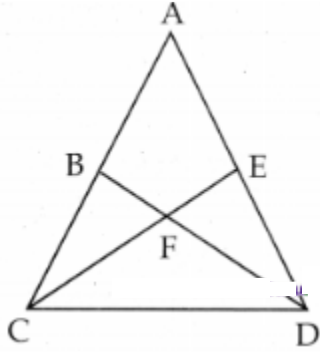
$$\therefore \angle I = \angle O, \angle P = 90^\circ$$

$\angle C$ – கோண இருசமவெட்டி

$$\therefore IP = PO$$

கேள்வி 3.

கொடுக்கப்பட்டுள்ள படத்தில், $AC \equiv AD$ மற்றும் $\angle CBD \equiv \angle DEC$ எனில், $\triangle BCF \equiv \triangle EDF$ என நிரூபி



தீர்வு:

$$AC \equiv AD$$

$$\text{மற்றும் } \angle CBD \equiv \angle DEC$$

தேல்ஸ் தேற்றம் படி,

$\triangle ABC$ மற்றும் $\triangle ADE$ யின் பொது அடித்தளம் CD.

$$BC \equiv DE, BD \equiv CE$$

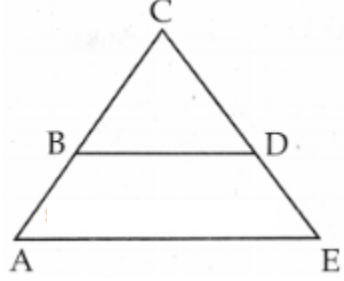
$$\therefore \triangle BCF \equiv \triangle EDF$$

கேள்வி 4.

கொடுக்கப்பட்டுள்ள படத்தில், அடிப்பக்கம் BD மற்றும் $\angle BAE \equiv \angle DEA$

ஆகக் கொண்ட ஓர் இருசமபக்க முக்கோணம், ΔBCD எனில், $AB \equiv ED$ எனில் நிரூபி.

தீர்வ:



$$\angle BAE \equiv \angle DEAT$$

$$\angle B = \angle A, \angle E = \angle D$$

$\angle C$ பொதுவான கோணம்.

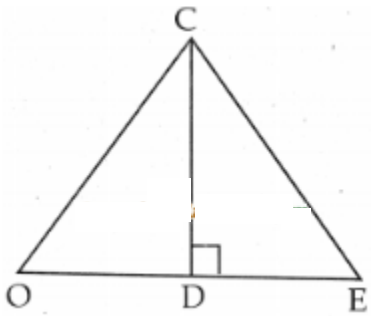
$$\therefore \frac{BC}{AB} = \frac{CD}{DE}$$

$$AB = ED$$

கேள்வி 5.

கொடுக்கப்பட்டுள்ள படத்தில் D ஆனது OE இன் மையப்புள்ளி மற்றும் $\angle CDE = 90^\circ$ எனில். Prove that $\triangle ODC \equiv \triangle EDC$

தீர்வு:



D என்பது OE ன் மையப்புள்ளி

$$\angle CDE = 90^\circ$$

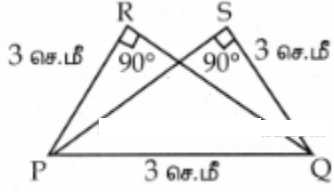
$$\angle O = \angle E, \angle D = 90^\circ$$

$\angle C$ கோண இருசமவெட்டி

$$\therefore \triangle ODC \equiv \triangle EDC$$

கேள்வி 6.

$\Delta PRQ \equiv \Delta QSP$ ஆகுமா? ஏன்?



தீர்வு:

$$\angle R = \angle S = 90^\circ$$

$PR \equiv SQ$ மற்றும்

PQ என்பது பொதுவான அடித்தளம்.

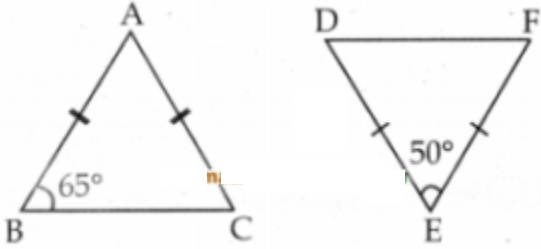
(ப- கோ - ப - விதிபடி)

$$\Delta PRQ \equiv \Delta QSP$$

கேள்வி 7.

கொடுக்கப்பட்ட படத்திலிருந்து

$\Delta ABC \sim \Delta DEF$ என நிரூபி :



தீர்வு:

ΔABC மற்றும் ΔDEF வடிவொத்த முக்கோணம் என நிரூபிக்க.

$\therefore AB$ மற்றும் DE , AC மற்றும் EF ஆகியவை வடிவொத்தவை மற்றும் சர்வசமமானவை.

$$\angle A = \angle E \text{ மற்றும்}$$

$$\angle B = \angle D, \angle C = \angle F.$$

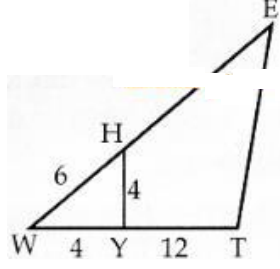
$$\Delta ABC \text{ மற்றும்}$$

ΔDEF வடிவொத்த முக்கோணங்களாகும்.

$$\Delta ABC \sim \Delta DEF$$

கேள்வி 8.

கொடுக்கப்பட்ட படத்தில் $YH \parallel TE$. $\Delta WHY \sim \Delta WET$ என நிரூபி HE மற்றும் TE ஐக் காண்க.



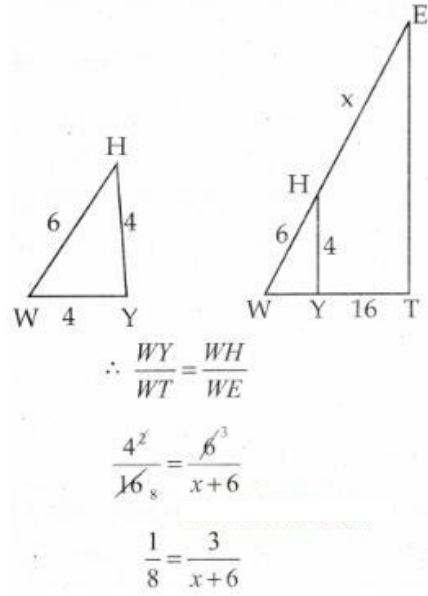
தீர்வு:

கொடுக்கப்பட்டவை $YH \parallel TE$

$\angle W$ பொதுவான கோணம்.

$\angle Y = 90^\circ$ மற்றும் $\angle T = 90^\circ$

$\therefore \Delta WHY \sim \Delta WET$



$$x + 6 = 24$$

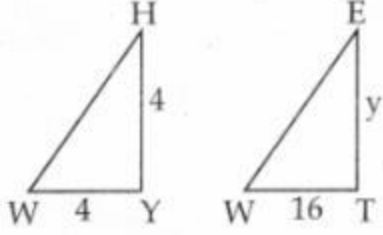
$$x = 24 - 6 = 18$$

$$x = 18 \text{ ம் } HE = 18$$

WHY மற்றும் WET வடிவொத்த முக்கோணங்கள்

$$\therefore \frac{WY}{WT} = \frac{HY}{ET}$$

$$\frac{4}{16} = \frac{4}{y}$$

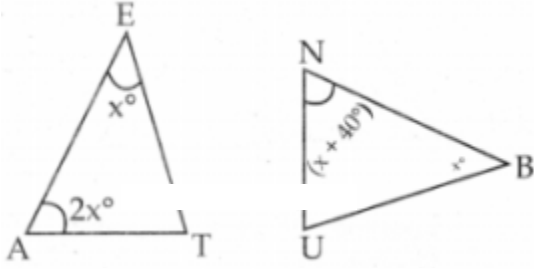


$$\Rightarrow y = 16$$

$$\boxed{TE = 16}$$

கேள்வி 9.

கொடுக்கப்பட்ட படத்தில் $\triangle EAT \sim \triangle BUN$, எனில், அனைத்துக் கோண அளவுகளையும் காண்க.



தீர்வு:

கொடுக்கப்பட்டவை $\triangle EAT \sim \triangle BUN$

$$\Rightarrow \angle E = \angle B, \angle A = \angle U, \angle T = \angle N$$

$$\Rightarrow \angle E = x, \angle A = 2x, \angle T = x + 40$$

முக்கோணத்தின் மூன்று

கோணங்களின் கூடுதல் 180.

$$\angle E + \angle A + \angle T = 180$$

$$x + 2x + x + 40 = 180$$

$$4x + 40 = 180$$

$$4x = 180 - 40 = 140$$

$$x = \frac{140}{4}$$

$$x = 35^\circ$$

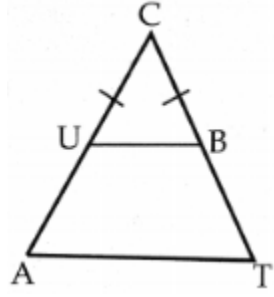
$$(i) \angle E = \angle B = 35^\circ$$

(ii) $\angle C = \angle A = \angle U = 70^\circ$

(iii) $\angle T = \angle N = 75^\circ$

கேள்வி 10.

கொடுக்கப்பட்ட படத்தில், $UB \parallel AT$ மற்றும் $CU = CB$ எனில், $\Delta CUB \sim \Delta CAT$ மற்றும் ΔCAT ஆனது ஒரு இருசமபக்க முக்கோணம் என நிரூபி.



தீர்வு:

$UB \parallel AT$

$CU \equiv CB$

$\angle U = \angle A$ மற்றும் $\angle B = \angle T$.

$\therefore \angle C$ பொதுவான கோணம்.

$\Delta CUB \sim \Delta CAT$ (கோ. கோ. கோ. படி)

$\therefore \Delta CAT$ ஒரு இருசமபக்க முக்கோணம்.

கொள்குறிவகை வினாக்கள்

கேள்வி 11.

இரு வடிவொத்த முக்கோணங்கள் எப்போதும்
பெற்றிருக்கும்.

அ) குறுங்கோணங்களைப்

ஆ) விரிகோணங்களைப்

இ) செங்கோணங்களைப்

ஈ) பொருத்தமானக் கோணங்களைப்

விடை:

ஈ) பொருத்தமானக் கோணங்களைப்

கேள்வி 12.

முக்கோணங்கள் PQR மற்றும் XYZ இல் $\frac{PQ}{XY} = \frac{QR}{ZX}$ எனில் அவை வடிவொத்த

முக்கோணங்களாக இருக்க ஆகும்.

- அ) $\angle Q = \angle Y$
- ஆ) $\angle P = \angle Y$
- இ) $\angle Q = \angle X$
- ஈ) $\angle P = \angle X$

விடை:

- இ) $\angle Q = \angle X$

கேள்வி 13.

15 மீ உயரமுள்ள ஒரு கொடிக் கம்பமானது காலை 10 மணிக்கு, 3 மீ நீளமுள்ள நிழலை ஏற்படுத்துகிறது. அதே நேரத்தில் ஒரு கட்டடத்தின் நிழலின் நீளமானது 18.6மீ எனில், கட்டடத்தின் உயரமானது ஆகும்.

- அ) 90மீ
- ஆ) 91மீ
- இ) 92மீ
- ஈ) 93மீ

விடை:

- ஈ) 93மீ

கேள்வி 14.

$\Delta ABC \sim \Delta PQR$, $\angle A = 53^\circ$ மற்றும் $\angle Q = 77^\circ$ எனில், $\angle R$ ஆனது ஆகும்.

- அ) 50°
- ஆ) 60°
- இ) 70°
- ஈ) 80°

விடை:

- அ) 50°

கேள்வி 15.

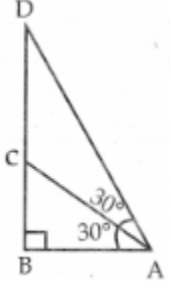
கொடுக்கப்பட்ட படத்தில், பின்வரும் கூற்றுகளில் எது சரி?

- அ) $AB = BD$

- ஆ) $BD < CD$
 இ) $AC = CD$
 ஈ) $BC = CD$

விடை:

- இ) $AC = CD$



Ex 5.2

கேள்வி 1.

கோடிட்ட இடங்களை நிரப்புக

- i) ΔPQR இல், $PR^2 = PQ^2 + QR^2$ எனில், ΔPQR இல் செங்கோணத்தைத் தாங்கும் உச்சி ஆகும்.

விடை:

Q

- ii) 'l' மற்றும் 'm' ஆகியவை செங்கோணத் தைத் தாங்கும் பக்கங்கள் மற்றும் 11 ஆனது செங்கோண முக்கோணத்தின் கர்ணம் எனில் $l^2 =$

விடை:

$$l^2 = n^2 - m^2$$

- iii) ஒரு முக்கோணத்தின் பக்கங்கள் 5 : 12 : 13 என்ற விகிதத்தில் இருந்தால், அது ஒரு முக்கோணம் ஆகும்

விடை:

செங்கோண

iv) ஒரு முக்கோணத்தின் நடுக்கோடுகள் வெட்டிக்கொள்ளும் புள்ளி
.....
ஆகும்.

விடை:
நடுக்கோட்டுமையம்

v) ஒரு முக்கோணத்தின் நடுக்கோட்டு மையமானது ஒவ்வொரு
நடுக்கோட்டையும் விகிதத்தில் பிரிக்கின்றது.

விடை:
2 : 1

கேள்வி 2.
சரியா அல்லது தவறா? எனக் கூறுக.

i) 8, 15 17 ஆனது ஒரு பிதாகோரியன் மூன்றன் தொகுதியாகும்

விடை:
சரி

ii) செங்கோண முக்கோணத்தில், மிக நீளமான பக்கம் கர்ணம்
ஆகும்

விடை:
சரி

iii) எந்தவொரு முக்கோணத்தின் நடுக்கோட்டு மையமும் உள்வட்ட
மையமும் அம் முக்கோணத்தின் உள்பகுதியில் அமையும்

விடை:
சரி

iv) ஒரு முக்கோணத்தின் நடுக்கோட்டு மையமும் செங்கோட்டு
மையமும், உள்வட்ட மையமும் ஒரு கோடமைவுப் புள்ளிகள் ஆகும்

விடை:
சரி

v) ஒரு முக்கோணத்தின் உள்வட்ட மையமானது அதன் அனைத்து உச்சிப் புள்ளிகளிலிருந்து சமதூரத்தில் உள்ளது.

விடை:

தவறு

கேள்வி 3.

பித்தாகரஸ் தேற்றத்தைப் பயன் படுத்திக் கொடுக்கப்பட்டுள்ள பக்கங்கள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தின் பக்கங்களாகுமா? என்பதைச் சரிபார்க்க.

(i) 8, 15, 17

(ii) 12, 13, 15

(iii) 30, 40, 50

(iv) 9, 40, 41

(v) 24, 45, 51

தீர்வு:

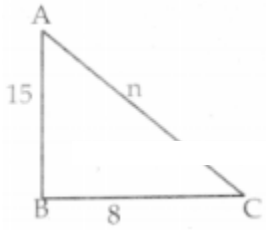
(i) பித்தாகரஸ் தேற்றப்படி

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$17^2 = 15^2 + 8^2$$

$$289 = 225 + 64$$

$$289 = 289$$



எனவே கொடுக்கப்பட்ட பக்கங்கள் செங்கோண முக்கோணத்தின் பக்கங்களாகும்

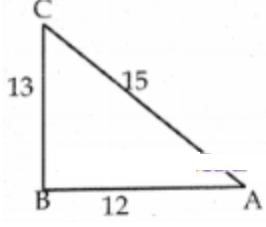
(ii) 12, 13, 15

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$15^2 = 12^2 + 13^2$$

$$225 = 144 + 169$$

$$225 \neq 313$$



எனவே கொடுக்கப்பட்ட பக்கங்கள் செங்கோண முக்கோணத்தின் பக்கங்கள் இல்லை .

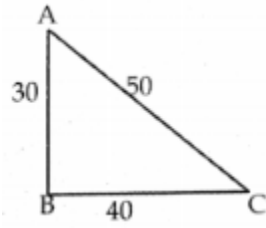
(iii) 30, 40, 50

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$50^2 = 30^2 + 40^2$$

$$2500 = 900 + 1600 = 2500$$

$$2500 = 2500$$



எனவே கொடுக்கப்பட்ட பக்கங்கள் செங்கோண முக்கோணத்தின் பக்கங்களாகும்.

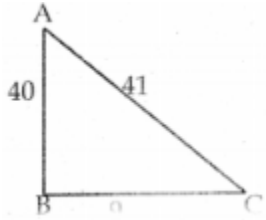
(iv) 9, 40, 41

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$41^2 = 40^2 + 9^2$$

$$1681 = 1600 + 81$$

$$1681 = 1681$$



எனவே கொடுக்கப்பட்ட பக்கங்கள் செங்கோண முக்கோணத்தின் பக்கங்களாகும்.

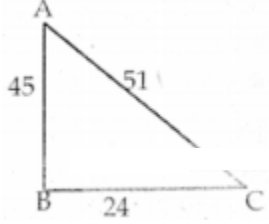
(v) 24, 45, 51

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$51^2 = 45^2 + 24^2$$

$$2601 = 2025 + 576$$

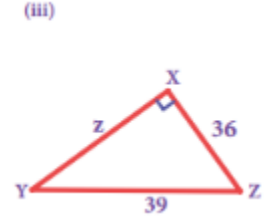
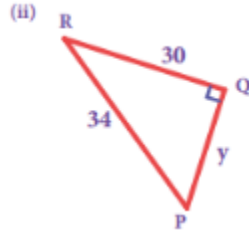
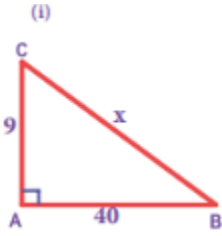
$$2601 = 2601$$



எனவே கொடுக்கப்பட்ட பக்கங்கள் செங்கோண முக்கோணத்தின் பக்கங்களாகும்.

கேள்வி 4.

பின்வரும் முக்கோணங்களில் தெரியாத பக்கங்களைக் காண்க.



தீர்வு:

(i) $BC^2 = AB^2 + AC^2$ (பித்தாகரஸ் தேற்றம்)

$$x^2 = 40^2 + 9^2$$

$$x^2 = 1600 + 81 = 1681$$

$$x^2 = 41^2$$

$$x = 41$$

(ii) $PR^2 = PQ^2 + QR^2$ (பித்தாகரஸ் தேற்றம்)

$$34^2 = y^2 + 30^2$$

$$y^2 = 34^2 - 30^2 = 1156 - 900$$

$$y^2 = 256 = 16^2$$

$$y = 16$$

(iii) $YZ^2 = XY^2 + XZ^2$ (பித்தாகரஸ் தேற்றம்)

$$39^2 = z^2 + 36^2$$

$$z^2 = 39^2 - 36^2$$

$$= 1521 - 1296$$

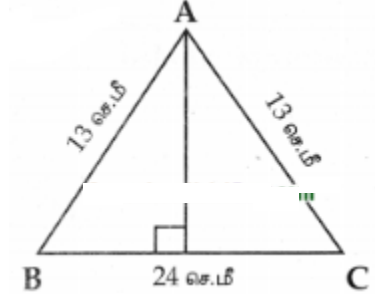
$$z^2 = 225 = 15^2$$

$$z = 15$$

கேள்வி 5.

ஓர் இருசமபக்க முக்கோணத்தில் சமபக்கங்கள் ஒவ்வொன்றும் 13 செ.மீ மற்றும் அடிப்பக்கம் 24 செ.மீ எனில், அதன் உயரத்தைக் காண்க.

தீர்வு:



$$BC = 24 \text{ செ.மீ}$$

$$BD = 12 \text{ செ.மீ}$$

$AB^2 = AD^2 + BD^2$ (பித்தாகரஸ் தேற்றம்)

$$13^2 = AD^2 + 12^2$$

$$AD^2 = 13^2 - 12^2 = 169 - 144$$

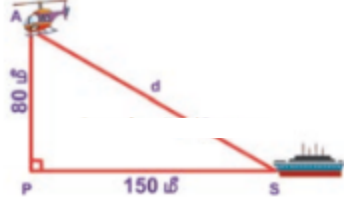
$$AD^2 = 25 = 5^2$$

$$AD = 5 \text{ செ.மீ}$$

முக்கோணத்தின் உயரம் 5 செ.மீ

கேள்வி 6.

படத்தில் வானூர்திக்கும் கப்பலுக்கும் இடையே உள்ள தூரத்தைக் காண்க.



தீர்வு:

$AS^2 = AP^2 + PS^2$ (பித்தாகரஸ் தேற்றம்)

$$d^2 = 80^2 + 150^2$$

$$d^2 = 6400 + 22500$$

$$d^2 = 28900$$

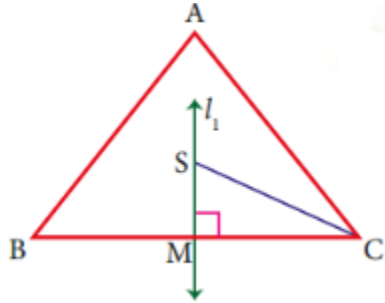
$$d^2 = 170^2$$

$$d = 170$$

வானூர்தி மற்றும் கப்பல் ஆகியவற்றிற்கு இடையே உள்ள தூரம் 170.மீ.

கேள்வி 7.

மூக்கோணம் ABC இல், BC இன் மையக்குத்துக்கோடு l_1 ஆகும் $BC = 12$ செ.மீ, $SM = 8$ செ.மீ எனில் CS ஐக் காண்க.



தீர்வு:

$$BC = 12 \text{ செ.மீ}$$

$$MC = \frac{BC}{2} = \frac{12}{2}$$

$$MC = 6 \text{ செ.மீ}$$

$$SM = 8 \text{ செ.மீ}$$

பித்தாகரஸ் தேற்றப்படி

$$CS^2 = SM^2 + MC^2$$

$$= 8^2 + 6^2$$

$$= 64 + 36$$

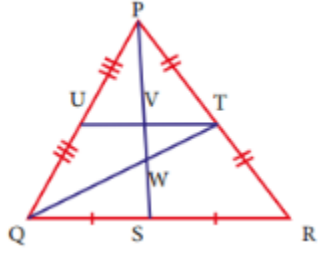
$$= 100$$

$$CS^2 = 10^2$$

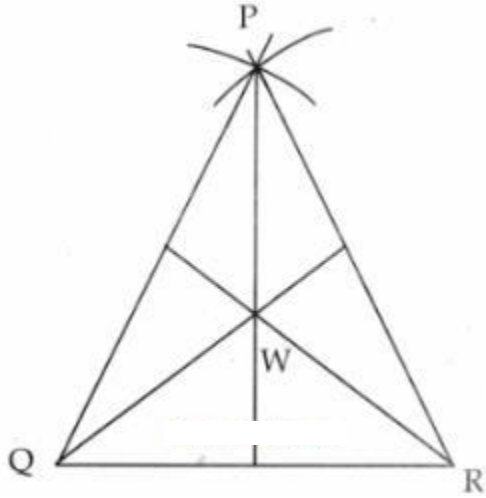
$$CS = 10 \text{ செ.மீ}$$

கேள்வி 8.

ΔPQR இன் நடுக்கோட்டுமையத்தைக் கண்டறிக.



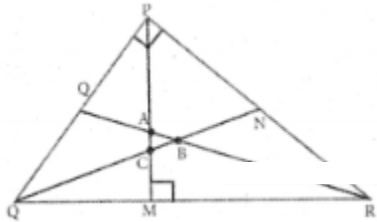
தீர்வு:



W என்பது ΔPQR ன் நடுக்கோட்டுமையம்.

கேள்வி 9.

ΔPQR இன் செங்கோட்டுமையத்தைக் கண்டறிக.

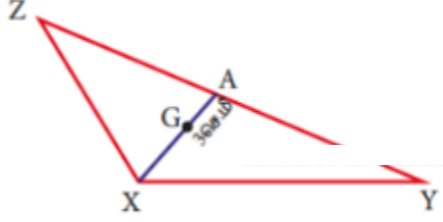


தீர்வு:

P என்பது ΔPQR ன் செங்கோட்டு மையமாகும்.

கேள்வி 10.

கொடுக்கப்பட்டுள்ள படத்தில், YZ இன் மையப்புள்ளி A மற்றும் G ஆனது முக்கோணம் XYZ இன் நடுக்கோட்டுமையம் ஆகும். GA இன் நீளம் 3 செ.மீ எனில் XA ஐக் காண்க.



தீர்வு:

நடுக்கோட்டுமையத்தின் பண்பின்படி,

G ஆனது முக்கோணம் XYZ இன் நடுக்கோட்டுமையம் 2 : 1

விகிதத்தில் பிரிக்கும்.

$$\therefore XG : GA = 2:1$$

$$GA = 3 \text{ செ.மீ}$$

$$\frac{XG}{GA} = \frac{2}{1}$$

$$XG = 2 \times GA$$

$$XG = 2 \times 3 \text{ செ.மீ}$$

$$= 6 \text{ செ.மீ}$$

$$\therefore XA = XG + GA$$

$$= 6 + 3$$

$$XA = 9 \text{ செ.மீ}$$

கேள்வி 11.

ΔXYZ இன் உள்வட்ட மையம் I, $\angle IYZ = 30^\circ$ மற்றும் $\angle IZY = 40^\circ$ எனில் $\angle YXZ$ ஐக் காண்க.

தீர்வு:

I ன் உள்வட்டமையம் 80

$$\angle XYI = \angle IYZ = 30^\circ$$

$$\angle XZI = \angle IZY = 40^\circ$$

$$\angle Y = 30^\circ + 30^\circ = 60^\circ$$

$$\angle Z = 40^\circ + 40^\circ = 80^\circ$$

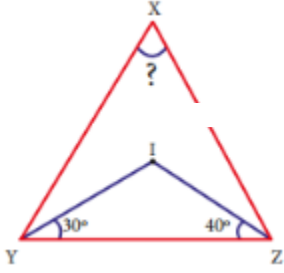
$$\Delta A\text{ல்}, \angle X + \angle Y + \angle Z = 180^\circ$$

$$\angle X + 60 + 80 = 180^\circ$$

$$\angle X + 140 = 180^\circ$$

$$\angle X = 180 - 140$$

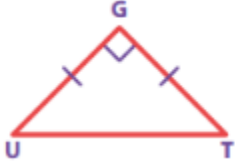
$$\angle X = 40^\circ$$



கொள்குறிவகை வினாக்கள்

கேள்வி 12.

ΔGUT ஆனது ஓர் இருசமபக்க செங்கோண முக்கோணம் எனில் $\angle TUG$ என்பது ஆகும்.



அ) 30°

ஆ) 40°

இ) 45°

ஈ) 55°

விடை:

இ) 45°

கேள்வி 13.

12 செ.மீ மற்றும் 16 செ.மீ பக்க அளவுகளைக் கொண்ட ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தின் கர்ணம் ஆகும்.

அ) 28 செ.மீ

- ஆ) 20 செ.மீ
இ) 24 செ.மீ
ஈ) 21 செ.மீ

விடை:

- ஆ) 20 செ.மீ

கேள்வி 14.

நீளம் 21 செ.மீ மற்றும் மூலைவிட்டம் 29 செ.மீ அளவுடைய ஒரு செவ்வகத்தின் பரப்பளவு

- அ) 609 செ.மீ 2.
ஆ) 580 செ.மீ 2.
இ) 420 செ.மீ 2
ஈ) 210 செ.மீ 2.

விடை:

- இ) 420 செ.மீ

கேள்வி 15.

ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தின் பக்கங்களின் விகிதம் 5 : 12 : 13 மற்றும் அதன் சுற்றளவு 120 அலகுகள் எனில், அதன் பக்கங்கள் ஆகும்.

- அ) 25, 36, 59
ஆ) 10, 24, 26
இ) 36, 39, 45
ஈ) 20, 48, 52

விடை:

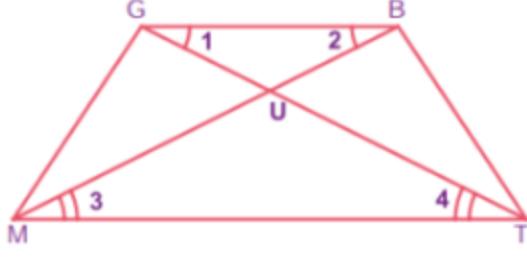
- ஈ) 20, 48, 52

Ex 5.3

பல்வகைத் திறனறிப் பயிற்சிக் கணக்குகள்

கேள்வி 1.

படத்தில் , $\angle 1 \equiv \angle 2$ மற்றும் $\angle 3 \equiv \angle 4$ ஆகும் எனில், $\Delta MUG \equiv \Delta TUB$ என நிரூபி.



தீர்வு:

$\angle 1 = \angle 2$ மற்றும் $\angle 3 = \angle 4$

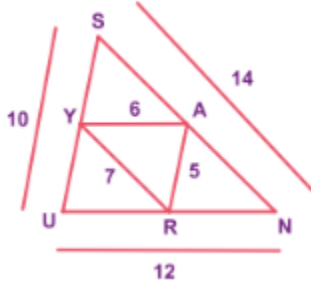
$GB \parallel MT$. $MG = BT$

$\triangle BUG \sim \triangle MUT$

$\therefore \triangle MUG \equiv \triangle TUB$

கேள்வி 2.

படத்திலிருந்து, $\triangle SUN \sim \triangle RAY$ என நிரூபி.



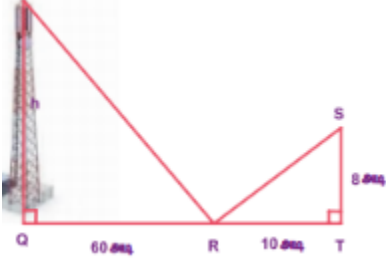
தீர்வு:

$$\begin{aligned} \frac{SU}{UN} &= \frac{YR}{RN} = \frac{YS}{YN} \\ \Rightarrow \frac{10}{5} &= \frac{12}{6} = \frac{14}{7} = 2 \\ \therefore \triangle SUN &\sim \triangle RAY \end{aligned}$$

கேள்வி 3.

ஒரு கோபுரத்தின் உச்சியானது தரையில் R என்ற இடத்தில் உள்ள

ஒரு கண்ணாடியின் மூலம் பிரதிபலித்து பார்க்கப்படுகிறது $\Delta PQR \sim \Delta STR$ எனில், கோபுரத்தின் உயரத்தைக் காண்க.



தீர்வு:

$$\angle P = \angle S, \angle Q = \angle T = 90^\circ$$

$\angle R = \angle R$. (பொதுவான கோணம்)

$$\therefore \Delta PQR \sim \Delta STR$$

$$\therefore \frac{PQ}{ST} = \frac{QR}{TR}$$

$$\frac{PQ}{8} = \frac{60}{10}$$

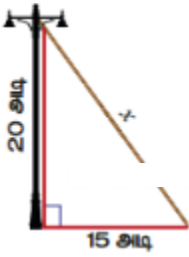
$$PQ = \frac{60 \times 8}{10}$$

$$PQ = 48 \text{ அடி}$$

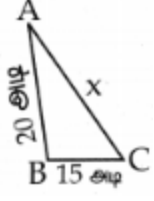
$\therefore$ கோபுரத்தின் உயரம் 48 அடி.

கேள்வி 4.

படத்தில், ஒரு கம்பத்தினைத் தரையுடன் நிலைநிறுத்தத் தேவையான கம்பியின் நீளம் என்ன ?



தீர்வு:



$AC^2 = AB^2 + BC^2$ (பித்தாகரஸ் தேற்றத்தின் படி)

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$x^2 = 400 + 225$$

$$x^2 = 625$$

$$x^2 = 25^2$$

$$x = 25 \text{ அடி}$$

கேள்வி 5.

ரித்திகா என்பவர் 25 அங்குலம் திரை (screen) கொண்ட ஓர் எல்.இ.டி. (LED)

தொலைக்காட்சியை வாங்குகிறார். அதன் உயரம் 7 அங்குலம் எனில், திரையின் அகலம் என்ன? மேலும், அவளது

தொலைக்காட்சிப் பெட்டகம் 20 அங்குலம் அகலம் கொண்டது எனில், தொலைக்காட்சியை அந்த பெட்டகத்தினுள் வைக்க

இயலுமா? காரணம் கூறுக?

தீர்வு:

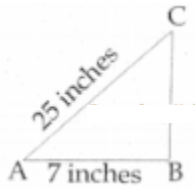
பித்தாகரஸ் தேற்றத்தின் படி,

$$BC^2 = AC^2 - AB^2$$

$$= 25^2 - 7^2$$

$$= 625 - 49 = 576$$

$$BC^2 = 24^2$$



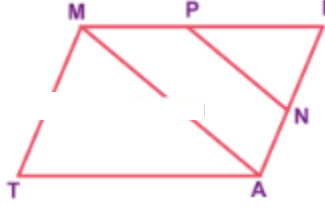
$\Rightarrow BC = 24$ அங்குலம் இல்லை.

திரையின் அகலத்தைவிட தொலைக்காட்சி அறையின் அகலம் குறைவாக இருப்பதால் வைக்க இயலாது.

மேற்சிந்தனைக் கணக்குகள்

கேள்வி 6.

படத்தில், $\angle TMA \equiv \angle IAM$ மற்றும் $\angle TAM \equiv \angle IMA$. P ஆனது MI இன் மையப்புள்ளி மற்றும் N ஆனது AI இன் மையப்புள்ளி எனில், $\Delta PIN \sim \Delta ATM$ என நிரூபி.



தீர்வு:

$$\angle TMA \equiv \angle IAM$$

$$\angle TAM \equiv \angle IMA$$

MI இன் மையப்புள்ளி P.

AI இன் மையப்புள்ளி N

$$IM \equiv TM, IA \equiv TA$$

தேல்ஸ் தேற்றப்படி

$$\begin{aligned} \frac{PI}{IM} &= \frac{IN}{IA} \\ \Rightarrow \frac{PI}{TM} &= \frac{IN}{TA} \\ \therefore \Delta PIN &\sim \Delta ATM \end{aligned}$$

கேள்வி 7.

படத்தில் $\angle FEG = \angle 1$ $DG^2 = DE \cdot DF$ என நிரூபி.
im 12

தீர்வு:

$$\angle FEG = \angle 1$$

கோண இருசமவெட்டி தேற்றப்படி,

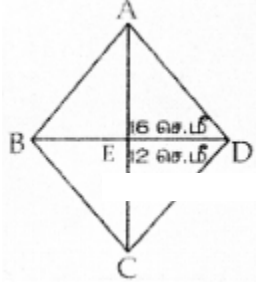
$$\begin{aligned} \frac{DG}{DE} &= \frac{DF}{DG} \\ DG^2 &= DE \times DF. \text{ நிரூபிக்கப்பட்டது.} \end{aligned}$$

கேள்வி 8.

ஒரு சாய்சதுரத்தின் மூலை விட்டங்கள் 12செ.மீ மற்றும் 16 செ.மீ எனில், அதன் சுற்றளவைக் காண்க. (குறிப்பு : சாய்சதுரத்தின் மூலைவிட்டங்கள் ஒன்றுக்கொன்று செங்குத்தாக இருசமக் கூறிடும்).

தீர்வு:

$$AE = EC, BE = DE$$



$$AC = 2AE$$

$$16 = 2AE \Rightarrow AE = 8 \text{ செ.மீ}$$

$$EC = 8 \text{ செ.மீ}$$

$$BD = 2BE$$

$$12 = 2BE \Rightarrow BE = 6 \text{ செ.மீ}$$

$$DE = 6 \text{ செ.மீ}$$

$$\Delta ABE \quad AB^2 = BE^2 + EA^2$$

$$= 6^2 + 8^2$$

$$= 36 + 64 = 100 = 10^2$$

$$AB^2 = 10^2 \Rightarrow AB = 10 \text{ செ.மீ}$$

$$BC = 10 \text{ செ.மீ}$$

$$CD = 10 \text{ செ.மீ}$$

$$AD = 10 \text{ செ.மீ}$$

$$\text{சுற்றளவு} = AB + BC + CD + DA \text{ அலகுகள்}$$

$$= 10 + 10 + 10 + 10 \text{ செ.மீ}$$

$$= 40 \text{ செ.மீ}$$

கேள்வி 9.

படத்தில், AR ஐக் காண்க.



தீர்வு:

ΔAFI

$$AI^2 = AF^2 + FI^2$$

$$AF^2 = AI^2 - FI^2$$

$$= 25^2 - 15^2 = 625 - 225 = 400$$

$$AF^2 = 400 = 20^2 \Rightarrow AF = 20$$

ΔFIR

$$IR^2 = FI^2 + FR^2$$

$$FR^2 = IR^2 - FI^2$$

$$= 17^2 - 15^2$$

$$= 289 - 225 = 64$$

$$FR^2 = 64 = 8^2 \Rightarrow FR = 8$$

$$AR = AF + FR = 20 + 8 = 28 \text{ அடி}$$

கேள்வி 10.

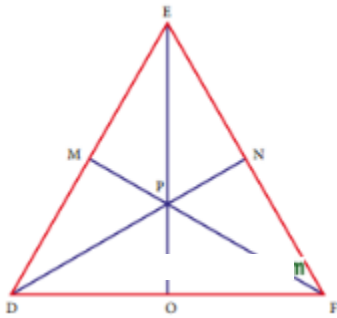
ΔDEF இல் DN, EO, FM ஆகியவை நடுக்கோடுகள் மற்றும் புள்ளி P ஆனது நடுக்கோட்டுமையம் ஆகும். எனில் பின்வருவனவற்றைக் காண்க.

i) $DE = 44$, எனில் $DM = ?$

ii) $PD = 12$, எனில் $PN = ?$

iii) $DO = 8$, எனில் $FD = ?$

iv) $OE = 36$ எனில் $EP = ?$



தீர்வு:

i) $DE = 44$ எனில் $DM = \frac{DE}{2}$

[Mன் நடுப்புள்ளி]

$$DM = \frac{44}{2} = 22$$

$$\because DM = ME, 2DM = DE$$

$$DM = 22$$

ii) $PD = 12$ எனில் $PN = ?$

$$PD : PN = 2:1$$

$$12 : PN = 2:1$$

$$\frac{12}{PN} = \frac{2}{1}$$

$$2PN = 12 \Rightarrow PN = 6$$

iii) $DO = 8$, எனில் [

[O ன் நடுப்புள்ளி : $OD = OF/2$ $DO = FD$]

$$OD = \frac{FD}{2} \Rightarrow FD = 2OD = 2 \times 8 = 16$$

$$FD = 16$$

iv) $OE = 36$,

$$EP = X \text{ என்க}$$

$$x : 36 - x = 2:1$$

$$\frac{x}{36-x} = \frac{2}{1}$$

$$x = 72 - 2x$$

$$x + 2x = 72$$

$$3x = 72$$

$$x = \frac{72}{3}$$

$$x = 24$$

$$EP = 24$$

Ex 5.4

கேள்வி 1.

கொடுக்கப்பட்டுள்ள அளவுகளைக் கொண்ட நாற்கரங்கள் வரைந்து, அவற்றின் பரப்பளவைக் காண்க.

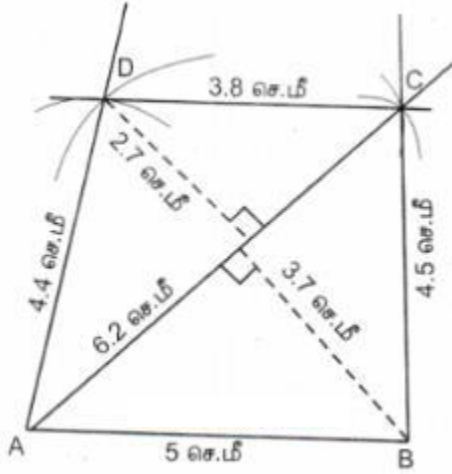
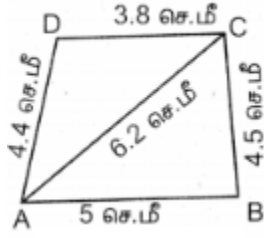
1. நாற்கரம் ABCD, AB = 5 செ.மீ, BC = 4.5 செ.மீ, CD = 3.8 செ.மீ, DA = 4.4 செ.மீ
மற்றும் AC = 6.2 செ.மீ.

தீர்வு:

AB = 5 செ.மீ, BC = 4.5 செ.மீ

CD = 3.8 செ.மீ, DA = 4.4 செ.மீ, AC = 6.2 செ.மீ

உதவிப்படம்



படிகள்:

1. AB = 5 செ.மீ அளவுள்ள ஒரு கோட்டுத்துண்டு வரைக.
2. A மற்றும் B ஐ மையங்களாகக் கொண்டு, முறையே 6.2 செ.மீ மற்றும் 4.5 செ.மீ ஆரமுள்ள இரண்டு வட்டங்கள் வரைக. அவை Cல் வெட்டட்டும்.
3. AC மற்றும் BC ஐ இணைக்க.
4. A மற்றும் C ஐ மையங்களாகக் கொண்டு, முறையே 4.4 செ.மீ மற்றும் 3.8 செ.மீ ஆரமுள்ள இரண்டு விற்கள் வரைக. அவை D ல் வெட்டட்டும்.
5. AD மற்றும் CD ஐ இணைக்க.

6. ABCD என்பது தேவையான நாற்கரமாகும்.

பரப்பளவு கணக்கிடுதல்:

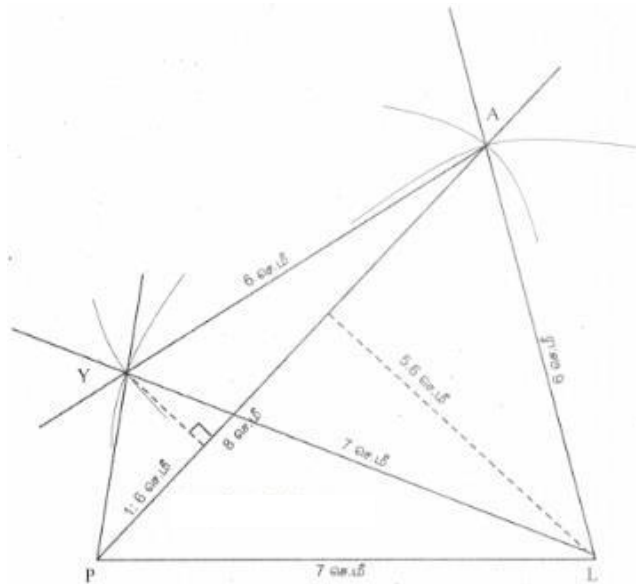
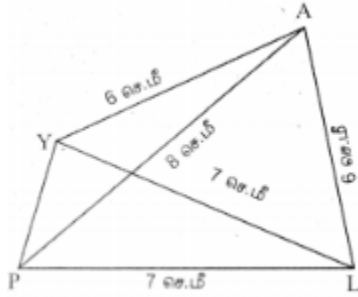
$$\begin{aligned} \text{ABCD என்ற நாற்கரத்தின் பரப்பளவு} &= \frac{1}{2} \times d \times (h_1 + h_2) \text{ ச.அ} \\ &= \frac{1}{2} \times 6.2 \times (2.7 + 3.7) \\ &= \frac{1}{2} \times 6.2 \times 6.4 \\ &= 19.84 \text{ ச.செ.மீ} \end{aligned}$$

2. நாற்கரம் PLAY, PL = 7 செ.மீ, LA = 6 செ.மீ, AY = 6 செ.மீ, PA = 8 செ.மீ
மற்றும்
LY = 7 செ.மீ.

தீர்வு:

PL = 7 செ.மீ AY = 6 செ.மீ

LA = 6 செ.மீ PA = 8 செ.மீ LY = 7 செ.மீ



படிகள்:

1. PL = 7 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
2. P மற்றும் 1 ஜ மையங்களாகக் கொண்டு, முறையே 8 செ.மீ மற்றும் 6 செ.மீ ஆரமுள்ள இரண்டு விற்கள் வரைக. அவை A ல் வெட்டட்டும்.
3. PA மற்றும் LA ஐ இணைக்க
4. A மற்றும் L ஜ மையங்களாகக் கொண்டு, முறையே 6 செ.மீ மற்றும் 8 ஆரமுள்ள இரண்டு விற்கள் வரைக. அவை Y ல் வெட்டட்டும்.
5. AY, LY மற்றும் PYஐ இணைக்க.
6. PLAY என்பது தேவையான நாற்கரமாகும்.

பரப்பளவு கணக்கிடுதல்:

$$\begin{aligned}\text{PLAY என்ற நாற்கரத்தின் பரப்பு} &= \frac{1}{2} \times d \times (h_1 + h_2) \text{ ச. அ} \\ &= \frac{1}{2} \times 8 (1.6 + 5.6) \\ &= 4 \times 7.2 \\ &= 28.8 \text{ ச. செ.மீ}\end{aligned}$$

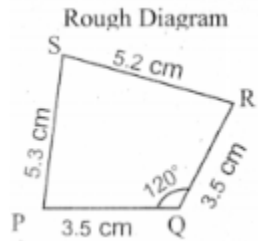
கேள்வி 3.

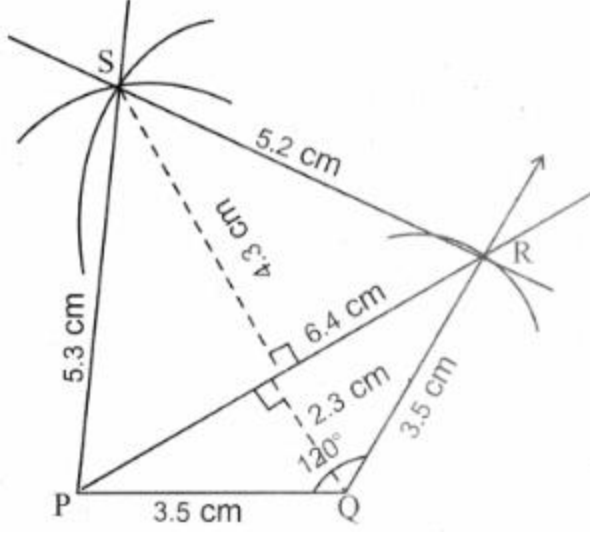
நாற்கரம் PQRS, PQ = QR = 3.5 செ.மீ, RS = 5.2 செ.மீ, SP = 5.3 செ.மீ மற்றும் $\angle Q = 120^\circ$

தீர்வு:

$$PQ = QR = 3.5 \text{ செ.மீ}$$

$$RS = 5.2 \text{ செ.மீ } SP = 5.3 \text{ செ.மீ } \angle Q = 120^\circ$$





படிகள்:

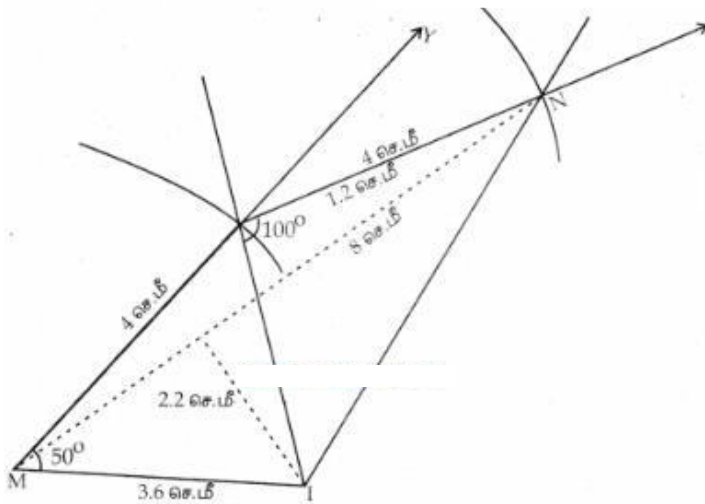
1. $PQ = 3.5$ செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
2. $\angle Q = 120^\circ$ ஐ வரைக.
3. Q ஐ மையமாகக் கொண்டு 3.5 செ.மீ ஆரமுள்ள வில் வரைக அது கதிர் QX ஐ Rல் வெட்டட்டும்
4. P மற்றும் R ஐ மையங்களாகக் கொண்டு, முறையே 5.3 செ.மீ மற்றும் 5.2 செ.மீ ஆரமுள்ள இரண்டு விற்கள் வரைக. அவை S ல் வெட்டட்டும்
5. PS மற்றும் RS ஐ இணைக்க.
6. PQRS என்பது தேவையான நாற்கரமாகும்.

பரப்பளவைக் கணக்கிடுதல்

$$\begin{aligned}
 \text{PQRS என்ற நாற்கரத்தின் பரப்பளவு} &= \frac{1}{2} \times d \times (h_1 + h_2) \text{ ச. அ} \\
 &= \frac{1}{2} \times 6.1(4.3 + 2.3) \\
 &= \frac{1}{2} \times 6.1 \times 6.6 \\
 &= 20.13 \text{ ச.செ.மீ}
 \end{aligned}$$

கேள்வி 4.

நாற்கரம் MIND, $MI = 3.6$ செ.மீ, $ND = 4$ செ.மீ, $MD = 4$ செ.மீ, $\angle M = 50^\circ$ மற்றும் $\angle D = 100^\circ$

$$\angle D = 100^\circ$$


1. MD = 3.6 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
2. MI ன் மேல் Mல் ; $\angle IMY = 50^\circ$ மற்றும் Dல் $\angle D = 100^\circ$
3. M மற்றும் N ஐ மையங்களாகக் கொண்டு 4 செ.மீ ஆரமுள்ள விற்கள் வரைக அவை N ஐ வெட்டட்டும்
4. DN மற்றும் IN ஐ இணைக்க.
5. MIND என்பது தேவையான நாற்கரம் ஆகும்.

பரப்பளவு கணக்கிடுதல்:

MIND என்ற நாற்கரத்தின் பரப்பளவு = $\frac{1}{2} \times d \times (h_1 + h_2)$ ச.அ
 = $\frac{1}{2} \times 8(1.2 + 2.2)$
 = 4×3.4
 = 13.6 ச.செ.மீ

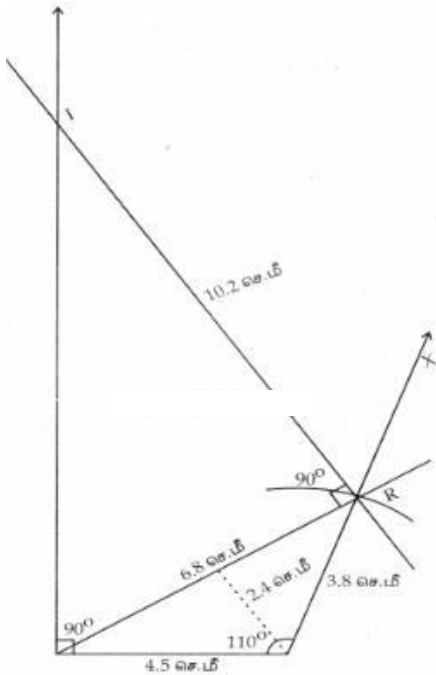
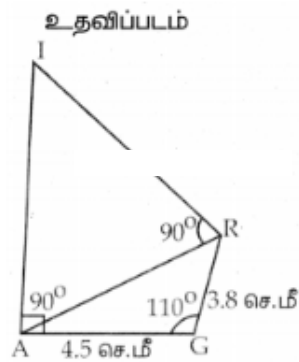
கேள்வி 5.

நாற்கரம் AGRI, AG = 4.5 செ.மீ, GR = 3.8 செ.மீ, $\angle A = 90^\circ$, $\angle G = 110^\circ$
மற்றும் $\angle R = 90^\circ$

தீர்வு:

AG = 4.5 செ.மீ $\angle A = 90^\circ$

GR = 3.8 செ.மீ $\angle G = 110^\circ$ $\angle R = 90^\circ$



படிகள்:

1. $AG = 4.5$ செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
2. AG ன் மேல் $\angle AGX = 110^\circ$ ஜ உருவாக்கு.
3. G ஜ மையமாகக் கொண்டு 3.8 செ.மீ ஆரமுள்ள வில் வரைக.
அது $G X$ ஜ R ல் வெட்டட்டும்.
4. AG ன் மேல் A ல் $\angle GAI = 90^\circ$ ஐயும் மற்றும் AR ன் மேல் R ல் $\angle ARI = 90^\circ$
ஐயும் உருவாக்கு. அவை 1 ல் வெட்டட்டும்.
5. $AGRI$ என்பது தேவையான நாற்கரமாகும்.

பரப்பளவு கணக்கிடுதல்.

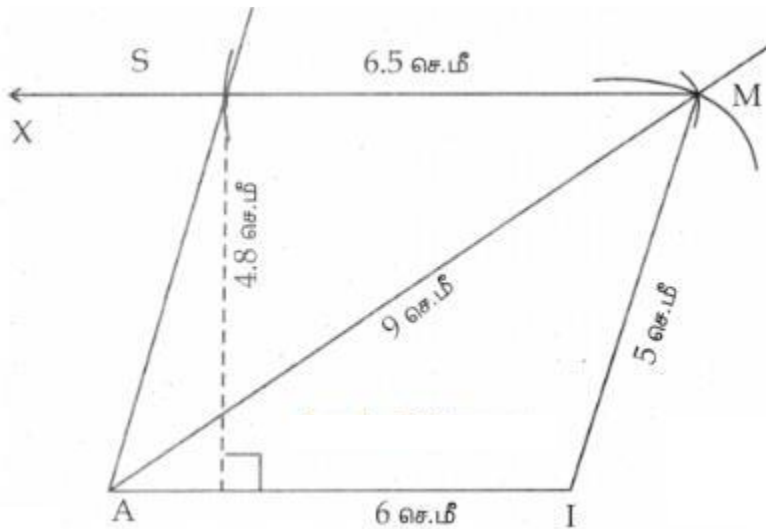
AGRI என்ற நாற்கரத்தின் பரப்பளவு = $\frac{1}{2} \times d \times (h_1 + h_2)$ ச. அ
 = $\frac{1}{2} \times 6.8(10.2 + 2.4)$
 = 3.4×12.6
 = 42.84 ச.செ.மீ

II. கொடுக்கப்பட்டுள்ள அளவுகளைக் கொண்டு, பின்வரும் சரிவகங்கள் வரைந்து அவற்றின் பரப்பளவுகளை காண்க.

கேள்வி 1.

AIMS $\overline{AI} \parallel \overline{SM}$, AI = 6 செ.மீ, IM = 5 செ.மீ, AM = 9 செ.மீ மற்றும் MS = 6.5 செ.மீ.

தீர்வு:



வரைமுறை:

1. படி 1: AI = 6 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக
2. படி 2: A மற்றும் 1 ஐ மையங்களாகக் கொண்டு, முறையே 9செ.மீ மற்றும் 5செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டவிற்கள் வரைக. அவை Mல் வெட்டட்டும்.
3. படி 3 : AM மற்றும் IM ஐ இணைக்க.
4. படி 4 : AI க்கு இணையாக MX ஐ வரைக.
5. படி 5: Mஐ மையமாகக் கொண்டு, 6.5 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டவில்லானது MX ஐ S ல் வெட்டுமாறு வரைக.
6. படி 6 : AS ஐ இணைக்க AIMS என்பது தேவையான சரிவகம் ஆகும்.

பரப்பளவு கணக்கிடுதல்:

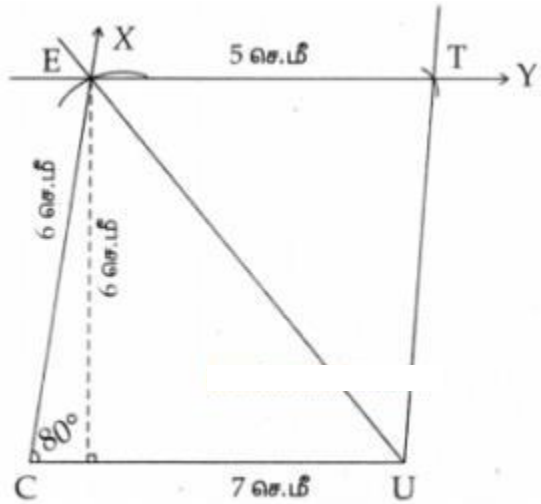
$$\begin{aligned} \text{AIMS என்ற சரிவகத்தின் பரப்பளவு} &= \frac{1}{2} h(a+b) \text{ சதுர அலகுகள்} \\ &= \frac{1}{2} \times 4.8(6 + 6.5) \end{aligned}$$

$$= 2.4 (12.5)$$

$$= 30 \text{ ச.செ.மீ}$$

கேள்வி 2.

CUTE, $\overline{CU} \parallel \overline{ET}$, CU = 7 செ.மீ, $\angle UCE = 80^\circ$, CE = 6 செ.மீ மற்றும் TE = 5 செ.மீ
தீர்வு:



1. படி 1: CU = 7 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
2. படி 2 : C ல் $\angle UCE = 80^\circ$ ஐ அமைக்க.
3. படி 3 : C ஐ மையமாகக் கொண்டு
6 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டவிலானது CX ஐ E ல் வெட்டுமாறு
வரைக.
4. படி 4 : CU க்கு இணையாக ET வரைக. :
5. படி 5: E ஐ மையமாகக் கொண்டு, 5 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்ட
விலானது EY ஐ T ல் வெட்டுமாறு வரைக.
6. படி 6 : TU. ஐ இணைக்க.CUTE என்பது தேவையான சரிவகம்
ஆகும்.

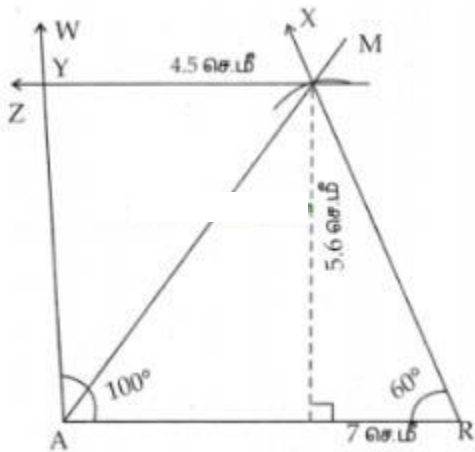
பரப்பளவு கணக்கிடுதல் :
CUTE என்ற சரிவகத்தின் பரப்பளவு

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{2} \times h \times (a + b) \text{ சதுர அலகுகள்} \\
 &= \frac{1}{2} \times 6(7 + 5) \\
 &= 3 \times 12 = 36 \text{ செ.மீ}
 \end{aligned}$$

கேள்வி 3.

ARMY AR $\parallel$ YM, AR = 7 செ.மீ, RM = 6.5 செ.மீ $\angle RAY = 100^\circ$ மற்றும் $\angle ARM = 60^\circ$

தீர்வு :



1. படி1 : AR = 7 செ.மீ அளவுள்ள IY 4.5 செ.மீ கோட்டுத்துண்டு வரைக.
2. படி2 : RA ZARM = 60° ஐ வரைக.
3. படி3 : R மையமாகக் கொண்டு 6.5 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்ட வில்லானது RX ஐ Mல் வெட்டுமாறு வரைக.
4. படி4 : AR க்கு இணையாக MZ வரைக
5. படி5 : AW ஐ Y ல் வெட்டுமாறு Aல் $\angle RAY = 100^\circ$ ஐ அமைக்க
6. படி6 : ARMY என்பது தேவையான சரிவகம் ஆகும்

பரப்பளவு கணக்கிடுதல்:

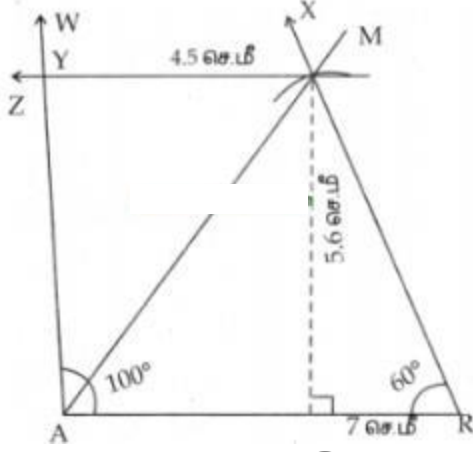
$$\begin{aligned}
 \text{ARMY என்ற சரிவகத்தின் பரப்பளவு} &= \frac{1}{2} \times h \times (a + b) \text{ சதுர அலகுகள்} \\
 &= \frac{1}{2} \times 5.6 (7+4.5) \\
 &= 2.8 (11.5) \\
 &= 32.2 \text{ ச.செ.மீ}
 \end{aligned}$$

கேள்வி 4.

CITY $\overline{CI} \parallel \overline{YT}$, CI = 7 செ.மீ, IT = 5.5 செ.மீ, TY = 4 செ.மீ மற்றும் YC = 6 செ.மீ.

தீர்வு:

1. படி1 : CI = 7 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
2. படி2 : CA = 4 செ.மீ இருக்குமாறு CIன் மேல் A என்ற புள்ளியைக் குறிக்க
3. படி3 : A மற்றும் I ஐ மையமாகக் கொண்டு, முறையே 6 செ.மீ மற்றும் 5.5 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்ட விற்கள் வரைக. அவை T ல் வெட்டட்டும் AT மற்றும் IT ஐ இணைக்க.
4. படி4 : C மற்றும் T ஐ மையமாகக் கொண்டு முறையே 6செ.மீ மற்றும் 4செ.மீ ஆரமுள்ள வட்ட விற்கள் வரைக. அவை Yல் வெட்டட்டும். CY மற்றும் TY ஐ இணைக்க
5. படி5 : CITY என்பது தேவையான சரிவகம் ஆகும்



பரப்பளவு கணக்கிடுதல் :

$$\begin{aligned}
 \text{CITY என்ற சரிவகத்தின் பரப்பளவு} &= \frac{1}{2} \times h \times (a + b) \text{ சதுர அலகுகள்} \\
 &= \frac{1}{2} \times 5.6 (7 + 4) \\
 &= 2.8 (11.) \\
 &= 30.8 \text{ ச.செ.மீ}
 \end{aligned}$$

Ex 5.5

I. கொடுக்கப்பட்டுள்ள அளவுகளைக் கொண்டு பின்வரும் இணைகரங்களை வரைந்து, அவற்றின் பரப்பளவுகளைக் காண்க.

(i) ARTS, AR = 6 செ.மீ, RT = 5 செ.மீ மற்றும் $\angle ART = 70^\circ$

விடை:

வரைமுறை:

படி 1 : AR = 6 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக

படி 2 : $\overline{AR}$ ன் மீது Rல் $\angle ART = 70^\circ$ ஐ அமைக்க

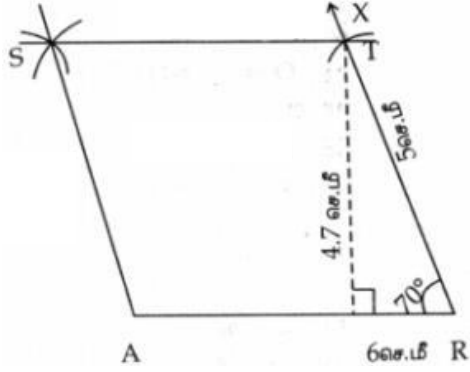
படி 3 : Rஐ மையமாகக் கொண்டு, 5 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்ட வில்லானது RX ஐ Tல் வெட்டுமாறு வரைக

படி 4 : A மற்றும் T ஐ மையங்களாகக் கொண்டு, முறையே 5 செ.மீ மற்றும் 6 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்ட விற்கள் வரைக அவை Sல் வெட்டட்டும்.

படி 5 : AS மற்றும் TS ஐ இணைக்க

படி 5 : ARTS என்பது

தேவையான இணைகரம் ஆகும்



பரப்பளவு கணக்கிடுதல் :

$$\begin{aligned} \text{ARTS என்பது இணைகரத்தின் பரப்பளவு} &= bh \text{ சதுர அலகுகள்} \\ &= 6 \times 4.7 \\ &= 28.2 \text{ ச.செ.மீ} \end{aligned}$$

ii. CAMP, CA = 6 செ.மீ, AP = 8 செ.மீ மற்றும் CP = 5.5 செ.மீ.

விடை:

வரைமுறை:

படி 1 : CA = 6 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.

படி 2 : C மற்றும் A ஐ மையங்களாகக் கொண்டு 5.5 செ.மீ மற்றும் 8 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டவிற்கள் வரைக. அவை P ல் வெட்டட்டும்.

படி 3 : CP மற்றும் AP ஐ இணைக்க.

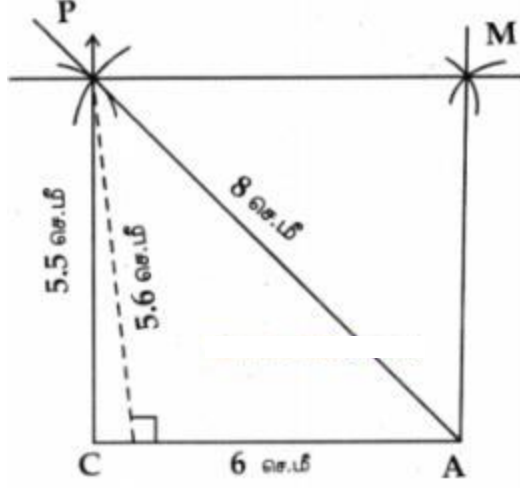
படி 4 : A மற்றும் P ஐ மையங்களாகக் கொண்டு முறையே 5.5 செ.மீ மற்றும் 6 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்ட விற்கள் வரைக. அவை M ல் வெட்டட்டும்

படி 5 : AM மற்றும் PM ஐ இணைக்க

படி 6 : CAMP என்பது தேவையான இணைகரம் ஆகும்.

பரப்பளவு கணக்கிடுதல்:

$$\begin{aligned} \text{CAMP என்ற இணைகரத்தின் பரப்பளவு} &= bh \text{ சதுர அலகுகள்} \\ &= 6 \times 5.6 \\ &= 33.6 \text{ ச.செ.மீ} \end{aligned}$$



iii. EARN, $ER = 10$ செ.மீ, $AN = 7$ செ.மீ மற்றும் $\angle EOA = 110^\circ$, $\overline{ER}$ மற்றும் $\overline{AN}$ ஆகியவை O இல் வெட்டுகின்றன

விடை:

வரைமுறை:

படி 1 : $ER = 10$ செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக

படி 2 : $\overline{ER}$.ன் மையப்புள்ளி O ஐக் குறிக்க

படி 3 : O வழியாக $\angle EOY = 110^\circ$ என இருக்குமாறு $\overline{XY}$ என்ற கோடு வரைக.

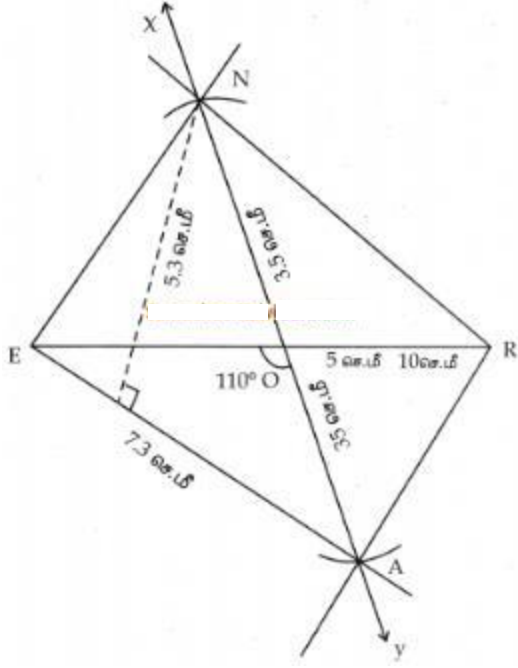
படி 4 : O ஐ மையமாகக் கொண்டு $\overline{ER}$ ன் இரு புறங்களிலும், $\overline{XY}$ ன் மீது 3.5 செ.மீ ஆரமுள்ள இரண்டு வட்ட விற்களை வரைக. $\overline{OX}$ ஐ N லும், $\overline{OY}$ ஐ A லும் வெட்டட்டும்.

படி 5: $\overline{EN}, \overline{RN}, \overline{EA}$ மற்றும் $\overline{RA}$. ஐ இணைக்க

வெட்டட்டும்.

படி 5: $\overline{EN}, \overline{RN}, \overline{EA}$ மற்றும் $\overline{RA}$. ஐ இணைக்க

படி 6 : EARN என்பது தேவையான இணைகரமாகும்.



பரப்பளவு கணக்கிடுதல் :
 EARN என்ற இணைகரத்தின் பரப்பளவு
 = bh சதுர அலகுகள்
 = 7.3×5.3
 = 38.69 ச. அலகுகள்

iv. GAIN, GA = 7.5 செ.மீ, GI = 9 செ.மீ மற்றும் $\angle GAI = 100^\circ$

விடை:

செய்முறை:

படி 1: GA = 7.5 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக

படி 2: $\overline{GA}$ ன் மீது Aல் $\angle GAI = 100^\circ$ ஐ அமைக்க

படி 3 : G ஐ மையமாகக் கொண்டு, 9 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்ட வில்லானது AX ஐ l ல் வெட்டுமாறு வரைந்து GI ஐ இணைக்க.

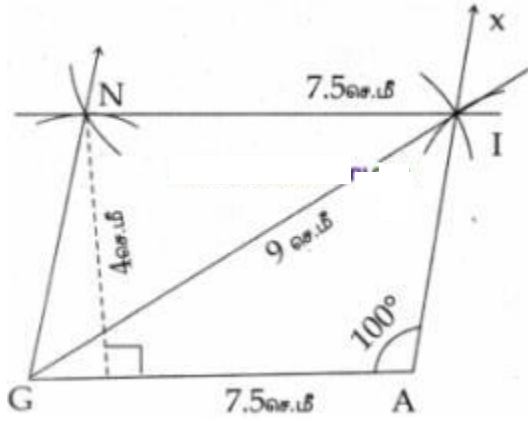
படி 4 : G ஐ மையமாகக் கொண்டு, $\overline{AI}$ ன் நீளத்திற்குச் சமமான ஆரமுள்ள ஒரு

வட்டவில் வரைக.

படி 5: I ஐ மையமாகக் கொண்டு 7.5 செ.மீ ஆரமுள்ள ஒரு வட்ட வில் வரைக. அவை N ல் வெட்டும்

படி 6 : IN மற்றும் GN ஐ இணைக்க

படி 7: GAIN என்பது தேவையான இணைகரம் ஆகும்



பரப்பளவு கணக்கிடுதல்:

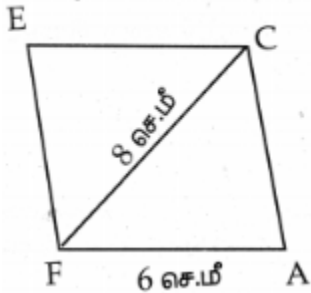
GAIN என்ற இணைகரத்தின் பரப்பளவு = bh சதுர அலகுகள்
 $= 7.5 \times 4$
 $= 30$ ச.செ.மீ

II. கொடுக்கப்பட்டுள்ள அளவுகளைக் கொண்டு, பின்வரும் சாய்சதுரங்கள் வரைந்து அவற்றின் பரப்பளவுகளைக் காண்க.

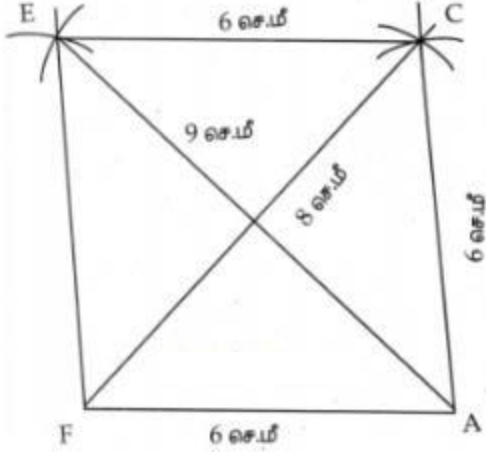
- i) FACE, $FA = 6$ செ.மீ மற்றும் $FC = 8$ செ.மீ
- ii) CAKE, $CA = 5$ செ.மீ மற்றும் $\angle A = 65^\circ$
- iii) LUCK, $LC = 7.8$ செ.மீ மற்றும் $UK = 6$ செ.மீ
- iv) PARK, $PR = 9$ செ.மீ மற்றும் $\angle P = 70^\circ$

தீர்வு:

உதவிப்படம் :



- i) FACE, $FA = 6$ செ.மீ மற்றும் $FC = 8$ செ.மீ



வரைமுறை:

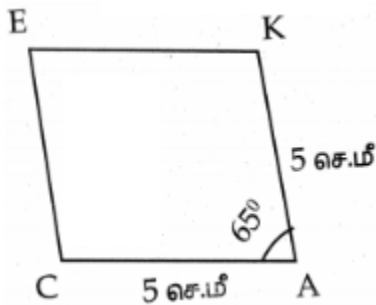
- i) FA = 6 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
- ii) F மற்றும் A ஐ மையங்களாகக் கொண்டு, முறையே 8 செ.மீ மற்றும் 6 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டவிற்கள் வரைக. அவை C ல் வெட்டும்.
- iii) FC மற்றும் AC ஐ இணைக்க.
- iv) F மற்றும் C ஐ மையங்களாகக் கொண்டு, ஒவ்வொன்றும் 5 செ.மீ ஆரமுள்ள இரு வட்டவிற்கள் வரைக. அவை E ல் வெட்டட்டும்.
- v) FE மற்றும் CE ஐ இணைக்க
- vi) FACE என்பது தேவையான சாய்சதுரம் ஆகும்.

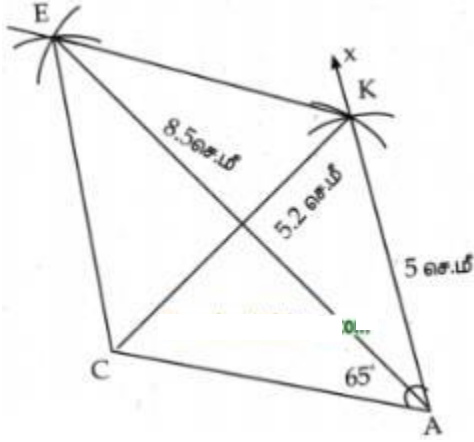
பரப்பளவைக் கணக்கிடுதல்:

$$\begin{aligned} \text{FACE என்ற சாய்சதுரத்தின் பரப்பளவு} &= \frac{1}{2} \times d_1 \times d_2 \text{ ச.அலகு} \\ &= \frac{1}{2} \times 8 \times 9 \\ &= 36 \text{ ச.செ.மீ}^2 \end{aligned}$$

ii) CAKE, CA = 5 செ.மீ மற்றும் $\angle A = 65^\circ$

தீர்வு:





வரைமுறை:

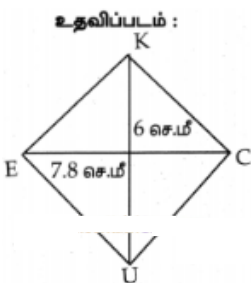
- CA = 5 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
- $\angle A$ கோட்டுத்துண்டின் மீது A ல் $\angle A = 65^\circ$ ஐ வரைக.
- A ஐ மையமாகக் கொண்டு 5 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டவில் வரைக. அது AX ஐ K ல் வெட்டும்
- C மற்றும் K ஐ மையங்களாகக் கொண்டு, ஒவ்வொன்றும் 5 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டவிற்கள் வரைக. அவை A ல் வெட்டும்.
- CE மற்றும் KE ஐ இணைக்க
- CAKE என்பது தேவையான சாய்சதுரம் ஆகும்.

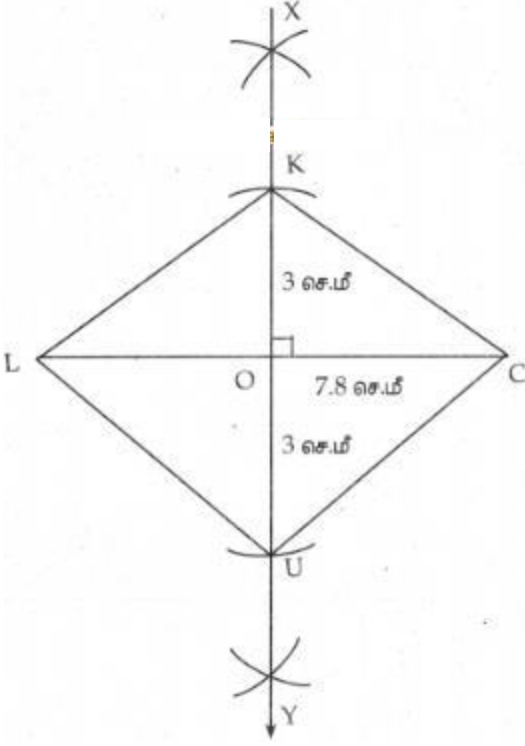
பரப்பளவைக் கணக்கிடுதல் :

$$\begin{aligned}
 \text{CAKE என்ற சாய்சதுரத்தின் பரப்பளவு} &= \frac{1}{2} \times d_1 \times d_2 \text{ ச.அலகு} \\
 &= \frac{1}{2} \times 8.5 \times 5.2 \\
 &= 8.5 \times 2.6 = 22.1 \text{ ச, செ.மீ}
 \end{aligned}$$

iii) LUCK, LC = 7.8 செ.மீ மற்றும் UK = 6 செ.மீ

தீர்வு :





வரைமுறை :

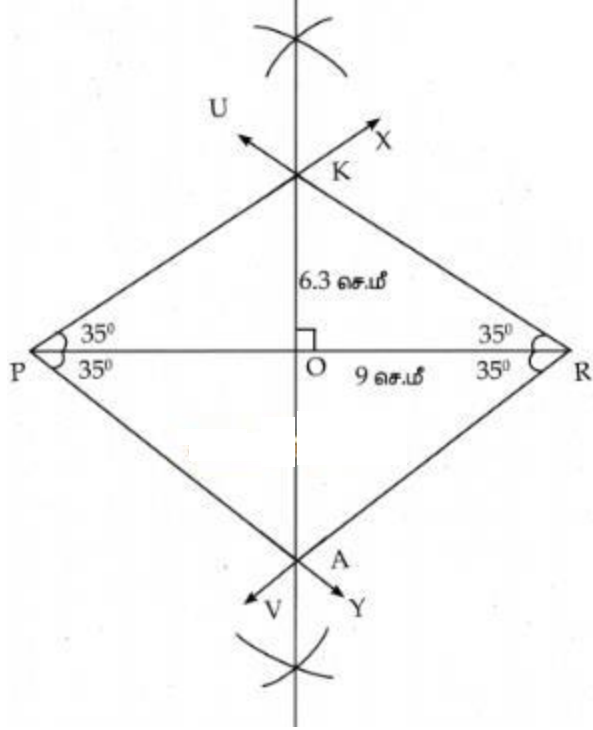
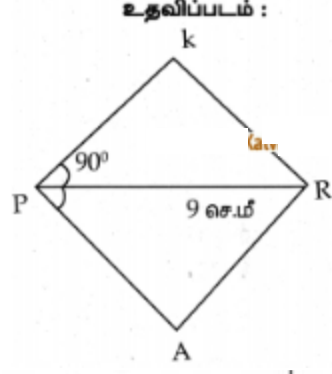
- LC=7.8 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
- LC க்கு மையக்குத்துக்கோடு XYஐ வரைக அது LC ஐ O ல் வெட்டட்டும்.
- O ஐ மையமாகக் கொண்டு, O ன் இரு புறமும் 3 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டவிற்கள் OX ஐ K யிலும் மற்றும் OY ஐ பலும் வெட்டுமாறு வரைக.
- LK, LU, CK மற்றும் CU ஐ இணைக்க.
- LUCK என்பது தேவையான சாய் சதுரம் ஆகும்.

பரப்பளவைக் கணக்கிடுதல் :

$$\begin{aligned}
 \text{LUCK என்ற சாய் சதுரத்தின் பரப்பளவு} &= \frac{1}{2} \times d_1 \times d_2 \text{ ச.அலகு} \\
 &= \frac{1}{2} \times 7.8 \times 6 \\
 &= 7.8 \times 3 \\
 &= 23.4 \text{ ச.செமீ}
 \end{aligned}$$

iv) PARK, PR = 9 செ.மீ மற்றும் $\angle P = 70^\circ$

தீர்வு:



வரைமுறை:

- $PR = 9$ செமீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
- P ல் PR ன் இருபுறமும் $\angle RPX = \angle RPY = 35^\circ$ ஐ வரைக.
- R & PR ன் இருபுறமும் $\angle URP = \angle VRP = 35^\circ$ ஐ வரைக.
- PX மற்றும் RU ஆனது K இலும் RV மற்றும் PY ஆனது M இலும் வெட்டட்டும்.
- PARK என்பது தேவையான சாய்சதுரம் ஆகும்.

பரப்பளவைக் கணக்கிடுதல் :

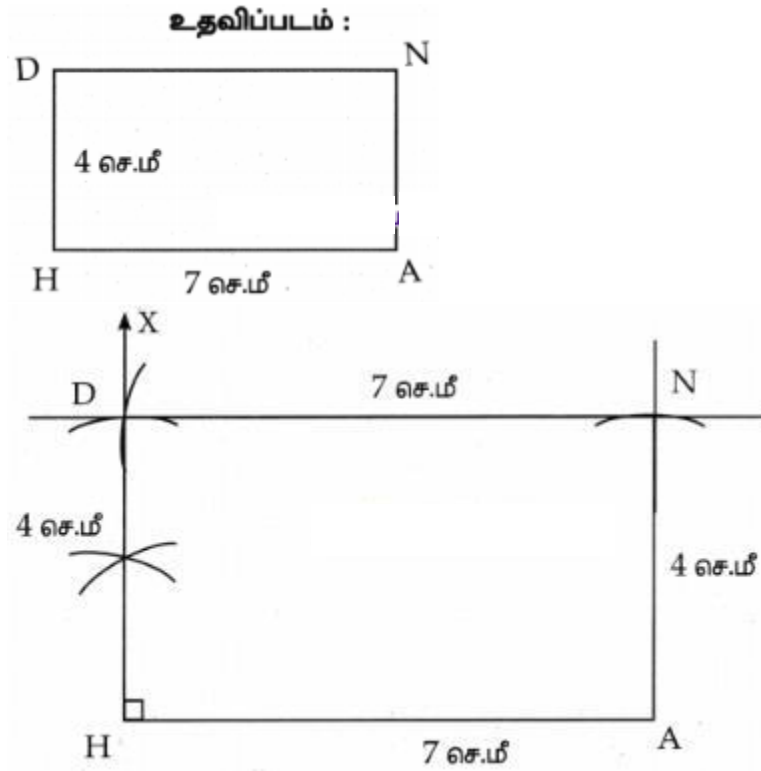
$$\begin{aligned}
 \text{PARK என்ற சாய்சதுரத்தின் பரப்பளவு} &= \frac{1}{2} \times d_1 \times d_2 \text{ ச.அலகு} \\
 &= \frac{1}{2} \times 9 \times 6.3 \\
 &= 4.5 \times 6.3 \\
 &= 28.35 \text{ ச.செ.மீ}
 \end{aligned}$$

III. கொடுக்கப்பட்டுள்ள அளவுகளைக் கொண்டு, பின்வரும் செவ்வகங்களை வரைந்து அவற்றின் பரப்பளவுகளைக் காண்க.

- i) HAND, HA = 7 செ.மீ மற்றும் AN = 4 செ.மீ
- ii) LAND, LA = 8 செ.மீ மற்றும் AD = 10 செ.மீ

தீர்வு :

- i) HAND, HA = 7 செ.மீ மற்றும் AN = 4 செ.மீ



வரைமுறை:

- i) HA = 7 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
- ii) E ல் $HX \perp HA$ ஐ வரைக.
- iii) H ஐ மையமாகக் கொண்டு 4 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டவில் வரைக அது H X ஐ Dல் வெட்டட்டும்.

iv) A மற்றும் D ஐ மையங்களாகக் கொண்டு முறையே 4 செ.மீ மற்றும் 7 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டவிற்கள் வரைக. அவை N ல் வெட்டட்டும்.

v) DN மற்றும் AN ஐ இணைக்க

vi) HAND என்பது தேவையான செவ்வகம் ஆகும்.

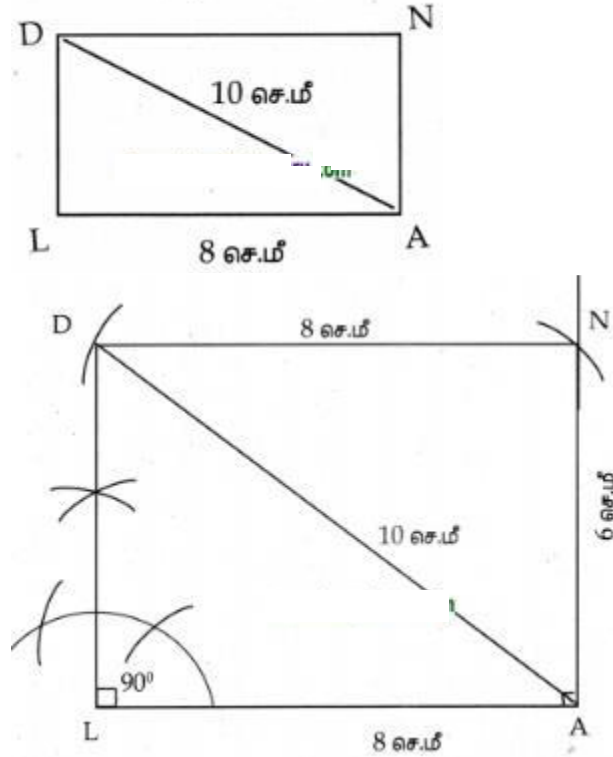
பரப்பளவைக் கணக்கிடுதல் :

HAND என்ற செவ்வகத்தின் பரப்பளவு = $l \times b$ ச.அ
= $7 \times 4 = 28$ ச.செமீ

ii) LAND, LA = 8 செ.மீ மற்றும்

AD = 10 செ.மீ

உதவிப்படம் :



வரைமுறை :

i) LA = 8 செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.

ii) L ல் $LX \perp LA$ ஐ வரைக.

iii) A ஐ மையமாகக் கொண்டு 10செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டவில் வரைக. அது LX ஐ Dல் வெட்டட்டும்.

iv) I மற்றும் Dஐமையங்களாகவும் முறையே LD மற்றும் LAன்

நீளங்களை ஆரங்களாகவும்

கொண்டு வட்டவிற்கள் வரைக. அவை N ல் வெட்டட்டும்.

v) DN மற்றும் AN ஐ இணைக்க

vi) LAND என்பது தேவையான செவ்வகம் ஆகும்.

பரப்பளவைக் கணக்கிடுதல் :

LAND என்ற செவ்வகத்தின் பரப்பளவு = $l \times b$ ச.அலகு

= 8×6

= 48 ச.செமீ

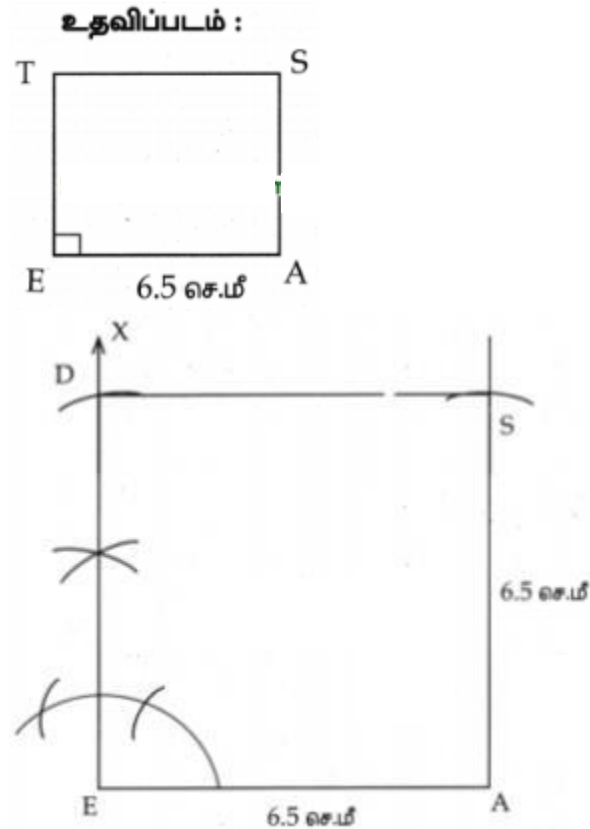
IV. கொடுக்கப்பட்டுள்ள அளவுகளைக் கொண்டு, பின்வரும் சதுரங்கள் வரைந்து அவற்றின் பரப்பளவுகளைக் காண்க.

i) EAST, EA = 6.5 செ.மீ

ii) WEST, WS = 7.5 செ.மீ

தீர்வு :

i) EAST, EA = 6.5 செ.மீ



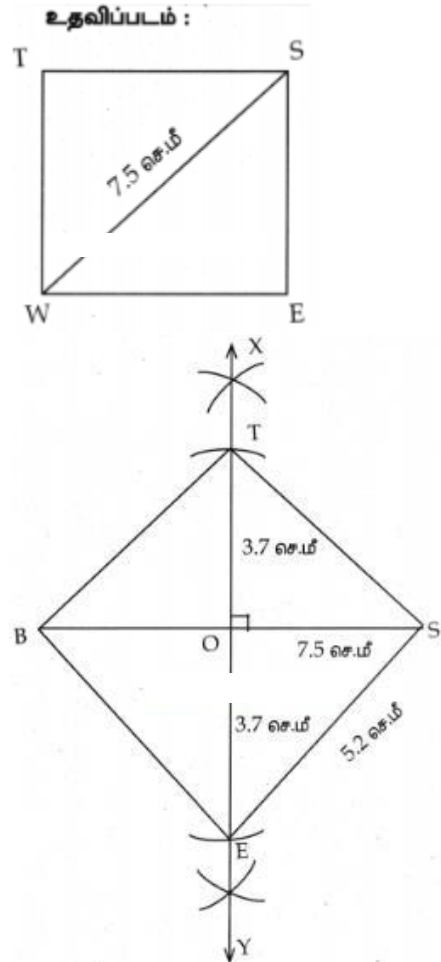
வரைமுறை:

- i) EA = 6.5 செமீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
- ii) Eல், EX I EA ஐ வரைக.
- iii) E ஐ மையமாகக் கொண்டு 6.5 செமீ ஆரமுள்ள வட்டவில் வரைக. அது EX ஐ Tல் வெட்டட்டும்.
- iv) A மற்றும் T ஐ மையங்களாகவும், ஒவ்வொன்றும் 6.5 செமீ ஆரமுள்ள இரு வட்டவிற்கள் வரைக. அவை S ல் வெட்டட்டும்.
- v) AS மற்றும் TS ஐ இணைக்க EAST என்பது தேவையான சதுரம் ஆகும்.

பரப்பளவைக் கணக்கிடுதல் :

EAST என்ற சதுரத்தின் பரப்பளவு = a^2 ச.அலகு
= $6.5 \times 6.5 = 42.25$ ச.செமீ

- ii) WEST, WS = 7.5 செ.மீ



வரைமுறை :

- i) $WS = 7.5$ செ.மீ அளவுள்ள கோட்டுத்துண்டு வரைக.
- ii) WS க்கு மையக்குத்துக்கோடு XY ஐ வரைக. அது WS R O ல் இருசமக்கூறிடும்.
- iii) O ஐ மையமாகக் கொண்டு, O ல் இருபுறமும் 3.7 செமீ ஆரமுள்ள வட்ட விற்கள் OX ஐ T இலும் மற்றும் OY ஐ E லும் வெட்டுமாறு வரைக.
- iv) WT , ST , WE மற்றும் SE ஐ இணைக்க
- v) $WEST$ என்பது தேவையான சதுரம் ஆகும்.

பரப்பளவைக் கணக்கிடுதல் :

$$\begin{aligned} \text{WEST என்ற சதுரத்தின் பரப்பளவு} &= a^2 \text{ ச.அ} \\ &= 5.2^2 \\ &= 27.04 \text{ ச.செமீ} \end{aligned}$$