باب



ا يك متغيروالي خطي مساوات

2.1 تعارف

سیج کے جماعتوں میں آپ بہت می الجبری عبارتوں اور مساوات کے بارے میں پڑھ چکے ہیں ان میں سے الجبری عبارت کی کیھمثالیں نیچے دی گئی ہیں:

5x, 2x - 3, 3x + y, 2xy + 5, xyz + x + y + z, $x^2 + 1$, $y + y^2$

$$5x = 25, 2x - 3 = 9, 2y + \frac{5}{2} = \frac{37}{2}, 6z + 10 = -2$$

یاد سیجے کہ مساوات کے لیے برابر (=) کا نشان استعال کیا جاتا ہے؛ پینشان عبارتوں میں استعال نہیں ہوتا۔

اوپر دی گئی بہت می عبارتوں میں ایک سے زیادہ متغیر ہیں۔ مثال کے طور پر 5 + 2 میں دومتغیر ہیں۔ حالاں کہ جب ہم مساوات بناتے ہیں تو ہم صرف ایک متغیر تک ہی محدود رہتے ہیں۔ مزید یہ کہ جن عبارتوں کا ہم مساوات بنانے میں استعمال کرتے ہیں وہ فطی ہیں یعنی عبارتوں میں موجود متغیر کی سب سے بڑی قوت 1 ہے۔

نهطی عبارتیں ہیں:

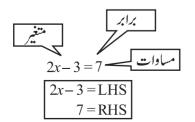
$$2x$$
, $2x + 1$, $3y - 7$, $12 - 5z$, $\frac{5}{4}(x - 4) + 10$

نه خطی عبارتین ہیں ہیں:

(>1 کیوں کہ تغیر کی سب سے بڑی قوت 1 سے زیادہ ہے گئی (>1 کیوں کہ تغیر کی سب سے بڑی قوت 1 سے زیادہ ہے گئی (>1

یہاں ہم صرف ایک متغیروالی خطی مساواتوں پر ہی غور کریں گے۔الیی مساوات ایک متغیروالی خطی مساوات کہلاتی ہیں۔الیی تمام مساواتیں جوآپ بچپلی جماعتوں میں پڑھ چکے ہیں وہ سب اسی قتم کی تھیں۔

آیئے اب ہم مختصراً سابقہ معلومات کودوہراتے ہیں:



(a) ایک الجبری مساوات ، متغیروں پر مشتمل ایک برابری ھے۔ اس میں ایک برابر کے نشان کے بسائیس طرف جوعبارت ہوتی ہے اسے کا نشان ہوتا ہے۔ برابر کے نشان کے بسائیس طرف (Left Hand Side) LHS کہتے ہیں اور عبارت جو برابر کے نشان کے دائیس طرف ہوتی ہیں ، آئیس (Right Hand Side) RHS کہتے ہیں۔

کیا آپ کویا دہے کہ کل $\left(\frac{-5}{2}\right)$ ایک ناطق عدد ہے؟ ساتویں جماعت میں ہم نے جومساوا تیں حل کیں ہیں ان میں ایسے کنہیں تھے۔

$$\frac{x}{3} + \frac{5}{2} = -\frac{3}{2}$$
 کومل کیجیے

$$\frac{x}{3} = \frac{-3}{2} - \frac{5}{2} = -\frac{8}{2}$$
 حل بوتا ہے RHS کے جانے پہمیں حاصل ہوتا ہے

$$\frac{x}{3} = -4$$

$$x = -4 \times 3$$
 دونو 0 طرف 3 سے ضرب کرنے پر

$$(\mathcal{J}^{\sigma})$$
 $x=-12$

(مطلوب ہے) LHS =
$$-\frac{12}{3} + \frac{5}{2} = -4 + \frac{5}{2} = \frac{-8+5}{2} = \frac{-3}{2} = \text{RHS}$$
: جانج

کیا آپ نے غور کیا کہ بیضروری نہیں ہے کہ مساوات میں متغیر کا ضریب صحیح عدد ہی ہو؟

$$\frac{15}{4} - 7x = 9$$
 كاحل معلوم كيجي

$$\frac{15}{4} - 7x = 9$$

(پذیری RHS و
$$\frac{15}{4}$$
) $-7x = 9 - \frac{15}{4}$

$$-7x = \frac{21}{4}$$

$$x = \frac{21}{4 \times (-7)}$$

$$x = -\frac{3 \times 7}{4 \times 7}$$

$$x = -\frac{3}{4}$$

$$($$
 (مطلوب ہے) LHS = $\frac{15}{4} - 7\left(\frac{-3}{4}\right) = \frac{15}{4} + \frac{21}{4} = \frac{36}{4} = 9$ RHS : جانج

$$2x-3=7$$
 کامل ہے۔
 $x=5$ کے گیے،
 $x=5$ LHS = $2x5-3=7=$ RHS
 $x=5$ دوسری طرف $x=10$ مساوات کامل نہیں ہے۔
 $x=10$ کیوں کہ $x=10$ کے x

(b) ایک مساوات میں LHS کسی عبارت اور RHS کسی عبارت اور هوتی هیس میتغیر صرف کی قدروں کے لیے ہی صحیح موال ان قدرول کو مساوات کا حل کہتے ہیں۔

(c) كسى مساوات كاحل كيسے معلوم كيا جاتا ھے؟



فرض کیجیے کہ مساوات دونوں جانب سے متوازن ہیں۔ہم مساوات کے دونوں طرف ریاضی کا ایک ہی عمل دوہراتے ہیں تا کہ مساوات کا توازن نہ بگڑے ۔ایسے ہی کچھ اقدام کے بعد مساوات کاحل حاصل ہوجا تاہے۔

2.2 ایسی مساواتوں کاحل جن میں برابر کے نشان کے ایک طرف عبارت اور دوسری طرف کوئی عدد آئے

آ ہے کچھ مثالوں کے ذریعہ مساواتوں کوحل کرنے کی تکنیک کو دوہراتے ہیں۔ان کے حل پرغور تیجیے؛ یہ کوئی بھی ناطق عد دہوسکتا ہے۔

مثال 1: 7 = 3 2x - 3 = 7 کاحل معلوم کیجے

حل:

قدم 1 دونول طرف 3 جمع ليجي

$$($$
توازن نہیں بگرتا) $2x-3+3=7+3$

2x = 10

یا قدم 2 ابدونوں طرف 2 سے تقسیم کیجیے

$$\frac{2x}{2} = \frac{10}{2}$$

 $(adle_{x}d)$ x=3

2y + 9 = 4 : 2

مل: 9 كودائين طرف (RHS) لے جانے پر

$$2y=4-9$$

$$2y = -5$$

Ļ

$$y = \frac{-5}{2}$$

LHS =
$$2\left(\frac{-5}{2}\right) + 9 = -5 + 9 = 4 = \text{RHS}$$
:

جو؟ عدد
$$\frac{3}{7}$$
 کو گئے میں کیا جمع کیا جائے کہ $\frac{3}{7}$ حاصل ہو؟

$$x + \left(\frac{-14}{3}\right) = \frac{3}{7}$$

$$x - \frac{14}{3} = \frac{3}{7}$$

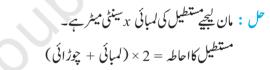
$$(\frac{14}{3})$$
 RHS $\sqrt{\frac{14}{3}}$

$$x = \frac{3}{7} + \frac{14}{3}$$

$$=\frac{(3\times3)+(14\times7)}{21}=\frac{9+98}{21}=\frac{107}{21}$$

اس کیے
$$\frac{3}{7}$$
 ماصل کرنے کے لیے $\left(\frac{-7}{3}\right)$ ی میں $\frac{3}{7}$ کرنا پڑے گا۔

مثال 6: ایک منتظیل کا احاطہ 13 سینٹی میٹر ہے اوراس کی چوڑ ائی 3 سینٹی میٹر ہے۔اس کی لمبائی معلوم سیجیے۔



$$=2\times\left(x+2\frac{3}{4}\right)$$

$$=2\left(x+\frac{11}{4}\right)$$

احاطہ 13 سینٹی میٹر دیا ہواہے۔ اس کیے

$$2\left(x + \frac{11}{4}\right) = 13$$

$$x + \frac{11}{4} = \frac{13}{2}$$

$$x = \frac{13}{2} - \frac{11}{4}$$

$$= \frac{26}{4} - \frac{11}{4} = \frac{15}{4} = 3\frac{3}{4}$$



مشق 2.1

مندرجهذيل مساواتوں كول تيجيے۔

$$6 = z + 2$$
 .3

$$y + 3 = 10$$
 .2

$$x-2=7$$
 .1

$$\frac{t}{5} = 10$$
.

$$6x = 12$$
 .5

$$\frac{3}{7} + x = \frac{17}{7}$$

$$7x - 9 = 16$$
 .9

$$1.6 = \frac{y}{1.5}$$
 .8

$$\frac{2x}{3} = 18$$

$$\frac{x}{3} + 1 = \frac{7}{15}$$
 .12

$$17 + 6p = 9$$
 .1

$$14y - 8 = 13$$
 .10

2.3 جهاستعال

ہم ایک آسان مثال سے بات شروع کرتے ہیں۔

دواعداد کا حاصل جمع 74 ہے۔ان میں ایک عدد دوسرے سے 10 زیادہ ہے۔ وہ اعداد کیا ہیں؟

یہ ایک پہیلی ہے ۔۔ ہم دونوں میں سے کسی بھی عدد کے بارے میں نہیں جانتے اور ہمیں دونوں عدد معلوم کرنے ہیں ۔ہمیں دو شرطیں دی گئی ہیں ۔

- (i) ایک عدددوسرے سے 10 زیادہ ہے۔
 - (ii) ان کا حاصل جمع 74 ہے۔

ہم ساتویں جماعت میں پڑھ چکے ہیں کہ ایک صورت میں کیسے آگے بڑھا جاتا ہے۔ اگر ہم چھوٹے عدد کو x مانتے ہیں تو بڑا عدد اس سے 10 زیادہ ہوگا لینی وہ x + 10 ہوگا۔ دوسری شرط کے مطابق دونوں اعداد لینی x اور x + 10 حاصل جمع 74 ہے۔

$$x + (x+10) = 74$$

$$2x + 10 = 74$$

$$2x = 64$$

دونو
$$y=32$$
 يوا يک عدد ہے۔ $y=32$ دونو $y=32$ دونو $y=32$ دیے دیے دیا تھی دیا ہے۔ دونو المحلوث کی معرب کے بیال کے عدد ہے۔

$$x+10=32+10=42$$

اس لیے مطلوبہ اعداد 32 اور 42 میں (ان کا حاصل جمع 74 ہے اور ایک عدد دوسرے سے 10 بڑا بھی ہے۔) پیطریقۂ کتنامفید ہے بید دکھانے کے لیے آ ہے ہم کچھاور مثالوں پرغور کریں۔

$$7 = x = x = 5$$
 اس طرح سے 5 وروپیوں کے سکو 5 تعداد ہے 5 دوروپیوں کے سکو 5 تعداد ہے 5 دوروپیوں کے سکو رکی تعداد ہے دوروپیوں کے سکو رکی تعداد ہے 5 دوروپیوں کے سکو رکی تعداد ہے دوروپیوں کے سکو رکی تعداد ہے دوروپیوں کے سکو رکی تعداد ہے دوروپیوں کے دوروپیوں

(آپ جانچ کر سکتے ہیں کہ بنسی کے پاس کل 77 ₹ ہیں)

مثال 9: 11 كتين لگا تاراضعاف كا حاصل جمع 363 ہے۔ ان اضعاف كومعلوم كيجيہ۔

x+22 یا x+11+11 کا ایک ضعف x ہوگا۔ اس طرح سے x+11+11 یا x+22 ہوگا۔ اس طرح سے x+11+11 کا ایک ضعف x+11 اور x+22 یا x+11 اور x+22 کے سکتے ہیں۔



ویا گیا ہے کہ ان لگا تا راضعاف کا حاصل جمع 363 ہے۔ اس سے ہمیں مندر جبذیل مساوات حاصل ہوتی ہیں: x + (x+11) + (x+22) = 363 x + x + 11 + x + 22 = 363 3x + 33 = 363 3x = 363 - 33 3x = 330 $x = \frac{330}{2}$ x = 363 - 33

=110

اس طرح سے 11 کے تین لگا تاراضعاف 110، 121 اور 132 ہیں (جواب)۔ ہم دیکھ سکتے ہیں کہ سی بھی سوال کاحل معلوم کرنے کے لیے ہم مختلف طریقے استعال کر سکتے ہیں۔

مثال 10: دومكمل اعداد كا فرق 66 ہے۔اوران دونوں اعداد كى نسبت 5: 2ہے۔دونوں اعداد معلوم سيجيے۔

سے ہیں۔ کیوں کہ دونوں اعداد کی نسبت 2:5 ہے اس لیے ہم ایک عدد 2x اور دوسراعدد 5x کے سکتے ہیں۔ (نوٹ 2x:5x اور 5:2 مساوی ہیں)۔

ان دونوں اعداد کا فرق (5x-2x) ہے۔ یفرق 66 دیا گیا ہے۔ اس لیے،

$$5x - 2x = 66$$
$$3x = 66$$
$$x = 22$$

مثال 7: ساحل کی ماں کی موجودہ عمر ساحل کی عمر کی تین گنا ہے۔ پاپنچ سال بعدان کی عمروں کا حاصل جمع 66 سال ہوگا۔ان کی موجودہ عمر معلوم کیجیے۔

حل: مان لیجیساحل کی موجودہ عمر x سال ہے۔

حاصل جمع	ماں	ساحل	
	3 x	x	موجوده عمر
4x + 10	3 x + 5	x+5	5 سال بعد کی عمر

ہم ساحل کی پانچ سال بعد کی عمر کو بھی x مان کرآگے بڑھ سکتے	
ہیں۔ کیوں نہآپ اس طرح آگے بڑھنے کی کوشش کیھیے؟	

بددیا گیا ہے کہ حاصل جمع 66 سال ہے۔

$$4x + 10 = 66$$

اس کیے

اس مساوات سے ساحل کی موجودہ عمر ید سال معلوم ہوتی ہے۔

مساوات کوحل کرنے کے لیے ہم 10 کودائیں جانب(RHS) لے جاتے ہیں۔

$$4x = 66 - 10$$

$$4x = 56$$

$$(\sqrt[6]{2}) \qquad \qquad x = \frac{56}{4} = 14$$

اس طرح ساحل کی موجودہ عمر 14 سال اوراس کی ماں کی عمر 42 سال ہے (آپ آسانی سے اس کی جانچ کر سکتے ہیں کہ 5 سال بعدان کی عمروں کا حاصل جمع 66 سال ہوگا)۔

مثال 8: بنسی کے پاس جتنے 5 روپ کے سکتے ہیں اس کے تین گنا دوروپ کے سکتے ہیں۔اگر اس کے پاس کل رقم 77 روپ ہے ہے تواس کے پاس ہوشم کے کتنے سکے ہیں؟

عل : مان لیجے بنسی کے پاس پانچ روپوں کے x سکتے ہیں۔ تب اس کے پاس دوروپیے والے سکتے x کے 8 گنالیعنی x 8 ہیں۔ بنسی کے پاس کل رقم ہے:

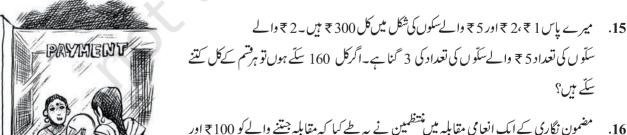
اس طرح سے اس کے پاس کل رقم ہے = 11x روپیے لیکن بیرقم 77 روپ ہے،اس کیے



$$11x = 77$$

$$x = \frac{77}{11} = 7$$

- 4. دواعداد کا حاصل جمع 95 ہے۔ اگرا یک عدد دوسرے سے 15 زیادہ ہے تو اعداد معلوم کیجیے؟
 - دواعداد میں 3: 5 کی نسبت ہے۔ اگران میں 18 کا فرق ہے تواعداد معلوم کیجیے؟
 - 6. تین لگا تاریخ اعداد کوجمع کرنے پر 51 حاصل ہوتا ہے صیح اعداد معلوم کیجیے؟
 - 7. 8 كتين لگا تاراضعاف كا حاصل جمع 888 ہے۔اضعاف معلوم كيجيع؟
- 8. تین لگا تاریخ اعداداس طرح سے لیے گئے ہیں کہ اگران کو بڑھتی ہوئی ترتیب میں بالترتیب 2، 3 اور 4 سے ضرب كركے جمع كريں تو حاصل جمع 74 موناہے۔ان اعداد كومعلوم كيھيج
 - 9. راہل اور ہارون کی عمر کی نسبت 7:5 ہے۔ چارسال بعدان کی عمر کا حاصل جمع 56 سال ہوگا۔ان کی موجودہ عمر معلوم کیجیے؟
- 10. ایک کلاس میں لڑ کے اور لڑ کیوں کی تعداد میں 5: 7 کی نسبت ہے۔ لڑکوں کی تعداد لڑ کیوں کی تعداد سے 8 زیادہ ہے۔ کلاس میں طلبا کی کل تعدا دمعلوم کیھے؟
- 11. بائی چنگ کے والد اس کے دادا سے 26سال چیوٹے اور بائی چنگ سے 29سال بڑے ہیں۔ نتیوں کی عمر کا حاصل جمع 135 سال ہے۔ ہرایک کی موجودہ عمر معلوم کیجیے ؟
- 13. ایک ناطق عدداییا ہے اگر ہم اسے $\frac{5}{2}$ سے ضرب کریں اور حاصل ضرب میں $\frac{2}{3}$ جمع کریں تو $\frac{7}{12}$ حاصل ہوتا ہے۔ وہ عدد کون ساہے؟
 - کشمی ایک بینک میں خزانجی ہے۔اس کے پاس 100 ₹ ، 50 ₹ اور 10 ₹ والے کرنی نوٹ ہیں۔ان نوٹوں کی تعدادمیں 5: 3: 2 کی نسبت ہے گشمی کے پاس کل 4,00,000 ₹ ہیں۔اس کے پاس ہرسم کے کتنے



مضمون نگاری کے ایک انعامی مقابلہ میں منتظمین نے یہ طے کیا کہ مقابلہ جیتنے والے کو 100 ₹ اور ہارنے والے شرکا کو 25 ₹ کا انعام ملے گاتقسیم کیے گئے انعام کی کل رقم 3000 ₹ ہے۔ جتنے والوں کی کل تعدادمعلوم پیچیا گرمقابله میں حصہ لینے والوں کی کل تعداد 63 ہے۔



کیوں کہ اعداد 2x اور 5x میں اس کیے یہ بالترتیب 20×2 یا 44 اور 22 × 5 یا 110ان دونوں اعداد کا فرق ہے۔ 66=44-61 جومطلوب ہے۔

مثال 11: دیویش کے پاس 50 روپے، 20 روپے اور 10 روپے کے نوٹ ہیں اس کے پاس کل رقم 590 روپے ہے۔50 روپے اور 20رویے کے نوٹوں میں 5: 3 کی نسبت ہے۔ اگراس کے پاس کل 25 نوٹ ہیں تواس کے پاس ہوشم کے کل کتنے نوٹ ہیں؟

سے یاس کل نوٹ 25 ہیں۔ 3x مان کیجے 50 روپیے اور 20 روپے کے نوٹ بالتر تیب 3x اور 5x ہیں۔ 3x

25 - (3x + 5x) = 25 - 8x = 25اس کے یاس 10 رویتے کے نوٹوں کی تعداد

اس کے ماس کل رقم

 $3x \times 50 = 2$ رویے کے ٹوٹ : میں 150x اوپ $3x \times 50$

 $5x \times 20 = 20$ رویت کوٹ : 100x رویت 20

 $(25-8x) \times 10 = 2$ روپ کے نوٹ : (250-80x) روپ = 10

150x + 100x + (250 - 80x) = 100x + (250 - 80x) روچنے (170x + 250) این طرح سے اس کے پاس کل رقم

170x + 250 = 590 کین اس کے پاس کل رقم 590 روپ ہے۔ اس لیے، 590

170x = 590 - 250 = 340

 $x = \frac{340}{170} = 2$

3x = 3رویے کے نوٹوں کی کل تعداد

 $= 3 \times 2 = 6$

 $5x = 5 \times 2 = 10$ تعداد ہے کے نوٹوں کی کل تعداد ہے

25 - 8x = 25 - 8x والينوٹوں کي کل تعداد ہے

 $=25-(8\times2)=25-16=9$

مشق 2.2

- 1. اگرآپ سی عدد میں سے $\frac{1}{2}$ گھٹا کیں اور نتیجکو $\frac{1}{2}$ سے ضرب کریں تو $\frac{1}{8}$ حاصل ہوتا ہے۔ وہ عدد کیا ہے؟
- 2. ایک مستطیل نما سوئمنگ بول کا احاطہ 154 میٹر ہے۔اس کی لمبائی اس کی چوڑ ائی کے دو گئے ہے 2 میٹرزیادہ ہے۔ بول کی لمبائی اور چوڑائی معلوم کیجیے؟
- 3. ایک مساوی الساقین مثلث کا قاعدہ $\frac{4}{5}$ سینٹی میٹر ہے۔ مثلث کا احاطہ $\frac{2}{15}$ 4 سینٹی میٹر ہے۔ باقی دومساوی ضلعوں کی لمائي معلوم شيجي؟



مثق 2.3

مندر حه ذيل مساوات كول تيجياورنتائج كي جانج سيجيه

$$5x + 9 = 5 + 3x$$
 3.

$$5t - 3 = 3t - 5$$

$$5t-3=3t-5$$
 .2 $3x=2x+18$.1

$$8x + 4 = 3(x - 1) + 7$$
 6.

$$2x-1=14-x$$
.

$$2x-1=14-x$$
 .5 $4z+3=6+2z$.4

$$2y + \frac{5}{3} = \frac{26}{3} - y$$
 9.

$$\frac{2x}{3} + 1 = \frac{7x}{15} + 3$$

$$\frac{2x}{3} + 1 = \frac{7x}{15} + 3$$
 .8 $x = \frac{4}{5}(x+10)$.7

$$3m = 5m - \frac{8}{5}$$
 .10

2.5 کھھاوراستعال

مثال 14: ایک دوہندی عدد کے ہندسوں میں 3 کافرق ہے۔اگر ہندسوں کی جگہ تبدیل کر دی جائے اور حاصل عدد کواصل عدد میں جع کر دیا جائے تو 143 حاصل ہوتا ہے۔ بتایئے اصل عدد کیا ہوسکتا ہے؟

 $^{56} = (10 \times 5) + 6$ مثال کے طور پرایک دوہندی عدد 56 کیجے۔اس کوہم اس طرح بھی لکھ سکتے ہیں $^{6} = (10 \times 5) = 56$

اگر عدد 56 کے ہندسوں کی جگہ تبدیل کردی جائے تو ہمیں 65 حاصل ہوگا۔ جس کوہم 5 + (6 × 10) لکھ سکتے ہیں۔

آیئے ایک ایبادو ہندی عدد لیتے ہیں جس کا اکائی کا ہندسہ طبے۔ دہائی کے ہندسہ اور ط میں 3 کا فرق ہے۔ اس لیے اسے b + 3 کستے ہیں۔اس کیے دو ہندی عدد 10 (b + 3) + b = 10 b + 30 + b = 11 b + 30 اسے۔

ہندسوں کی جگہ تبدیل کرنے کے بعد ملنے والا عد دہوگا

کیا ہم دہائی کے ہندسہ کو (b-3) لے سکتے ہیں؟ ایسا کیجے اور دیکھیے کہ حل کیا

$$10b + (b+3) = 11b + 3$$

اگرہم ان دونوں اعدا دکوجمع کریں تو ہمیں حاصل ہوگا ۔

(11b+30)+(11b+3) = 11b+11b+30+3 = 22b+33

22b + 33 = 143 د ما ہوا ہے۔اس کیے 143

$$22b = 143 - 33$$

$$b = \frac{110}{22}$$

$$b = 5$$

اس مثال کا بیان 58 اور 85 دونوں کے لیے درست ہے،اور دونوں ہی جوابات سیح ہیں۔

بادر کھے کہ اس حل میں ہمیں دیائی کے ہندسہ کوا کائی کے ہندسہ سے 3 زیادہ لینا ہے۔ کیا ہوگا اگر ہم دہائی کا

(b-3) ہندسہ (b-3) کے لیں

ا کائی کاہندسہ 5 ہے تو د مائی کاہندسہ 3 + 5 یعنی 8 ہوگا اور عدد 85 ہوگا۔

جانج: عدد کے ہندسے بدلنے سے ہمیں 58 حاصل ہوتا ہے اور 58 اور 58 کا حاصل جمع 143 دیا ہوا ہے۔

2.4 اليي مساوا تول كوحل كرناجس مين متغير دونو ل طرف موجود هول

ایک مساوات دوعبارتوں کی قدروں کی برابری کا نام ہے۔ جیسے مساوات x-3=2 میں دوعبارتوں کی قدروں کی برابری کا نام ہے۔ تک ہم نے جتنی بھی مثالیں دیکھیں ان میںRHSایک عدد ہی ہے کیکن ہمیشہ اپیانہیں ہوتا۔ دونوں طرف متغیروالی عبارتیں ہوسکتی (2x-3) اوردائیں ہیں۔ مثال کے طور یر (2x-3)=2x-3=2x دونوں طرف متغیروالی عبارتیں ہیں۔ بائیں طرف عبارت

• اب ہم اس طرح کی مساواتوں کا ذکر کریں گے جس میں برابر کے دونوں طرف متغیروالی عبارتیں ہوں۔

2x-3=x+2:12 کول کیجے

مل: ہارے پاس ہے

$$2x = x + 2 + 3$$

$$2x = x + 5$$

$$(eie U die x گٹانے پر)$$

$$x = 5$$

یہاں ہم نے مساوات کے دونوں طرف جوعبارت گھٹائی ہے وہ عدد (مستقل نہیں) بلکہ ایک متغیر ہے۔ ہم ایسا کر سکتے ہیں کوں کہ تغیر بھی اعداد ہوتے ہیں نوٹ سیجے کہ x دونوں طرف کھٹانے کا مطلب ہے x کو LHS میں لے جانا۔

$$5x + \frac{7}{2} = \frac{3}{2}x - 14$$
 : 13 مثال 5x + $\frac{7}{2}$

ح**ل :** مساوات کے دونو ل طرف 2 سے ضرب کرنے یر جمیں حاصل ہوتا ہے

$$2 \times \left(5x + \frac{7}{2}\right) = 2 \times \left(\frac{3}{2}x - 14\right)$$
$$(2 \times 5x) + \left(2 \times \frac{7}{2}\right) = \left(2 \times \frac{3}{2}x\right) - (2 \times 14)$$

(مل)

(حل)

$$10x + 7 = 3x - 28$$

$$(3x)$$

$$10x - 3x + 7 = -28$$

$$7x + 7 = -28$$

$$7x = -28 - 7$$

$$7x = -35$$

x = -5

7. حسن نے اسکول کی یو بیفارم کے لیے دوقتم کے کپڑے خریدے۔اسے محیص کا کپڑا 50 = 0 میں ملا۔اس نے پینٹ کے 50 = 0 میٹر کپڑے کی میٹر کپڑے وہ میٹر کپڑے کہ میٹر کپڑے کہ میٹر کپڑے کے بالتر تیب مروومیٹر کپڑے کے لیے 3 میٹر میٹر کپڑے کو بالتر تیب 200 = 0 منافع پر فروخت کر دیا۔ اُس نے کل کپڑا 36,660 کا میں فروخت کیا۔ بتا ہے اس نے بینٹ کے لیے کتنا کپڑا آخریدا تھا؟

- 8. ہرنوں کے ایک جھنڈ کے آ دھے ہرن میدان میں گھاس چررہے ہیں اور باقی تین چوتھائی ہرن پاس میں ہی کھیل رہے ہیں باقی 9 ہرن تالاب میں پانی پی رہے ہیں۔ جھنڈ میں موجود ہرنوں کی تعداد معلوم کیجیے۔
 - 9. ایک دادا اپنی پوتی سے عمر میں 10 گنابڑا ہے۔ان کی عمر میں 54 سال کا فرق ہے۔دونوں کی موجودہ عمر معلوم کیجیے۔
- 10. امن کی عمراس کے بیٹے کی عمر کا تین گنا ہے۔10 سال پہلے اس کا عمراس کے بیٹے کی عمر کا پانچ گناتھی۔ان کی موجودہ عمر معلوم کیجیے؟

2.6 مساوات كوآسان شكل مين تبديل كرنا

$$\frac{2}{3} + 1 = \frac{x-3}{6} : 16$$

6 سے بی کیوں؟ کیوں کہ بیددیے گئے نصب نماؤں کا LCM ہے۔ $\frac{6}{3}$ مساوات کے دونوں طرف 6 سے ضرب کرنے پر $\frac{6(6x+1)}{3} + 6 \times 1 = \frac{6(x-3)}{6}$

		5	
	2(6x+1)+6=x-3		٦
(بریکٹ کھولنے پر)	12x + 2 + 6 = x - 3		ٳ
	12x + 8 = x - 3		ٳ
	12x - x + 8 = -3		ٳ
	11x + 8 = -3		ٳ
	11x = -3 - 8		ي
	11x = -11		ٳ
(مطلوبيل)	x = -1		ٳ
T T	6(-1)+1 $-6+1$	-5, 3 , $-5+3$, -2	1

مثال 15: ارجن کی عمر شریا کی عمر کی دُگنی ہے۔ پانچ سال پہلے اس کی عمر شریا کی عمر کی تین گناتھی۔ان کی موجودہ عمریں معلوم سیجیے۔

مل: آیئےشریا کی موجودہ عمر xسال مانتے ہیں۔

تب ارجن کی موجودہ عمر xx سال ہوگی۔

5 سال پہلے شریا کی عمر (x−5) سال تھی۔

-2x-5 مسال ہملے ارجن کی عمر (2x-5) تھی۔

ید میا ہواہے کہ 5 سال پہلے ارجن کی عمر شریا کی عمر کی تین گناتھی۔

$$2x-5=3(x-5)$$

اس طرح سے

$$2x-5=3x-15$$

L

$$15 - 5 = 3x - 2x$$

$$10 = x$$

" اس لیے، شریا کی موجودہ عمر x لیعنی 10 سال ہے۔

ار جن کی موجودہ عمر 20 = 20 × 2 = الینی 20 سال ہے۔

مشق 2.4

- 1. امینہ نے ایک عدد سوچیا اور اس میں سے 2 گھٹا دیا۔ اس نے نتیج کو 8 سے ضرب کر دیا۔ اس طرح اُس کا حاصل عدد سوچے گئے عدد کا تین گناہے۔ عدد معلوم سیجیے۔
- 2. ایک مثبت عدد دوسرے عدد کا 5 گناہے۔اگر دونوں اعداد میں 21 جمع کر دیا جائے ،تو نئے اعداد میں ایک عدد دوسرے نئے عدد کا دوگنا ہوجائے گا۔وہ اعداد معلوم تیجیے۔
- 3. ایک دو ہندی عدد کے ہندسوں کا حاصل جمع 9 ہے۔ ہندسوں کی جگہ تبدیل کرنے پر ملنے والا عدد حاصل عدد سے 27 زیادہ ہے۔ بتا ہے دو ہندی عدد کون ساہے؟
- 4. ایک دو ہندی عدد کا ایک ہندسہ دوسرے ہندسہ کا تین گنا ہے اگر آپ ہندسوں کی جگہ تبدیل کر دیں اور اس طرح سے ملنے والے نئے عدد کواصل عدد میں جمع کریں تو حاصل جمع 88 ہوجا تا ہے۔اصل عدد معلوم سیجیے۔
- 5. شوبوکی ماں کی موجودہ عمر شوبوکی موجودہ عمر کی 6 گنا ہے۔ پانچ سال بعد شوبوکی عمر اس کی عمر کی $\frac{1}{8}$ ہوجائے گی۔ان کی موجودہ عمر بتائے۔
- 6. مہولی گاؤں میں ایک مستطیل نما پلاٹ ایک اسکول کے لیے محفوظ ہے۔ اُس پلاٹ کی لمبائی اور چوڑائی میں 4: 11 کی نسبت ہے۔ 100 ₹ فی مربع میڑکی شرح سے اس پلاٹ کے چاروں طرف باڑھ لگانے کے لیے گاؤں کی پنچایت کو 750000 روپیے خرچ کرنا پڑیں گے۔ پلاٹ کی ناپ (Dimension) معلوم کیجیے۔





2.5 مشق

مندرحه ذيل خطي مساوا توں کول سيجيے۔

$$x+7-\frac{8x}{3}=\frac{17}{6}-\frac{5x}{2}$$
 .3 $\frac{n}{2}-\frac{3n}{4}+\frac{5n}{6}=21$.2 $\frac{x}{2}-\frac{1}{5}=\frac{x}{3}+\frac{1}{4}$.1

$$\frac{n}{2} - \frac{3n}{4} + \frac{5n}{6} = 21$$

$$\frac{x}{2} - \frac{1}{5} = \frac{x}{3} + \frac{1}{4}$$
 .1

$$m - \frac{m-1}{2} = 1 - \frac{m-2}{3}$$

$$m - \frac{m-1}{2} = 1 - \frac{m-2}{3}$$
 .6 $\frac{3t-2}{4} - \frac{2t+3}{3} = \frac{2}{3} - t$.5 $\frac{x-5}{3} = \frac{x-3}{5}$.4

$$\frac{x-5}{3} = \frac{x-3}{5} \qquad .$$

مندرجهذ مل خطي مساواتول ومختصر تيجيےاورحل تيجيے۔

$$15(y-4)-2(y-9)+5(y+6)=0$$
 .8

$$3(t-3) = 5(2t+1)$$
 .7

$$3(5z-7)-2(9z-11)=4(8z-13)-17$$
 .9

$$0.25(4f-3) = 0.05(10f-9)$$
 .10

2.7 خطی شکل میں تحویل ہونے والی مساواتیں

$$\frac{x+1}{2x+3} = \frac{3}{8} : 18$$
 مثال

حل : مشاہدہ تیجیے کہ دی ہوئی مساوات خطی نہیں ہے کیوں کہ LHS برعبارت خطی نہیں ہے۔ لیکن ہم اس کوخطی شکل میں تحویل

کر سکتے ہیں۔ہم مساوات کے دونوں طرف(2x+3) سے ضرب کرتے ہیں۔

$$\left(\frac{x+1}{2x+3}\right) \times (2x+3) = \frac{3}{8} \times (2x+3)$$

غور تیجیے کہ (2 x + 3) کو LHS سے خارج کر دیا جائے تب ہمارے پاس ہاتی بچے گا

$$x + 1 = \frac{3(2x + 3)}{8}$$

اب ہمارے پاس ایک خطی مساوات ہے اور ہم جانتے ہیں کہاس کوئس طرح حل کرنا ہے۔

دونوں طرف 8 سے ضرب کرنے پر

$$8x + 8 = 6x + 9$$

-8(x+1) = 3(2x+3)

$$8 = 6x + 9$$

$$8x = 6x + 9 - 8$$

$$\frac{x+1}{2x+3} + \frac{3}{8} = \frac{3}{8}$$

$$8x = 6x + 1$$

$$8x - 6x = 1$$

$$2x = 1$$

$$RHS = \frac{(-1)-3}{6} = \frac{-4}{6} = \frac{-2}{3}$$

$$LHS = RHS$$

$$\stackrel{\checkmark}{\cancel{-}} \stackrel{\checkmark}{\cancel{-}} \stackrel{?}{\cancel{-}} \stackrel{?}{\cancel{-$$



مش 2.6

مندرجه ذيل مساوات كوحل سيجيه

$$\frac{8x-3}{2x} = 2$$
 .1

$$\frac{7y+4}{y+2} = \frac{-4}{3}$$
 .5

 $\frac{9x}{7-6x} = 15$.2

$$\frac{3y+4}{2-6y} = \frac{-2}{5}$$

- 6. ہری اور ہیری کی عمروں میں 7: 5 کی نسبت ہے۔ چارسال بعدان کی عمروں میں 4: 3 کی نسبت ہو جائے گی۔ان کی موجودہ عمر معلوم کیجیے۔
- 7. ایک ناطق عدد کانسب نمااس کے شار کنندہ سے 8 زیادہ ہے۔اگر شار کنندہ میں 17 کا اضافہ کر دیا جائے اور نسب نما میں سے 1 کم کر دیا جائے تو عدد $\frac{3}{2}$ حاصل ہوتا ہے۔ناطق عدد معلوم کیجیے۔

ہم نے کیاسکھا؟

 $\frac{z}{z+15} = \frac{4}{9}$.3

- 1. الجبری مساوات متغیروں پر مشتمل ایک برابری ہے۔اس کے مطابق برابر کے نشان کے ایک طرف موجود عبارت کی قدراس نشان کے دوسری طرف موجود عبارت کی قدر کے برابر ہوتی ہے۔
- 2. ہم چھٹی، ساتویں اور آٹھویں جماعت میں جو مساوات پڑھ چکے ہیں وہ ایک متغیر والی خطی مساوات ہیں۔ ایسی مساوات میں عبارتیں جو مساوات کی شعیل کرتی ہیں، میں صرف ایک متغیر ہوتا ہے۔ مزید مساوات خطی ہوتی ہیں یعنی مساوات میں ظاہر ہونے والے متغیر کی سب سے بڑی قوت 1 ہوتی ہے۔
 - 3. ایک خطی مساوات کاحل کوئی بھی ناطق عدد ہوسکتا ہے۔
- 4. ایک مساوات کے دونوں طرف خطی عبارت ہوسکتی ہے، کیکن چھٹی اور ساتویں جماعت میں جو مساواتیں ہم پڑھ چکے ہیں ان میں برابر کے نشان کے ایک طرف صرف عدد ہوتا تھا۔
 - 5. اعداد ہی کی طرح متغیروں کو بھی ایک طرف سے دوسری طرف لے جایا جاسکتا ہے۔
- 6. اکثر مساواتوں کوحل کرنے سے پہلے ان کومخضر کیا جاتا ہے۔ پچھ مساوات جوشر وعات میں خطی نہیں ہوتیں ان کومنا سب عبارتوں سے دونوں طرف ضرب کر کے خطی مساوات میں تحویل کیا جاتا ہے۔
- 7. خطی مساوات کی افادیت اس بات پر ببنی ہے کہ ان کا استعمال مختلف مواقع پر کریں جیسے اعداد ،عمر ، احاطے ، کرنسی نوٹوں کا اختلاط وغیرہ سے متعلق سوالوں کاحل کرنا۔

$$x = \frac{1}{2}$$
 ي $x = \frac{1}{2}$ ي $x = \frac{1}{2}$

راج کی موجودہ عمر 40 $= 8 \times 5 = 5$ لیعنی 40سال

نو ط

Cherial Initished