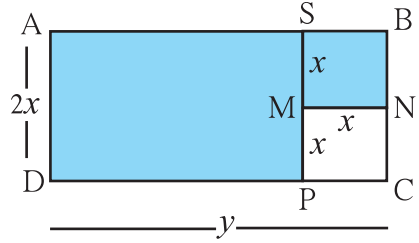




آئیے ذرا یاد کریں :



بازو کی شکل میں مستطیل ABCD دکھایا گیا ہے۔ اس مستطیل کی لمبائی y اکائی ہے اور چوڑائی $2x$ اکائی ہے۔ اس مستطیلی شکل کے ایک کونے سے x اکائی ضلع والا مربع کاٹ کر نکال لیا گیا ہے۔ رنگین حصے کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے الجبری عبارت پر عمل کا استعمال کریں گے۔



مستطیل ABCD کا رقبہ کو $A(\square ABCD)$ لکھیں گے۔

$$\text{رنگین علاقے کا رقبہ} = A(\square ABCD) - A(\square MNCP) = 2xy - x^2$$

$$\begin{aligned} \text{رنگین علاقے کا رقبہ} &= A(\square ASPD) + A(\square SBNM) = (y-x) \times 2x - x^2 \\ &= 2xy - 2x^2 + x^2 \\ &= 2xy - x^2 \end{aligned}$$

آئیے سمجھ لیں :



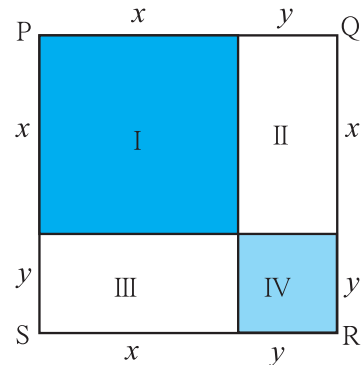
مربع کی توسیع

الجبری عبارتوں کی ضرب کر کے حاصل ہونے والی عبارت اُس ضرب کی توسیعی صورت ہوتی ہے۔ مخصوص قسم کے عبارتوں کی توسیع فوراً لکھنا آسان ہو اس لیے ضابطے بنائے جاتے ہیں۔ ان میں سے ہم کچھ ضابطوں کا مطالعہ کریں گے۔

● مقابل کی شکل میں $\square PQRS$ ایک مربع ہے اور اس کا ضلع $(x+y)$ ہے۔

$$\therefore A(\square PQRS) = (x+y)^2$$

مربع PQRS کے رقبہ کو مستطیل I، II، III اور IV کے رقبوں میں تقسیم کیا گیا ہے۔ یہاں، مربع PQRS کا رقبہ مستطیل I، II، III اور IV کے رقبوں کے مجموعہ کے برابر ہے۔



عملی کام I

$$\therefore A(\square PQRS) = A(\text{مستطیل I}) + A(\text{مستطیل II}) + A(\text{مستطیل III}) + A(\text{مستطیل IV})$$

$$\therefore (x+y)^2 = x^2 + xy + xy + y^2 = x^2 + 2xy + y^2$$

$$\therefore (x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$$

اب الجبری عبارت $(x+y)^2$ کی ضرب کریں گے۔

$$\therefore (x+y)(x+y) = x(x+y) + y(x+y)$$

$$= x^2 + xy + yx + y^2 ; \therefore (x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$$

$(x+y)$ اس دورکنی کا مربع کرنے پر حاصل ہونے والی الجبری عبارت، رقبہ کے پیمائش سے حاصل ہوئی عبارت کے مساوی ہے۔

$$\therefore (x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$$

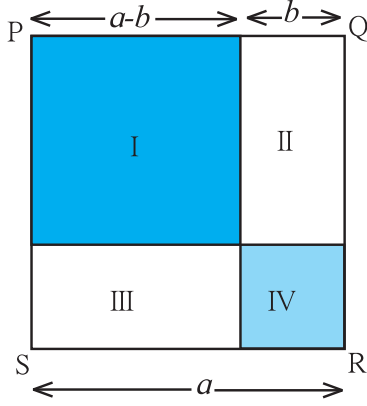
(یہ دورکنی کے مربع کا توسیعی ضابطہ ہے۔) ...

عملی کام II بازو کی شکل میں PQRS 'a' ضلع والا ایک مربع ہے۔ اور اسے 4 مستطیل

میں تقسیم کیا گیا ہے۔

جیسے $(a - b)$ والا مربع، b ضلع کا مربع اور $(a - b)$ ، b' ضلع والے دو مستطیل۔

$$\therefore A(\text{مربع I}) + A(\text{مستطیل II}) + A(\text{مستطیل III}) + A(\text{مربع IV}) = A(\square PQRS)$$



$$\therefore (a - b)^2 + (a - b)b + (a - b)b + b^2 = a^2$$

$$\therefore (a - b)^2 + 2ab - 2b^2 + b^2 = a^2$$

$$\therefore (a - b)^2 + 2ab - b^2 = a^2$$

$$\therefore (a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

الجبری عبارت کو ضرب کرتے ہوئے ضابطہ بنائیں گے۔

$$\therefore (a - b)^2 = (a - b) \times (a - b)$$

$$= a(a - b) - b(a - b)$$

$$= a^2 - ab - ab + b^2$$

$$\therefore (a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

یہ میری سمجھ میں آ گیا

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

مربع کی توسیع کے ضابطے میں 'a' اور 'b' کے لیے کوئی بھی قیمت رکھ کر ہم تصدیق کر سکتے ہیں۔ مثلاً $a = 5$ ، $b = 3$

$$(a - b)^2 = (5 - 3)^2 = (2)^2 = 4$$

$$a^2 - 2ab + b^2 = 5^2 - 2 \times 5 \times 3 + 3^2 \\ = 25 - 30 + 9 = 4$$

$$(a + b)^2 = (5 + 3)^2 = (8)^2 = 64$$

$$a^2 + 2ab + b^2 = 5^2 + 2 \times 5 \times 3 + 3^2 \\ = 25 + 30 + 9 = 64$$

درج ذیل قیمتیں رکھ کر مربع کی توسیع کے ضابطے کی تصدیق کیجیے۔

(i) $a = -7$, $b = 8$

(ii) $a = 11$, $b = 3$ (iii) $a = 2.5$, $b = 1.2$

توسیع کیجیے :

$$(5x - 4)^2$$

مثال :

$$= (5x)^2 - 2(5x) \times (4) + (4)^2$$

$$= 25x^2 - 40x + 16$$

$$(98)^2$$

مثال :

$$= (100 - 2)^2$$

$$= (100)^2 - 2 \times 100 \times 2 + (2)^2$$

$$= 10000 - 400 + 4$$

$$= 9604$$

$$(2x + 3y)^2$$

مثال :

$$= (2x)^2 + 2(2x) \times (3y) + (3y)^2$$

$$= 4x^2 + 12xy + 9y^2$$

$$(51)^2$$

مثال :

$$= (50 + 1)^2$$

$$= 50^2 + 2 \times 50 \times 1 + 1 \times 1$$

$$= 2500 + 100 + 1$$

$$= 2601$$

1. توسیع کیجیے۔

- (i) $(5a + 6b)^2$ (ii) $\left(\frac{a}{2} + \frac{b}{3}\right)^2$ (iii) $(2p - 3q)^2$ (iv) $\left(x - \frac{2}{x}\right)^2$
 (v) $(ax + by)^2$ (vi) $(7m - 4)^2$ (vii) $\left(x + \frac{1}{2}\right)^2$ (viii) $\left(a - \frac{1}{a}\right)^2$

2. اس دو رکنی کا مربع درج ذیل میں سے کون سا ہے؟ مناسب متبادل لکھیے۔ $\left(8 - \frac{1}{x}\right)$

- (i) $64 - \frac{1}{x^2}$ (ii) $64 + \frac{1}{x^2}$ (iii) $64 - \frac{16}{x} + \frac{1}{x^2}$ (iv) $64 + \frac{16}{x} + \frac{1}{x^2}$

3. $m^2n^2 + 14mnpq + 49p^2q^2$ درج ذیل میں سے کس دو رکنی کی مربعی توسیعی صورت ہے؟ بتائیے۔

- (i) $(m + n)(p + q)$ (ii) $(mn - pq)$ (iii) $(7mn + pq)$ (iv) $(mn + 7pq)$

4. توسیع کے ضابطے کی مدد سے قیمت معلوم کیجیے۔

- (i) $(997)^2$ (ii) $(102)^2$ (iii) $(97)^2$ (iv) $(1005)^2$

سر آئیے سمجھ لیں :

توسیع کے ضابطے کی مدد سے قیمت معلوم کیجیے۔

$$\begin{aligned} \therefore (a + b)(a - b) &= (a + b) \times (a - b) \\ &= a(a - b) + b(a - b) \\ &= a^2 - ab + ba - b^2 \\ &= a^2 - b^2 \end{aligned}$$

$$\therefore (a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$

یہ میری سمجھ میں آ گیا

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$

$$\text{مثال : } (3x + 4y)(3x - 4y) = (3x)^2 - (4y)^2 = 9x^2 - 16y^2$$

$$\text{مثال : } 102 \times 98 = (100 + 2)(100 - 2) = (100)^2 - (2)^2 = 10000 - 4 = 9996$$

1. توسیع کے ضابطے کی مدد سے ذیل کی ضرب کیجیے۔

- (i) $(x + y)(x - y)$ (ii) $(3x - 5)(3x + 5)$
 (iii) $(a + 6)(a - 6)$ (iv) $\left(\frac{x}{5} + 6\right)\left(\frac{x}{5} - 6\right)$

2. توسیع کے ضابطے کی مدد سے قیمت معلوم کیجیے۔

- (i) 502×498 (ii) 97×103 (iii) 54×46 (iv) 98×102

الجبری عبارتوں کے اجزائے ضربی کرنا

ہم نے مکمل اعداد کے اجزائے ضربی کرنے کا طریقہ سیکھا ہے۔ اب ہم دیکھیں گے کہ الجبری عبارتوں کے اجزائے ضربی کیسے کی جاتی ہے پہلے ایک رکنی کی مثال لیں گے۔

$$15 = 3 \times 5, \text{ یعنی } 15 \text{ کے اجزائے ضربی } 3 \text{ اور } 5 \text{ ہیں۔}$$

$$\text{اسی طرح } 3x = 3 \times x \text{ یعنی } 3x \text{ کے اجزائے ضربی } 3 \text{ اور } x \text{ ہیں۔}$$

$$5t^2 = 5 \times t^2 = 5 \times t \times t \text{ اب دیکھیے عبارت } 5t^2 \text{ لیتے ہیں۔}$$

$$\text{یہاں } 1, 5, t, t^2, 5t, 5t^2 \text{ یہ تمام } 5t^2 \text{ کے اجزائے ضربی ہیں۔}$$

$$6ab^2 = 2 \times 3 \times a \times b \times b$$

ایک رکنی کے اجزائے ضربی کرتے وقت پہلے متغیر کے ضربی کے اجزائے ضربی کیے جاسکتے ہوں تو کیجیے، بعد میں متغیر کے اجزائے ضربی کیجیے۔

مشقی سوالات 52

© ذیل کی عبارتوں کے مفرد اجزائے ضربی صورت میں لکھیے۔

(i) $201a^3b^2$ (ii) $91xyt^2$ (iii) $24a^2b^2$ (iv) tr^2s^3

دو رکنی کے اجزائے ضربی کرنا

$$4xy + 8xy^2 \text{ اس دو رکنی میں ہر رکن کا } 4x \text{ اور } y \text{ جزو ضربی ہیں۔}$$

$$\therefore 4xy + 8xy^2 = 4(xy + 2xy^2) = 4x(y + 2xy) = 4xy(1 + 2y)$$

دونوں ارکان میں مشترک جزو ضربی تلاش کر کے، قوسین کے باہر ضرب کی صورت میں لکھا گیا، تو دو رکنی کے اجزائے ضربی بنائے گئے۔

$$\therefore 9a^2bc + 12abc^2 = 3(3a^2bc + 4abc^2) = 3abc(3a + 4c) \dots \text{ (اس طرح اجزائے ضربی بنائے جاتے ہیں۔)}$$

$$\text{ہمیں ضابطہ } (a + b)(a - b) = a^2 - b^2 \text{ معلوم ہے۔}$$

$$\text{اس طرح } a^2 - b^2 = (a + b)(a - b) \text{ اجزائے ضربی حاصل ہوتے ہیں۔}$$

$$3a^2 - 27b^2 = 3(a^2 - 9b^2) \quad \text{مثال :}$$

$$= 3(a + 3b)(a - 3b)$$

$$\text{مثال : } a^2 - 4b^2 = a^2 - (2b)^2$$

$$= (a + 2b)(a - 2b)$$

مشقی سوالات 53

© ذیل کی عبارتوں کے اجزائے ضربی کیجیے۔

(i) $p^2 - q^2$ (ii) $4x^2 - 25y^2$ (iii) $y^2 - 4$ (iv) $p^2 - \frac{1}{25}$ (v) $9x^2 - \frac{1}{16}y^2$

(vi) $x^2 - \frac{1}{x^2}$ (vii) $a^2b - ab$ (viii) $4x^2y - 6x^2$ (ix) $\frac{1}{2}y^2 - 8z^2$ (x) $2x^2 - 8y^2$

