باب 16



اعداد کے ساتھ کھیلنا

16.1 تعارف

آپ مختلف قتم کے اعداد جیسے طبعی اعداد ، ممل اعداد ، محیح اعداد اور ناطق اعداد کے بارے میں پڑھ چکے ہیں۔ان کی بہت می دلچسپ خصوصیات کا بھی مطالعہ کر پچکے ہیں۔چھٹی جماعت میں ہم نے اجزائے ضربی اور اضعاف کومعلوم کرنے کا طریقہ دریافت کیا تھااور یہ بھی دیکھا تھا کہ ان کے درمیان کیار شتے قائم کیے جاسکتے ہیں۔

اس باب میں ہم اعداد کے بارے میں مزید فیصلی معلومات حاصل کریں گے۔ یہ تصورات تقسیم پذیری کی جانچ کی تصدیق کرنے میں ہماری مدد کریں گے۔

16.2 عموى شكل مين اعداد

آئے عدد 52 کولیتے ہیں اور اس کو درج ذیل طریقہ سے لکھتے ہیں

 $52 = 50 + 2 = 10 \times 5 + 2$

اسی طرح ،عدد 37 کوبھی یوں لکھا جا سکتا ہے

 $37 = 10 \times 3 + 7$

عمومی طور پر ab اور b سے بنا کوئی بھی دوہندسی عدد ab اس طرح لکھا جاسکتا ہے

 $ab = 10 \times a + b = 10a + b$

 $ba = 10 \times b + a = 10b + a$

ba کے بارے میں کیا کہا جا سکتا ہے؟

آیئے اب عدد 351 لیتے ہیں۔ بیا یک تین ہندی عدد ہے۔اس کوہم اس طرح بھی لکھ سکتے ہیں

 $351 = 300 + 50 + 1 = 100 \times 3 + 10 \times 5 + 1 \times 1$

 $497 = 100 \times 4 + 10 \times 9 + 1 \times 7$

اسی طرح

عمومی طور پر b ، a اور c سے بناایک تین ہندی عدد abc اس طرح لکھا جاسکتا ہے



یہاں ab کا مطلب $a \times b$!

یہاں سندرم عدد 49 کا انتخاب کرتا ہے۔ ہندسہ پلٹنے پراسے عدد 94 حاصل ہوتا ہے، پھروہ ان دواعداد کو جمع کر کے یہاں سندرم عدد 49 کا انتخاب کرتا ہے۔ ہندسہ پلٹنے پراسے عدد 94 + 49 = 143 حاصل کیا اور کوئی باقی ہوں + 49 = 143 حاصل کیا اور کوئی باقی نہیں رہا۔ یہی وہ بات ہے جس کی میناکشی نے پیشن گوئی کی۔

كوشش سيجيح



جانچ کیجیےا گرسندرم نے مندرجہ ذیل اعداد منتخب کیے ہوتے تو کیانتیجہ حاصل ہوتا۔

.4

39 .2

27 .1

آيئ اب ہم ديکھيں كدكيا ہم ميناكشي كي " تركيب" كي وضاحت كرسكتے ہيں۔

مان کیجیے سندرم عدد ab منتخب کرتا ہے جو 2 ہندسوں کے عدد 10 a + b کی مختصر شکل ہے۔ ہندسوں کو بلٹنے پر وہ عدد

64 .3

ba=10b+a حاصل ہوتا ہے ان دونوں اعداد کوجمع کرنے پراسے حاصل ہوتا ہے:

(10a + b) + (10b + a) = 11a + 11b

= 11 (a + b)

اس لیے حاصل جمع ہمیشہ 11 کا ایک ضعف ہے جبیبا کہ میناکشی نے دعویٰ کیا تھا۔

(a+b) عور تیجیے اگر حاصل جمع کو (a+b) تقسیم کریں تو خارج قسمت (a+b) حاصل ہوتا ہے۔ بیخارج قسمت منتخب کیے گئے دو ہندسی عدد (a+b) عدد عاصل جمع کے برابر ہوگا۔

اب آپ مٰدکورہ بالا جانچ کوئی بھی دو ہندی عدد کو لے کر کر سکتے ہیں۔

میناکشی اورسندرم کا کھیل جاری رہتا ہے!

میناکشی : ایک دوسرے 2 ہندی عدد کے بارے میں سوچو، کیکن مجھے نہیں بتانا کہتم نے کیا سوجا ہے۔

سندرم: ٹھیک ہے۔

میناکشی: اب ہندسول کو بلیٹ دواور بڑے عدد میں سے چھوٹے عدد کو گھٹا دو۔

سندرم: میں نے گھٹالیا۔ابآگے کیا کرناہے؟

میناکشی: ابای جواب کو 9 سے تقسیم کرو، میرادعویٰ ہے کہ کی کھی بھی باقی نہیں بیچے ہوگا۔

سندرم : ہاں تم سیح کہدرہی ہو، حقیقت میں کچھ باقی صفرنہیں ہے۔لیکن اس بارے میں میں جانتا ہوں کہتم اتنی پُر امید کیوں ہو!

حقیقت میں سندرم نے عدد 29 سوچا تھا اس کے ہندسوں کو پلیٹ کر اس نے عدد 92 حاصل کیا۔ پھر اس نے 63 = 29 – 92

$$abc = 100 \times a + 10 \times b + 1 \times c$$
$$= 100a + 10b + c$$

اس طرح سے

$$cab = 100c + 10a + b$$

$$bca = 100b + 10c + a$$

1. مندرجهذيل اعداد كوعمومي شكل ميں كھيے۔

302 (iv)

129 (iii)

73 (ii) 25 (i)

2. مندرجه ذیل کوعام شکل میں لکھیے۔

 $100 \times a + 10 \times c + b$ (iii) $100 \times 7 + 10 \times 1 + 8$ (ii) $10 \times 5 + 6$ (i)

16.3 اعداد کےساتھ کھیل

(i) ہندسوں کی جگہ بدلنا ۔ دو ہندسی عدد

میناکشی نے سندرم سے کسی 2 ہندسی عدد کے بارے میں سوچنے کے لیے کہااور ریجھی کہا کہ وہ جبیبا کہتی جائے وہیا ہی کرے۔ان کی بات چیت کومندرجہ ذیل شکل میں ظاہر کیا گیا ہے۔ مہر بانی کر کے آگے بڑھنے سے پہلے غور سے شکل کودیکھیے۔ میناکشی اور سندرم میں بات چیت: پہلا دور....

یک ہے[منتب عدد 49ہے] ميناكشي نیاعددحاصل کرنے<u>۔</u> ليے مندسوں كو بلنيے



• فرق: 943–349 •

• ہندسہ پلٹنے پر ملنے والاعدد: 943

• تقسيم: 99 ÷ 594 = 6، باقى صفر

كوشش سيجي



جانچ کیجے کہ اگر میناکش نے مندر جہذیل اعداد کا انتخاب کیا ہوتا تو کیا نتیجہ حاصل ہوتا؟

ہرحالت میں آخر میں حاصل ہوئے خارج قسمت کا ایک ریکارڈ دیکھیے۔

901 .4

737 .3

469 .2

132 .1

آئے دیکھیں کہ بیز کیب کیسے کام کرتی ہے۔

مان کیجیے میناکشی کے ذریعی منتخب کیا گیا تین ہندسوں کاعددے + abc = 100a + 10b + c ہے۔

ہند سوں کو پلٹنے پر وہ عددa=100c+10b+a حاصل کرتی ہے۔ گھٹانے پر حاصل ہوگا:

اگر c < a ہےتواعداد کا فرق ہے -

(100a+10b+c)-(100c+10b+a)=100a+10b+c-100c-10b-a

=99a-99c=99(a-c)

اگرc > aتواعدادکافرق ہے -c

(100c+10b+a)-(100a+10b+c)=99c-99a=99(c-a)

- بشک اگر a=c ہے تو فرق صفر ہے۔

a-c یا a-c یا جالت میں اس نتیجہ سے ملاعد د 99 سے قسیم ہوتا ہے۔ اس لیے باقی 0 حاصل ہوتا ہے۔ غور کیجیے کہ خارج قسمت

ہوگا،آپ تین ہندسوں کے دوسرے اعداد لے کراس حقیقت کی جانچ کر سکتے ہیں۔ c-a

(ii) دیے ہوئے تین ہندسول سے تین ہندسی عدد بنانا۔

اب ایک بار پھر میناکشی کی باری ہے۔

میناکش : تین ہندسوں کا کوئی عددسوچے۔

سندرم: ٹھیک ہے میں نے ایبا کرلیا ہے۔

میناکشی: اب اس عدد کا استعال دوسرے تین ہندسوں کے عدد بنانے میں اس طرح کرو، اگرتم نے عدد abc کو منتخب کیا ہے تو

• پہلا عدد cab (یعنی اکائی کا ہندسہ اس عدد کے سب سے ' بائیں سرے' پر پینچ گیا ہے)؛

• دوسراعددbca (لینی سیرے کا ہندسہ اس عدد کے سب سے ' دائیں سرے' پر پہنے گیاہے)۔

حاصل کیااور آخر میں اس نے (9 ÷ 63) حاصل کیا جو حاصل تقسیم 7 دیتا ہے اور کچھ باقی نہیں ہے۔

كوشش سيجي

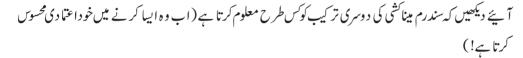
جانچ کیجیے اگر سندرم نے اوپر کے لیے مندرجہ ذیل اعداد منتخب کیے ہوتے ،تو کیا نتیجہ حاصل ہوتا۔

37 .4.

96 .3

21 .2

17 .1



مان کیجےوہ 2 ہندی عدد ab = 10 یعنی ab = 10 منتخب کرتا ہے۔ ہندسوں کو بلٹنے پر وہ عدد ab = 10 حاصل ہوتا ہے اس لیے میناکشی اسے ہڑے عدد میں سے چھوٹا عدد گھٹانے کو کہتی ہے۔

اگرد ہائی کا ہندسہ اکائی کے ہندسہ سے بڑا ہے (یعنی a>b ہے) تو وہ اس طرح کھٹا تا ہے: lacktriangle

$$(10a+b)-(10b+a)=10a+b-10b-a$$

$$=9a-9b=9(a-b)$$

• اگرا کائی کا ہندسہ دہائی کے ہندسے سے بڑا ہے (یعنی b > a) تووہ اس طرح کرتا ہے:

$$(10b+a)-(10a+b)=9(b-a)$$

• اوربے شک جب a=b ہوتا ہے۔

ہرا کی حالت میں حاصل شدہ عدو 9 سے تقسیم ہوجاتا ہے۔ اس لیے باقی 0 ہے۔ غور کیجے کہ اگر ہم گھٹانے پر حاصل شدہ نتیجہ میں ملے عدد کو 9 سے تقسیم کریں تو ہمیں a > b یا a > b عاصل ہوتا ہے۔ آپ کسی دوسرے دو ہندی عدد کو لے کراوپر دی گئی حقیقت کی جانج کر سکتے ہیں۔

(ii) ہندسوں کا پلٹنا ۔ تین ہندسی عدد

اب سندرم کی باری ہے کہ وہ کچھٹر کیب ظاہر کرے:

سندرم : ایک نین ہندسوں کاعد دسوچے لیکن اس کے بارے میں مجھے نہ بتا کیں ۔

میناکش : ٹھیک ہے۔

سندرم: ابان کوالٹی تر تیب (یلٹتے ہوئے) میں لے کرایک نیاعد دبنایئے اور بڑے عدد میں سے چھوٹا عدد کھٹا ہئے۔

میناکش : ٹھیک ہے میں نے گٹالیا ہے۔آگے کیا کرناہے؟

سندرم: این جواب کو 99 سے تقسیم سیجیے میں یقینی طور پر کہدسکتا ہوں کہ باقی صفر ہوگا!

حقیقت میں، میناکشی نے تین ہندسی عدد 349 کاانتخاب کیا۔اس لیے،اسے حاصل ہوا:



1. پھیلی میں، هرحرف صرف ایک هی هندسه سے ظاهر کرنا چاهیے۔هر هندسه صرف ایک هی حرف سے ظاهر کیا جانا چاهیے۔

2. عدد کا پهلاهندسه صفر نهیں هو سکتا۔اس طرح، جم عدد ' تریسطیٰ' کو 63 کصے ہیں، 063،یا 0063 بھی نہیں۔ایک اصول یہ ہے کہ ایک پہلی کا صرف ایک ہی جواب ہونا چا ہے۔

شال 1: مندر جبذيل جمع ميں Q معلوم تيجيے۔

حل:

یہاں صرف ایک حرف Q ہے جس کی ہمیں قدر معلوم کرنی ہے۔



$$\begin{array}{r}
3 & 1 & 8 \\
+ & 1 & 8 & 3 \\
\hline
 & 5 & 0 & 1 \\
\hline
 & Q = 8 & 3
\end{array}$$

مثال 2: مندر جبذيل جمع مين Aاور B معلوم كيجيه

A + A + A B A

ک : اس میں دو حروف A اور B ہیں جن کی قدر معلوم کرنی ہے۔

A = 0 اکائی کے کالم میں جمع پرغور سیجیے: تین A کا حاصل جمع ایک ایساعد دہونا چاہیے جس کی اکائی کا ہندسہ A ہو، تیجی ہوگا جب A = 0 ہواور A = 5 ہواور A = 5 ہواور کا جہوں

اب ان اعداد کوجمع کیجیے۔ نتیجہ میں حاصل ہوئے عدد کو 37 سے تقسیم کیجیے۔ میرادعویٰ ہے کہ باقی صفر ہوگا۔

سندرم: ہاں،تم صحیح ہو!

دراصل سندرم نے تین ہندسوں کا عدد 237سوچا تھا۔ جیسا میناکشی نے کرنے کو کہا تھا ویسا کرنے کے بعد اسے اعداد 723 اور 372 حاصل ہوئے۔اس لیےاس نے یہ کہا:

تین ہندسوں 2, 3اور 7 کا استعال کر کے تین ہندسوں والے بھی مکنہ اعداد بنایئے اور ان کے حاصل جمع حاصل کیجیے۔ جانچ کیجیے کہ کیا حاصل جمع 37 سے تقسیم ہوجا تا ہے! کیا بیعدد abc کے متیوں ہندسوں b،a اور ی، لین بھی اعداد کے حاصل جمع کے لیے بیج جے ج 2 3 7 + 7 2 3 + 3 7 2

پھراس نے نتیجہ میں حاصل ہوئے عدد 1332 کو 37 سے تقسیم دی۔

36 = 1332 ÷ 37 أفي يحتين ہے۔



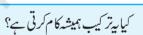
جانچ سیجیے کہ اگر سندرم کے سویے ہوئے اعداد مندرجہ ذیل ہوتے تو کیا نتیجہ حاصل ہوتا؟

937 .4

117 .3

632 .2

41/ .



abc = 100a + 10b + c

آیئے دیکھیں

cab = 100c + 10a + b

bca = 100b + 10c + a

abc + cab + bca = 111(a+b+c)

 $=37 \times 3(a+b+c)$ $=37 \times 3$

16.4 ہندسول کے لیے حروف

یہاں کچھ پہیلیاں ہیں جن میں ایک ریاضی کے' مجموعہ' کے سوال میں ہندسوں کے مقام پر حروف ہیں اور بیمعلوم کرنا ہے کہ کون سا حرف کن ہندسوں کوظاہر کرتا ہے اس لیے بیا یک قتم کے کوڈ کوٹل کرنے جیسی صورت ہے۔ یہاں ہم جمع اور ضرب کے مسکلوں تک ہی محدودر ہیں گے۔

الی پہیلیوں کو سکرتے وقت اپنائے جانے والے دواصول اس طرح ہیں۔

Se de la constant de

$$ab + ba = dad$$

$$(10a + b) + (10b + a) = dad$$

$$11(a+b) = dad$$

حاصل جمع a+b عدد 18 سے زیادہ نہیں ہوسکتا (کیوں؟)۔

کیا 11، dad کاایک ضعف ہے؟

کیا 198 ، dad سے کم ہے؟

198 تک تین ہندسوں کے ایس بھی اعداد کھیے جو 11 کے اضعاف ہیں؟

aاور d کی قدریں معلوم کیجیے۔

مثق 16.1



.5

.8



.1

.7

$$\frac{\times 5}{\text{C A B}}$$

$$\begin{array}{ccc} \times & 3 \\ \hline C & A & B \end{array}$$

اگر A = A ہے، حاصل جمع A = 0 + 0 + 0 ہوگا، جس سے A = B ہوجائے گا۔ ہم یہیں چاہتے (کیوں کہ اس سے A = B ہوجائے گا اور A = B کی دہائی کا ہندسہ بھی A = B ہوجائے گا)، الہذا ہم ان ممکنات میں سے اسے ترک کردیتے ہیں۔ اس لیے، A = B ہوجائے گا اور A = B کی دہائے گئے طریقہ سے مل کی جاسکتی ہے۔ A = A ہے۔ یہیلی نیچے دکھائے گئے طریقہ سے مل کی جاسکتی ہے۔

5

+ 5

+ 5

 $A = \frac{1}{2} =$

مثال A:3 اور B ہندسوں کومعلوم کیجیے۔

B A

× B 3
5 7 A

حل :

یہاں بھی دوحروف Aاور B ہیں جن کی قدریں معلوم کرنی ہیں۔

کیوں کہ $\mathbf{A} \times \mathbf{S}$ کا اکا کی کا ہندسہ \mathbf{A} ہےتو $\mathbf{A} = \mathbf{O}$ یا $\mathbf{S} = \mathbf{A}$ ہونا جا ہے۔

اب B کودیکھیے۔ اگر 1 = Bہوتو BA × B3 کی قدر زیادہ سے زیادہ 19 × 19 ہونی چاہیے؛ لینی 361 کے مساوی ہوگی۔ لیکن یہاں حاصل ضرب 57A ہے جو 500 سے زیادہ ہے۔ اس لیے ہمارے پاس 1 = B نہیں ہوسکتا۔

77A کا حاصل ضرب 30 × 30 سے زیادہ ہوگا۔ یعنی یہ 900 سے زیادہ ہوگا۔ یعنی یہ 900 سے زیادہ ہوگا۔ لیکن A کا حاصل ضرب 30 × 30 سے زیادہ ہوگا۔ لیکن A کی قدر 600 سے کم ہے۔اس لیے B، 3 کے برابزہیں ہوسکتا۔

اوپردونوں حقیقة ال کونظر میں رکھتے ہوئے B=2 ہوسکتا ہے۔ اس لیے دی ہوئی ضرب یا تو 23 × 20 ہوگی یا E=2 ہوگی۔ ہوگی ہوگی۔ ہوگی ہوگی۔ ہوگی ہوگی۔ ہوگی ہوگی۔ ہوگی۔ ہوگی ہوگی۔ ہوگی ہوگی۔ ہو

2 5

× 2 3

5 7 5

سے جیجے

2 ہندسوں کا ایک عدد ab کھیے اور اس کے ہندسوں کو بلٹنے پر حاصل شدہ عدد ba کھیے۔ان کا مجموعہ معلوم سیجیے۔ مان لیجیے یہ

اس لیے، کوئی عدد 10 سے تب تقسیم ہوسکتا ہے جب اس کا اکائی کا ہندسہ 0 ہو۔

16.5.2 5 تقسیم پذیری

5 کے اضعاف کودیکھیے۔

5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50

ہم و کھتے ہیں کہ اکائی کا هندسه 5 اور 0 ایک عدد چھوڑ کر آرهے هیں اور ان کے علاوہ اکائی کے مقام پر کوئی اور هندسه نهیں آ رها هے۔

اس لیے، ہمیں 5 سے تقسیم ہونے کا بیاصول حاصل ہوتا ہے۔

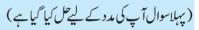
اگر کسی عدد کی اکائی کا هندسه 5 یا 0 هے تو وہ عدد 5 سے تقسیم هو تا هے۔

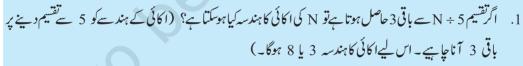
آئے اس اصول کی تشریح کریں کسی عدد cba ... کواس طرح لکھا جاسکتا ہے:

... + 100 c + 10 b + a

چوں کہ 10 اور 100 ، 10 سے تقسیم ہوتے ہیں اس لیے 100 ، 100 ، ... بھی 10 سے تقسیم ہوجا کیں گے اور یہی بعد میں $2 \times 5 = 10$ ہوجا کیں گے اور یہی بعد میں $3 \times 5 = 10$ ہوتا ہے تو اسے بھی $3 \times 5 = 10$ ہونا چاہیے۔ $3 \times 5 = 10$ ہونا چاہیے۔

كوشش سيجيج





- 2. اگرتقسیم $2 \div N = 1$ سے باقی 1 حاصل ہوتا ہے تو N کی اکائی کا ہندسہ کیا ہوسکتا ہے؟
- 3. اگرتقسیم $0 \div N = 1$ سے باقی 0 + 1 ماصل ہوتا ہے تو 0 + 1 کی اکائی کا ہندسہ کیا ہوسکتا ہے؟

2 16.5.3 سے تقسیم پذیری

سیمی جفت اعداد ہیں۔

2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20, 22...

اور بیطاق اعداد ہیں۔

1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 21...



16.5 تقسيم كي جانج

چھٹی جماعت میں آپ پڑھ چکے ہیں کہ مندرجہ ذیل قاسموں سے تقسیم کی جانچ کس طرح کی جاتی ہے۔

10, 5, 2, 3, 6, 4, 8, 9,11.

آپ کوان کی جانچ کرنے کے قاعدے آسان گے ہوں گے لیکن ساتھ ہی جیرانی بھی ہوئی ہوگی کہ یہ کیوں کام کرتے ہیں۔ اس باب ہم میں ان کے''کیوں''والے پہلو پرغور کریں گے۔

16.5.1 السيقتيم پذريي

یہ حقیقت میں سب سے آسان جانچ ہے۔ہم پہلے 10 کے پچھاضعاف کودیکھتے ہیں۔

10, 20, 30, 40, 50, 60, ...,

اس کے ساتھ 10 کے کچھ غیراضعاف کود کیھتے ہیں۔

13, 27, 32, 48, 55, 69,

ان اعداد سے ہمیں بیمعلوم ہوتا ہے کہ ایسے اعداد جن کے اکائی کا ہندسہ 0 ہے 10 کے اضعاف ہیں اور وہ اعداد جن کے اکائی کا ہندسہ 0 نہیں ہے 10 کاضعف نہیں ہے۔اس سے ہمیں 10 سے تقسیم پذیری کی جانچ کا ایک اصول حاصل ہوتا ہے۔

بے شک ہمیں صرف جانچ کا اصول دے کر ہی نہیں تھہر جانا چاہیے بلکہ ہمیں یہ بھی معلوم کرنا چاہیے کہ جانچ کا یہ اصول کس طرح کا م کرتا ہے۔ یہ شکل نہیں ہے۔ ہمیں صرف مقامی قدر کے اصولوں کو یا در کھنا چاہیے۔ کوئی عدد cba کیجے۔ بیمندر جہذیل عدد کی مختصر شکل ہے

... + 100 c + 10 b + a

یہاں a اکائی کا ہندسہ ہے، b دہائی کا ہندسہ ہے، c سیڑے کا ہندسہ ہے وغیرہ وغیرہ وغیرہ ۔ یہاں تین نقطے بید کھاتے ہیں کہ c ہائیں طرف اور ہند سے ہو سکتے ہیں ۔

کیوں کہ....10,100، 10 سے تقسیم ہوجاتے ہیں۔اس لیے10 b,100 جم ہوں گے۔ جہاں تک عدد کا سوال ہے اگردیا ہواعدد 10 سے تقسیم ہوتا ہے تو a=0 کو بھی 10 سے تقسیم ہوتا جاتو a=0 کو بھی 10 سے تقسیم ہوتا جاتو a=0 ہوتا ہے۔ یہ بھی ممکن ہے جب

$$3 \times (999+1) + 5 \times (99+1) + 7 \times (9+1) + 3$$
 ہر کیاں ہے

$$= 3 \times 999 + 5 \times 99 + 7 \times 9 + (3 + 5 + 7 + 3)$$
(1)

$$3576 = 3 \times 999 + 5 \times 99 + 7 \times 9 + (3 + 5 + 7 + 6)$$
(2)

$$100c + 10b + a = 99c + 9b + (a + b + c)$$
 اگرعدد 'cba' ميد 'cba' بي 'cba'

$$=\underbrace{9(11c+b)}_{} + (a+b+c)$$

اس کیے، 9 اور 3 کی تقسیم پذیری اس وقت ممکن ہے جب a + b + c (یا 3) سے تقسیم ہو۔

مثال 4: 21436587 كى9 سے تقسیم پذیري كى جانچ كيچے۔

9 (36 ÷ 9 = 4) جي حاصل جمع 21436587 ڪي ۾ندسون کا حاصل جمع 2 + 1 + 4 + 3 + 6 + 5 + 8 + 7 = 36 جي حاصل جمع

سے تقسیم ہوتا ہے۔

اس لیے ہم ینتیجہ نکالتے ہیں کہ 21436587 عدد 9 سے تقسیم ہوجائے گا۔ ہم دوبارہ جانچ کر سکتے ہیں: $\frac{21436587}{9} = 2381843$

$$(21436587)$$
 $\frac{21436587}{9} = 2381843$

ال کا 152875 کی 9 سے تقسیم مذہری کی جانچ کیجھے۔

مل : 152875 کے ہندسوں کا حاصل جمع 28=5+7+8+2+8 ہے۔ بیاعدد و سے تقسیم نہیں ہوتا۔ ہم نتیجہ نکا لتے ہیں کہ 152875 عدد 9 سے تقسیم ہیں ہوتا ہے۔ ہم دیکھتے ہیں کہایک طبعی عدد جفت ہوتا ہے اگراس کا اکائی کا ہندسہ

2, 4, 6, 8 یا 0 ہو

ایک عددطاق ہوتا ہے اگراس کا اکائی کا ہندسہ

1,3,5,7 يا 9 يو

چھٹی جماعت میں پڑھ چکے 2 سے تقسیم پذری کی جانچ کے اصولوں کو یاد کیجے۔ یہ اصول اس طرح ہیں اگر کسی عدد کا اکائی کا ہندسہ 6, 2, 4, 6 یا 8 ہوتو وہ عدد 2 سے تقسیم ہوتا ہے۔

اس کی تشریح اس طرح ہے۔

کسی جھی عدد cba کو cba کو cba کا 100 c

اس کے پہلے دوارکان 100 اور 10 عدد 2 سے تقسیم ہوتے ہیں کیوں کہ عدد 1 اور 100 عدد 2 سے تقسیم ہوتے ہیں کیوں کہ عدد a اور a عدد a کا سوال ہے اگر دیا ہوا عدد a سے تقسیم ہوتا ہے تواسے بھی a کا سوال ہے اگر دیا ہوا عدد a سے تقسیم ہوتا ہے تواسے بھی a ہوتا ہے تواسے ہم موتا ہے جب a ہوتا ہے تواسے ہم ہوتا ہے تواسے ہم ہوتا ہے تواسے ہم ہوتا ہے دیا ہوتے ہم ہوتا ہے ہوں ہوتا ہے تواسے ہم ہوتا ہے تواسے ہوتا ہوتا ہم ہوتا ہے تواسے ہم ہوتا ہے تواسے ہوتا ہم ہوتا

كوشش سيجيح

(پہلاسوال آپ کی مدد کے لیے لکی کیا گیا ہے۔)

. اگر تقسیم N ÷ 2 سے باقی 1 حاصل ہوتا ہے تو N کی اکائی کا ہندسہ کیا ہوسکتا ہے؟

(Nطاق ہے،اس کیےاس کی اکائی کا ہندسہ طاق ہوگا۔اس کیے N کی اکائی کا ہندسہ 1,3,5,7 یا 9 ہوگا۔)

- 2. اگرتقسیم $2 \div N = 2$ کی باقی حاصل نہیں ہوتا ہے (یعنی باقی 0 ہے) تو $N \div 2$ اکائی کا ہندسہ کیا ہوسکتا ہے؟
- 3. مان لیجیقشیم $N \div 5$ سے باقی 4 اورتقسیم $N \div 2$ سے باقی 1 حاصل ہوتا ہے۔ تو $N \to 1$ کی اکائی کا ہندسہ کیا ہونا جا ہے؟

16.5.4 و اور 3 سے تقسیم یذری

اب تک معلوم کیے گئے تقسیم پذیری کی جانج کے 3 اصولوں کو نورسے دیکھیے جو , 5 , 10 اور 2 سے تقسیم کی جانج کے لیے تھے۔ ہمیں ان میں ایک بات کیساں نظر آتی ہے: ان میں دیے ہوؤے عدد کے صرف اکائی کے هندسه کا استعمال هوتا هے اور دوسرے هندسوں سے ان پر کوئی اثر نهیں پڑتا ۔ اس طرح سے تقسیم پذیری کا فیصله صرف اکائی کے هندسه سے هی هو جاتا هے۔ 2 , 5 , 10 عدد 10 کے قاسم ہیں جو ہمارے مقامی قدر کے نظام میں ایک اہم عدد ہے۔ لیکن وسے قسیم پذیری کی جانج میں بیاصول کارگر نہیں ہے۔ آ سے کوئی عدد جیسے 3573 کو لیجے۔



(31 = 3 ÷ 3) - اس لية بم نتيجة نكالتي بين كه 2146587 ، عدد 3 سيقسيم مولاً -

شال 8: 15287 كى 3 سے تقسیم پذیرى كى جانچ سیجیے۔

عل : 15287 کے ہندسوں کا حاصل جمع 23 = 7 + 8 + 7 + 2 + 8 + 7 ہے۔ یہ 3 سیم نہیں ہوتا ہے۔ اس لیے ہم نتیجہ

نكالتے بيں كه 15287 عدد 3سے قسيم نہيں ہوگا۔



كوشش سيجيح

مندرجهذیل اعداد کی 3 سے تقسیم پذیری کی جانچ کیجیے۔

927 .5 432 .4 294 .3 616 .2 108 .1

مثق 16.2

- 1. اگر و کاایک ضعف 21 کی جہال y ایک ہندسہ ہے تو y کی قدر کیا ہے؟
- 3. |x| + 20 |x| +
 - 4. اگر z3،31ء کاایک ضعف ہے جہاں z ایک ہندسہ ہے تو z کی قدر کیا ہو گئی ہے؟

ہم نے کیاسکھا؟

- 1. اعدادکوہم عمومی شکل میں لکھ سکتے ہیں۔اس طرح ایک دوہندی عدد ab=10a+b کو ab=10a+b کھاجائے گا۔
 - 2. اعداد کی عمومی شکلیس عددی کھیل اور پہیلیوں کوحل کرنے میں مدد گار ہوتی ہیں۔
- 3. اگراعدادکوعمومی شکل میں لکھا جائے تو اعداد 10,5,2,9 یا 3 کے ذریعے تقسیم پزیری کو وجہ بتائی جاسکتی ہے۔



كوشش سيجيح

مندرجہذیل اعددادی 9 سے تقسیم پذیری کی جانچ کیجیے۔

927 .5

432 .4

294 .3

616 .2

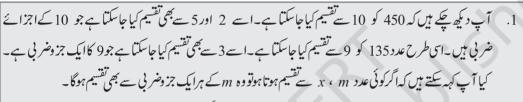
108 .1

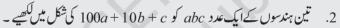
مثال 6: اگر تین ہندسوں کاعدد <math>x 24 x 9 وسیقسیم ہوتا ہے تو x کی قدر کیا ہے؟

حل: چوں کہ x + 4 + x ، عدد 9 سے تقسیم ہوتا ہے۔ اس لیے اس کے ہندسوں کا حاصل جمع x + 4 + x ، 9 سے تقسیم ہونا چا ہے ، x + 6 + 6 ، 9 سے تقسیم ہونا چا ہے۔

x = 3 ياسى وقت ممكن ہے جب x = 9 ہويا 18 _ كيوں كه x ايك ہندسہ ہے اس ليے x = 9 ہوگا، لينى

· سوچيه ، بحث تيجياور کھيے





$$= 99a + 11b + (a - b + c)$$

$$= 11(9a+b) + (a-b+c)$$

اگرعدد a-b+c ہوتو آپ(a-b+c) بارے میں کیا کہہ سکتے ہیں؟ a-b+c

کیا بیضروری ہے کہ (a + c - b) سیم ہو؟

1000a + 100b + 10c + d کواس طرح ککھیے abcd ایک جار ہندسوں کے عدد (ii)

$$= (1001a + 99b + 11c) - (a - b + c - d)$$

$$= 11(91a + 9b + c) + [(b + d) - (a + c)]$$

ا گرعددabcd اسے تقسیم ہوتو[(b+d)-(a+c)] کے بارے میں آپ کیا کہہ سکتے ہیں؟

(iii) او پردیے گئے(i)اور(ii)سے،آپ کیا کہہ سکتے ہیں کہ کوئی عدد 11 سے تقسیم ہوگا اگراس کے طاق مقاموں کے ہندسوں کا حاصل جمع اور جفت مقاموں کے ہندسوں کا حاصل جمع کا فرق 11 سے تقسیم ہوتا ہے؟

مثال 7: 2146587 کی 3 سے تقسیم پذیری کی جانچ کیجیے۔

عل: 2146587 كي مندسون كاحاصل جمع 33 = 7 + 8 + 7 + 4 + 6 + 5 + 8 + 7 - يد 3 سيم موجاتا سيايتن





o be republished not to be republished as a second second

O Nockepholished