

1. ખાલી જગ્યાઓ પૂરો. : બિંદુઓ $(2, 0, 0)$, $(0, 3, 0)$ અને $(0, 0, 4)$ માંથી પસાર થતું સમતલ છે.

➡ બિંદુઓ $(a, 0, 0)$, $(0, b, 0)$ તથા $(0, 0, c)$ માંથી પસાર થતા સમતલનું સમીકરણ $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$ છે.
અહીં $a = 2$, $b = 3$ અને $c = 4$ મૂકો.

$$\therefore \text{ માંગેલ સમતલ } \frac{x}{2} + \frac{y}{3} + \frac{z}{4} = 1 \text{ થાય.}$$

2. ખાલી જગ્યાઓ પૂરો. : સદિશ $2\bar{i} + 2\bar{j} - \bar{k}$ ની દિક્કોસાઈન છે.

➡ $\bar{x} = 2\bar{i} + 2\bar{j} - \bar{k}$ લેતાં,

$$\bar{x} = (2, 2, -1)$$

$$|\bar{x}| = \sqrt{4 + 4 + 1} = \sqrt{9} = 3$$

$$\therefore \bar{x} \text{ ની દિક્કોસાઈન } \frac{2}{3}, \frac{2}{3}, -\frac{1}{3} \text{ થાય.}$$

3. ખાલી જગ્યાઓ પૂરો. : રેખા $\frac{x-5}{3} = \frac{y+4}{7} = \frac{z-6}{2}$ નું સદિશ સમીકરણ છે.

➡ આપેલ સમીકરણને $\frac{x-x_1}{a} = \frac{y-y_1}{b} = \frac{z-z_1}{c}$ સાથે સરખાવો.

$$\therefore (x_1, y_1, z_1) = (5, -4, 6) \text{ અને } (a, b, c) = (3, 7, 2)$$

$$\therefore \text{ સદિશ સમીકરણ } \bar{r} = (x_1, y_1, z_1) + \lambda(a, b, c)$$

પ્રમાણે મળે.

$$\therefore \bar{r} = (5, -4, 6) + \lambda(3, 7, 2)$$

$$\text{અર્થાત્ } (x-5)\bar{i} + (y+4)\bar{j} + (z-6)\bar{k} = \lambda(3, 7, 2) \text{ થાય.}$$

4. ખાલી જગ્યાઓ પૂરો. : બિંદુઓ $(3, 4, -7)$ અને $(1, -1, 6)$ માંથી પસાર થતી રેખાનું સદિશ સમીકરણ છે.

➡ અહીં $\bar{a} = (3, 4, -7)$ અને $\bar{b} = (1, -1, 6)$ લેતાં,

$$\therefore \bar{b} - \bar{a} = (1, -1, 6) - (3, 4, -7)$$

$$= (1-3, -1-4, 6+7)$$

$$= (-2, -5, 13)$$

$$\therefore \text{ માંગેલ સદિશ સમીકરણ } \bar{r} = \bar{a} + \lambda(\bar{b} - \bar{a}) \text{ પ્રમાણે મળે.}$$

$$\therefore \bar{r} = (3, 4, -7) + \lambda(-2, -5, 13)$$

$$\text{અર્થાત્ } (x, y, z) - (3, 4, -7) = \lambda(-2, -5, 13)$$

$$\therefore (x-3)\bar{i} + (y-4)\bar{j} + (z+7)\bar{k} = \lambda(-2\bar{i} - 5\bar{j} + 13\bar{k})$$

5. ખાલી જગ્યાઓ પૂરો. : સમતલ $\bar{r} \cdot (\bar{i} + \bar{j} - \bar{k}) = 2$ નું કાર્તેઝીયન સમીકરણ છે.

➡ $\bar{r} \cdot (\bar{i} + \bar{j} - \bar{k}) = 2$

$$\therefore (x, y, z) \cdot (1, 1, -1) = 2$$

$$\therefore x(1) + y(1) + z(-1) = 2$$

$$\therefore x + y - z = 2 \text{ જરૂરી કાર્તેઝીયન સમીકરણ છે.}$$