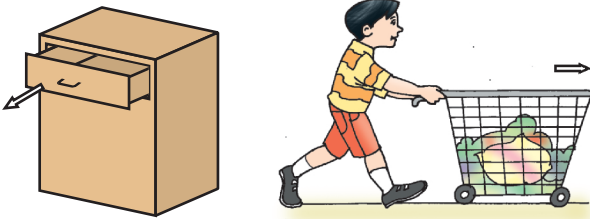


قوت اور حرکت کے قوانین

(Force and Laws of Motion)

جاسکتا ہے کہ یہ بیان کیا جائے کہ کسی شے پر جب قوت لگائی جاتی ہے تو کیا ہوتا ہے۔ دھکا دینا، مارنا یا کھینچنا یہ سب وہ طریقے ہیں جن کے ذریعے اشیاء کو حرکت میں لایا جاسکتا ہے (شکل 9.1)۔ اشیاء حرکت کرتی ہیں کیونکہ ہم ان پر ایک قوت کو کام کرنے دیتے ہیں۔



(a) جب ہم ٹرالی کو دھکیلتے ہیں تو وہ دھکیلے جانے کی سمت میں حرکت کرتی ہے
(b) دراز کھینچی جا رہی ہے۔



(c) ہاکی گیند کو آگے کی طرف دھکیلتی ہے

شکل 9.1 دھکا دینے مارنے یا کھینچنے سے اشیاء اپنی حرکت کی حالت کو تبدیل کرتی ہیں۔

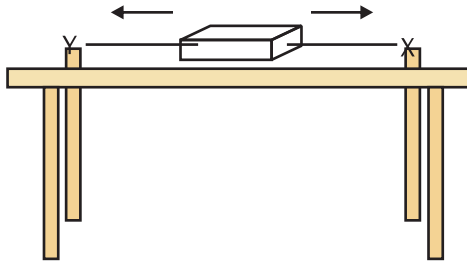
اپنی پچھلی جماعتوں میں آپ واقفیت حاصل کر چکے ہیں کہ ایک قوت کسی شے کی رفتار کی عددی قدر تبدیل کرنے کے لیے استعمال کی جاسکتی ہے (یعنی کہ شے کو کم یا زیادہ تیزی سے حرکت کرنے کے لیے) یا اگر وہ

’حرکت‘ کے باب میں ہم نے ایک شے کی خط مستقیم پر حرکت کو اس کے مقام، اس کی رفتار اور اسراع کی شکل میں بیان کیا تھا۔ ہم نے دیکھا تھا کہ ایسی حرکت، یکساں بھی ہو سکتی ہے اور غیر یکساں بھی۔ ابھی تک ہم یہ نہیں دریافت کر سکے ہیں کہ یہ حرکت ہوتی کس کی وجہ سے ہے؟ ایک شے کی چال وقت کے ساتھ کیوں تبدیل ہوتی ہے؟ کیا ہر حرکت کی وجہ ہونا ضروری ہے؟ اگر ہاں، تو اس وجہ کی طبع کیا ہے؟ اس باب میں ہم ان جیسے تمام سوالوں کے جواب حاصل کرنے کی کوشش کریں گے۔

صدیوں سے حرکت اور اس کی وجوہات کے مسائل نے سائنسدانوں اور فلسفیوں کو الجھائے رکھا ہے۔ ایک زمین پر پڑی گیند کو جب تھوڑا سا دھکا دیا جاتا ہے، تو وہ ہمیشہ حرکت میں نہیں رہتی۔ ایسے مشاہدات سے لگتا ہے کہ حالت سکون (Rest) ایک شے کی قدرتی حالت ہے۔ یہی یقین کیا جاتا رہا، جب تک کہ گیلیلیو گیلیلی (Galileo Galilei-1564-1642) اور Issac Newton (1642-1727) نے حرکت کو سمجھنے کی ایک بالکل مختلف راہ نہیں دکھائی۔

ہم اپنی روزمرہ زندگی میں دیکھتے ہیں کہ ایک رکی ہوئی شے (ایک شے جو حالت سکون میں ہے) کو حرکت میں لانے کے لیے یا ایک حرکت کرتی ہوئی شے کو روکنے کے لیے کچھ کوشش کرنا پڑتی ہے۔ ہم عام طور سے اس کا تجربہ ایک عضلاتی کوشش کی شکل میں کرتے ہیں اور کہتے ہیں کہ ایک شے کی حرکت کی حالت کو تبدیل کرنے کے لیے ہمیں اسے دھکا دینا یا مارنا یا کھینچنا ضروری ہے۔ قوت کا تصور اسی دھکیلنے، مارنے یا کھینچنے پڑتی ہے۔ آئیے قوت (Force) کے بارے میں غور کریں۔ یہ کیا ہے؟ دراصل، کسی نے بھی قوت کو نہ دیکھا ہے، نہ چکھا ہے نہ محسوس کیا ہے حالانکہ ہم ہمیشہ قوت کے اثر کو دیکھتے یا محسوس کرتے ہیں۔ اسے صرف اسی طرح سمجھایا

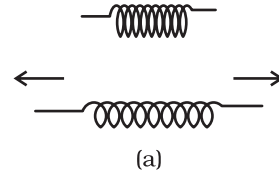
حالت سکون یا حرکت کی حالت کو تبدیل نہیں کرتیں۔ اب ہم ایک ایسی صورت لیتے ہیں جس میں دو مخالف قوتیں جن کی عددی قدریں بھی مختلف ہیں، گٹکے کھینچ رہی ہیں ایسی صورت میں گٹکا بڑی قوت کی سمت میں حرکت کرنا شروع کرے گا۔ اس طرح یہ دو قوتیں متوازن نہیں ہیں اور غیر متوازن قوت اس سمت میں لگتی ہے جس میں گٹکا حرکت کرتا ہے اس سے پتہ چلتا ہے کہ کسی شے پر لگ رہی غیر متوازن قوت اسے حرکت میں لے آتی ہے۔



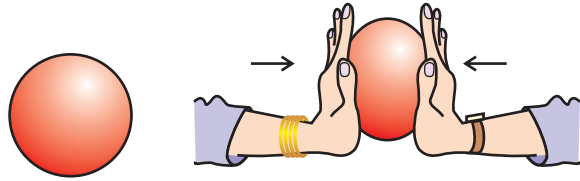
شکل 9.3: ایک لکڑی کے گٹکے پر لگ رہی دو قوتیں

جب کچھ بچے ایک بکس کو کھر درے فرش پر دھکیلنے کی کوشش کرتے ہیں تو کیا ہوتا ہے؟ جب وہ اسے کم قوت سے دھکیلتے ہیں تو بکس حرکت نہیں کرتا، کیونکہ قوت رگڑ (Force of Friction) دھکے کی مخالف سمت میں کام کر رہی ہوتی ہے (شکل 9.4a)۔ یہ قوت رگڑ ان دو سطحوں کے درمیان پیدا ہوتی ہے۔ جو ایک دوسرے سے تماس (Contact) میں ہوتی ہیں، یعنی کہ بکس کا پیندا اور فرش کی کھر دری سطح۔ یہ قوت رگڑ دھکیلنے کی قوت کی متوازن کر دیتی ہے اور بکس حرکت نہیں کرتا۔ شکل 9.4(b) میں بچے اور زور سے بکس کو دھکیلتے ہیں، لیکن بکس پھر بھی حرکت نہیں کرتا۔ ایسا اس لیے ہوتا ہے کہ قوت رگڑ اب بھی دھکیلنے کی قوت کو متوازن کر لیتی ہے۔ اگر بچے اور زیادہ زور سے بکس کو دھکیلیں تو پھر دھکیلنے کی قوت، قوت رگڑ سے

پہلے سے حرکت میں ہے تو اس کی حرکت کی سمت تبدیل کرنے کے لیے بھی استعمال کی جاسکتی ہے۔ آپ یہ بھی جانتے ہیں کہ قوت کسی شے کے سائز یا شکل کو بھی تبدیل کر سکتی ہے۔



(a)



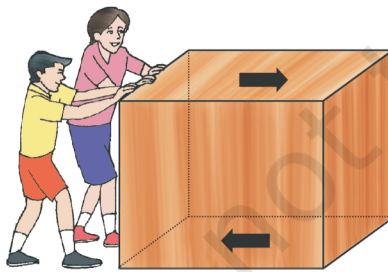
(b)

شکل 9.2 (a) قوت لگانے سے ایک اسپرنگ پھیلتا ہے (b) ربر کی کڑی بال قوت لگانے سے چھٹی ہو جاتی ہے۔

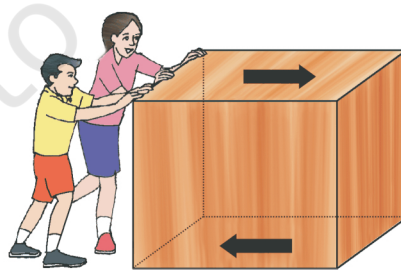
9.1 متوازن اور غیر متوازن قوتیں

(Balanced and Unbalanced Forces)

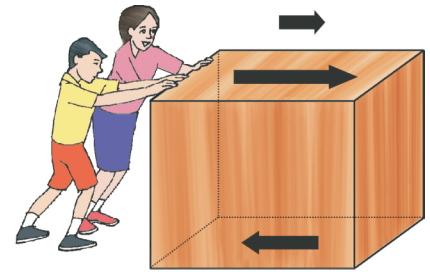
شکل 9.3 میں ایک لکڑی کا گٹکا ایک افقی میز (Horizontal Table) پر رکھا ہوا دکھایا گیا ہے۔ گٹکے کے دو مخالف رخوں (Faces) سے دو دھاگے X اور Y باندھے گئے ہیں جیسا کہ شکل میں دکھایا جاسکتا ہے۔ اگر ہم دھاگے X کو کھینچ کر قوت لگاتے ہیں تو گٹکا دائیں طرف حرکت کرنا شروع کر دیتا ہے۔ اسی طرح اگر دھاگہ Y کھینچتے ہیں تو گٹکا بائیں طرف حرکت کرتا ہے۔ لیکن اگر گٹکا دونوں طرف سے مساوی قوتوں سے کھینچا جائے تو وہ حرکت نہیں کرے گا۔ ایسی قوتیں متوازن قوتیں کہلاتی ہیں اور یہ



(a)



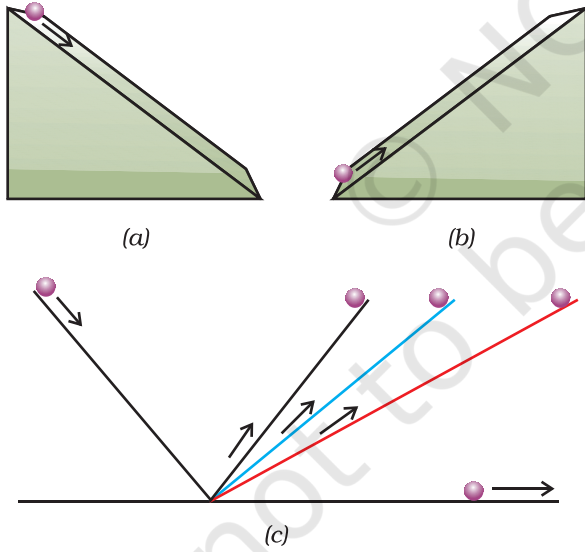
(b)



(c)

شکل 9.4

ہے تو ایک متعین رفتار اختیار کر لیتا ہے اگر اس کی حرکت مائل سطح پر اوپر کی جانب ہو تو اس کی رفتار کم ہوتی جاتی ہے، جیسا کہ شکل 9.5(b) میں دکھایا گیا ہے۔ شکل 9.5(c) میں ایک چکنا پتھر ایک مثالی رگڑ سے عاری (Frictionless) سطح پر رکھا ہوا دکھایا گیا ہے، جو سطح دونوں طرف سے مائل ہے۔ گیلیلیو نے جواز پیش کیا کہ جب چکنے پتھر کو کسی ایک سطح پر چھوڑا جائے گا تو وہ ڈھلان سے نیچے گرتا جائے گا اور پھر دوسری طرف اتنی ہی اونچائی تک جائے گا، جتنی اونچائی سے اسے چھوڑا گیا تھا۔ اگر دونوں سطحوں کی ڈھلان مساوی ہے تو چکنا پتھر اتنا ہی فاصلہ اوپر کی سمت میں طے کرے گا، جتنا اس نے نیچے گرتے وقت طے کیا تھا۔ اگر دائیں طرف کی سطح کا زاویہ میلان (Angle of Inclination) بتدریج کم کیا جاتا رہے تو چکنا پتھر مزید فاصلے طے کرے گا، یہاں تک کہ وہ اپنی آغازی اونچائی تک پہنچ جائے۔ اگر مستوی کو بالآخر افقی (Horizontal) بنا دیا جائے یعنی کہ ڈھلان کو صفر کر دیا جائے تو جس اونچائی سے پتھر کو چھوڑا گیا تھا، اس اونچائی تک پہنچنے کے لیے وہ ہمیشہ چلتا رہے گا۔ اس صورت میں چکنے پتھر پر کام کر رہی غیر متوازن قوتیں صفر ہیں۔ اس سے پتہ چلتا ہے کہ چکنے پتھر کی حرکت کو تبدیل کرنے کے لیے ایک غیر متوازن (باہری) قوت درکار ہوتی ہے لیکن چکنے پتھر کی یکساں حرکت کو برقرار رکھنے کے لیے کوئی مبلغ قوت کل قوت (Net Force) نہیں چاہیے ہوتی۔ عملی صورتوں میں



شکل 9.5 (a) اور (b): ایک مائل سطح پر چکنے پتھر کی حرکت (c) ایک دوہری مائل سطح پر چکنے پتھر کی حرکت

زیادہ ہو جاتی ہے (شکل (c) 9.4)۔ اب ایک غیر متوازن قوت کام کر رہی ہے، اس لیے بس حرکت کرنا شروع کر دیتا ہے۔

جب ہم سائیکل چلاتے ہیں تو کیا ہوتا ہے؟ جب ہم پیڈل چلانا بند کر دیتے ہیں تو سائیکل آہستہ ہونا شروع ہو جاتی ہے۔ یہ بھی ان رگڑ کی قوتوں کی وجہ سے ہوتا ہے جو حرکت کی سمت کے مخالف سمت میں کام کر رہی ہیں۔ سائیکل کو چلتا رکھنے کے لیے ہمیں پھر سے پیڈل چلانا شروع کرنا پڑے گا۔ اس لیے ایسا لگتا ہے کہ کوئی بھی حرکت کرتی ہوئی شے ایک لگاتار غیر متوازن قوت لگتے رہنے پر حرکت کرتی ہے۔ حالانکہ، یہ بات بالکل درست نہیں ہے۔ کوئی شے یکساں رفتار سے صرف اسی وقت حرکت کرتی ہے کہ کوئی شے ایک لگاتار غیر متوازن قوت لگتے رہنے پر حرکت کرتی ہے۔ حالانکہ یہ بات بالکل درست نہیں ہے۔ کوئی شے یکساں رفتار سے صرف اسی وقت حرکت کر سکتی ہے، جب اس پر لگ رہی قوتیں (دھکیلے جانے کی قوت اور قوت رگڑ) متوازن ہوں اور اس پر کوئی باہری مبلغ قوت (Net Force) نہ کر رہی ہو۔ اگر کسی شے پر ایک غیر متوازن قوت لگائی جائے گی تو لازمی ہے کہ یا تو اس کی چال میں تبدیلی ہوگی یا اس کی حرکت کی سمت میں اس لیے ایک شے میں، جو حالت سکون میں ہے، اسراع پیدا کرنے کے لیے ایک غیر متوازن قوت درکار ہوگی اور اس کی چال میں یہ تبدیلی (یا اس کی حرکت کی سمت میں تبدیلی) اس وقت تک ہوتی رہے گی جب تک اس پر یہ غیر متوازن قوت لگائی جاتی رہے گی۔ ہاں، جب یہ قوت ہٹائی جائے گی تو شے اس رفتار سے حرکت جاری رکھے گی جو اس نے اس وقت تک اختیار کی تھی۔

9.2 حرکت کا پہلا قانون

(First Law of Motion)

گیلیلیو نے ایک مائل سطح (Inclined Plane) پر اشیاء کی حرکت کے مشاہدہ سے اخذ کیا کہ اشیاء اس وقت تک مستقلہ چال سے حرکت کرتی ہیں جب تک ان پر کوئی قوت نہ لگ رہی ہو۔ اس نے دیکھا کہ جب ایک چکنا پتھر مائل سطح پر نیچے پھسلتا ہے تو اس کی رفتار بڑھ جاتی ہے (شکل 9.5(a))۔ اگلے باب میں آپ سیکھیں گے کہ چکنا پتھر جب مائل سطح پر نیچے پھسلتا ہے تو وہ کشش ثقل جاذبہ (Gravity) کی غیر متوازن قوت لگنے کے باعث گر رہا ہوتا ہے۔ اور جب وہ نیچے سرے پر پہنچ جاتا

1592 میں ان کا تقرر ریپبلک وینس (Republic of Venice) میں (University of Padua) میں ریاضی کے پروفیسر کی حیثیت سے ہوا۔ یہاں انھوں نے حرکت کے نظریے پر اپنے مشاہدات جاری رکھے اپنے مائل سطحوں اور پینڈولم کے مطالعے کے ذریعے حرکت کرتی ہوئی اشیاء کا درست قانون تشکیل دیا، یعنی کہ کوئی شے حالت سکون سے یکساں اسراع کے زیر اثر، حرکت شروع کرے، جتنا فاصلہ طے کرتی ہے، وہ اس کے ذریعے لیے گئے وقت کے مربع کے راست متناسب ہوتا ہے۔ انھوں نے یہ بھی تجویز کیا کہ ایک غلہ (Projectile) مکانی راستہ (Parabolic Path) اختیار کرتا ہے۔

گیلیلیو ایک بہت اچھے کاریگر (Craftsman) بھی تھے۔ انھوں نے بہت سی دوربینیں (Telescope) بھی بنائیں، جن کی مناظری کارکردگی (Optical Performance) اس وقت دستیاب دوسری دوربینوں نے بہت بہتر تھی۔ 1640 کے قریب انھوں نے پہلی پینڈولم گھڑی کا ڈیزائن تیار کیا۔ اپنی کتاب ”ستاروں کا پیغامبر“ (Starry Messenger) میں انھوں نے دعویٰ کیا کہ انھوں نے چاند پر پہاڑ دیکھے ہیں، اور کہکشاں چھوٹے چھوٹے ستاروں کا جھرمٹ ہے اور مشتری (Jupiter) کے گرد چار چھوٹے اجسام چکر لگاتے ہوئے دیکھے ہیں۔ اپنی کتابوں ”خطبہ تیرتی ہوئی اشیاء“ (Discourse on Floating Bodies) اور ”سمشی دھبے“ (Sunspots) میں انھوں نے سمشی دھبوں سے متعلق اپنے مشاہدات بیان کیے۔

اپنی بنائی ہوئی دوربینوں کی مدد سے انھوں نے زحل (Saturn) اور زہرہ (Venus) کے جو مشاہدات کیے ان کی بنیاد پر انھوں نے جواز پیش کیا کہ تمام سیارے سورج کے گرد چکر لگاتے ہیں، زمین کے گرد نہیں جیسا کہ اس وقت یقین کیا جاتا تھا۔

دوسرے لفظوں میں، تمام اشیاء اپنی ”حرکت کی حالت“ میں تبدیلی کی مزاحمت کرتی ہیں۔ کیفیت (Qualitative) طور پر، اگر اشیاء میں خلل نہ پیدا کیا جائے تو ان کی حالت سکون میں رہنے یا اسی یکساں رفتار سے حرکت کرتے رہنے کے ان کے رجحان کو جمود (Inertia) استمرار کہتے

ایک صفر غیر متوازن قوت حاصل کرنا مشکل ہوتا ہے۔ ایسا قوتِ رگڑ کی موجودگی کے سبب سے ہوتا ہے جو حرکت کی سمت مخالف سمت میں کام کر رہی ہوتی ہے۔ اس لیے عملی شکل میں چکنا پتھر کچھ فاصلہ طے کرنے کے بعد رک جاتا ہے۔ قوتِ رگڑ کے اثر کو زیادہ چکنا پتھر اور زیادہ چکنی سطح استعمال کر کے اور سطحوں پر چکنائی لگا کر، کم کیا جاسکتا ہے۔

نیوٹن نے گیلیلیو کے قوت اور حرکت کے تصورات کا مزید مطالعہ کیا اور ایسے تین بنیادی قوانین پیش کیے، جن کے تحت اشیاء حرکت کرتی ہیں۔ یہ تین قوانین ”نیوٹن کے حرکت کے قوانین“ کہلاتے ہیں۔ حرکت کا پہلا قانون بیان کیا جاسکتا ہے۔

ایک شے حالت سکون یا خط مستقیم میں یکساں حرکت کی حالت میں رہتی ہے۔ جب تک اس پر کی ان حالتوں کو بدلنے کے لیے کوئی قوت نہ لگائی جائے۔

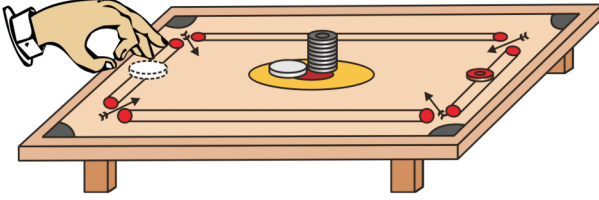


گیلیلیو گیلیلی
(1564-1642)

گیلیلیو گیلیلی 15 فروری 1564 کو پیزا (Pisa) اٹلی میں پیدا ہوئے۔ انھیں بچپن سے ہی ریاضی اور طبعی فلسفہ میں دلچسپی تھی۔ لیکن ان کے والد (Vincenzo Galilei) انھیں ڈاکٹر بنانا چاہتے تھے۔ اس لیے انھوں نے ڈاکٹری کی سند حاصل کرنے کے لیے 1581 میں

(University of Pisa) میں داخلہ لے لیا، لیکن ان کی اصل دلچسپی کیونکہ ریاضی میں تھی، اس لیے وہ اپنی ڈاکٹری کی تعلیم مکمل نہیں کر سکے۔ 1586 میں انھوں نے اپنی پہلی سائنسی کتاب ”مختصر توازن“ (The Little Balance) (La Balancetta) لکھی، جس میں انھوں نے (Archimedes) کا اشیاء کی نسبتی کثافتیں (Relative Densities) یا نوعی کثافتیں (Specific Gravities) معلوم کرنے کا، طبعی ترازو (Physical Balance) استعمال کرتے ہوئے، طریقہ بیان کیا۔ 1589 میں انھوں نے اپنے مضامین کے سلسلے ”De Motu“ میں نیچے گرتی ہوئی اشیاء کا اپنا نظریہ پیش کیا، جو گرنے کی شرح کو کم کرنے کے لیے ایک مائل سطح پر پھیل رہی تھیں۔

درکار قوت سے لگائی ہے تو سب سے پہلی گولٹ تیزی سے حرکت کرتی ہے، اس طرح کہ اس کے اوپر کے گولٹ کے درمیان کوئی افقی قوت باقی گولٹ کو افقی سمت میں حرکت نہیں دیتی۔ جب پہلی گولٹ ہٹ جاتی ہے، تو باقی گولٹوں کا جمود انہیں میز پر آگے کی سمت میں گرا دیتا ہے۔



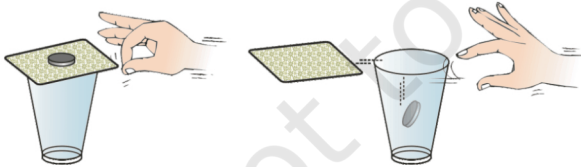
شکل 9.6: جب ایک تیزی سے حرکت کرتی ہوئی کیرم کی گولٹ (یا اسٹرائکر) گولٹوں کے گولٹ کے نچلے سرے پر لگتی ہے، تو صرف سب سے نچلی گولٹ ہی حرکت کرتی ہے۔

سرگرمی 9.2

ایک میز پر ایک خالی گلاس رکھیں اور اسے ایک سخت گتے سے ڈھک دیں۔ گتے پر ایک 5 روپے کا سکہ رکھیں، جیسا کہ شکل 9.7 میں دکھایا گیا ہے۔

انگلی سے گتے پر زور سے ایک افقی سمت میں چٹکی ماریں۔ اگر آپ تیزی سے چٹکی ماریں تو گتا تیزی سے آگے کی سمت میں نکل جاتا ہے اور سکہ اپنے جمود کی وجہ سے عمودی سمت میں حرکت کرتے ہوئے گلاس میں گر پڑتا ہے۔

سکہ کا جمود گتا نکل جانے کے بعد بھی سکے کی حالت سکون کو برقرار رکھنا چاہتا ہے۔



شکل 9.7: جب گتے پر انگلی سے چٹکی ماری جاتی ہے، تو گتا نکل جانے کے بعد اس پر رکھا ہوا سکہ گلاس میں گر جاتا ہے۔

ہیں۔ اسی لیے حرکت کے پہلے قانون کو جمود کا قانون (Law of Inertia) بھی کہتے ہیں۔

ہمیں موٹر میں سفر کرتے وقت جو تجربات ہوتے ہیں، ان میں سے کچھ کی وضاحت ”جمود کے قانون“ کے ذریعے کی جاسکتی ہے۔ ہم اپنی نشست (Seat) کے لحاظ سے اس وقت تک حالت سکون میں رہتے ہیں جب تک کہ انجن ڈرائیور کو روکنے کے لیے بریک قوت نہیں لگاتا۔ بریک لگانے کے ساتھ، کار آہستہ ہو جاتی ہے، مگر ہمارا جسم اپنے جمود کی وجہ سے اسی حالت حرکت میں رہنا چاہتا ہے۔ اس لیے اچانک بریک لگائے جانے سے ہم اپنے سامنے کے تختے سے ٹکرا سکتے ہیں۔ اور ہمیں چوٹ لگ سکتی ہے۔ ایسے حادثات سے بچنے کے لیے حفاظتی پٹیاں پہنی جاتی ہیں۔ حفاظتی پٹیاں ہمارے جسم پر ایک قوت لگاتی ہیں، جس کی وجہ سے آگے کی سمت میں ہماری حرکت آہستہ ہو جاتی ہے۔ ایک مخالف تجربہ ہوتا ہے، جب ہم بس میں کھڑے ہوتے ہیں اور بس اچانک چلنا شروع کر دیتی ہے۔ اب ہم پیچھے کی طرف گرنے لگتے ہیں۔ ایسا اس لیے ہوتا ہے کیونکہ بس کا اچانک چلنا شروع کر دینا بس کو اور بس کے فرش کے ساتھ تماس میں ہمارے پیروں کو حرکت میں لے آتا ہے۔ لیکن ہمارے جسم کا باقی حصہ اپنے جمود کی وجہ سے اس حرکت کی مخالفت کرتا ہے۔

جب ایک کار تیز رفتار سے کوئی موٹر کاٹتی ہے تو ہم ایک طرف گرنے لگتے ہیں اس کی وضاحت بھی جمود کے قانون کی بنیاد پر کی جاسکتی ہے ہم اپنی خط مستقیم میں حرکت کو جاری رکھنا چاہتے ہیں۔ جب موٹر کے انجن کے ذریعے موٹر کی حرکت کی سمت تبدیل کرنے کے لیے ایک غیر متوازن قوت لگائی جاتی ہے، تو ہم اپنے جسم کے جمود کی وجہ سے اپنی نشست پر ایک طرف پھسل جاتے ہیں۔ یہ حقیقت کہ ایک جسم اس وقت تک حالت سکون میں رہے گا، جب تک اس پر کوئی غیر متوازن قوت نہ لگے مندرجہ ذیل سرگرمیوں کے ذریعے واضح کی جاسکتی ہے۔

سرگرمی 9.1

کیرم کی گولٹوں کا ایک گولٹ بنائیے، جیسا کہ شکل 9.6 میں دکھایا گیا ہے۔

اسٹرائکر یا کیرم کی ایک دوسری گولٹ کے ذریعے گولٹ کے نچلے سرے پر زور سے ایک افقی چوٹ لگائیے۔ اگر آپ نے چوٹ

1- مندرجہ ذیل میں سے کس کا جمود زیادہ ہے:

- ایک ربر کی گیند اور اسی ناپ کا پتھر
 - ایک سائیکل اور ایک ریل گاڑی
 - پانچ روپے کا سکہ اور ایک روپے کا سکہ
- 2- مندرجہ ذیل مثال میں شناخت کرنے کی کوشش کیجیے کہ گیند کی رفتار کتنی مرتبہ تبدیل ہو رہی ہے۔ ایک فٹ بال کا کھلاڑی، کل مارکرفٹ بال اپنی ٹیم کے دوسرے کھلاڑی کو دیتا ہے، جو اسے گول کی طرف مارتا ہے۔ مخالف ٹیم کا گول کیپر، گیند پکڑ لیتا ہے اور پیر سے اپنی ٹیم کے دوسرے کھلاڑی کی طرف مارتا ہے۔

- سمجھائیے کہ اگر ہم ایک درخت کی ٹہنی کو زور سے ہلائیں تو اس کی کچھ پتیاں گر کیوں جاتی ہیں؟
- جب ایک چلتی ہوئی بس بریک لگانے پر رکتی ہے تو آپ آگے کی سمت میں کیوں گرتے ہیں؟ اور جب بس حالت سکون سے اسراع پذیر ہوتی ہے تو آپ پیچھے کی سمت میں کیوں گرتے ہیں؟

9.4 حرکت کا دوسرا قانون

(Second Law of Motion)

حرکت کا پہلا قانون یہ نشاندہی کرتا ہے کہ جب ایک شے پر غیر متوازن باہری قوت لگتی ہے تو اس کی رفتار تبدیل ہوتی ہے یعنی کہ شے میں اسراع پیدا ہوتا ہے۔ اب ہم یہ مطالعہ کرنا چاہیں گے کہ ایک اسراع میں پیدا ہونے والا اسراع لگائی ہوئی قوت پر کیسے منحصر ہے اور ہم قوت کو کیسے ناپتے ہیں؟ آئیے اپنے روزمرہ کے کچھ مشاہدات کا مطالعہ کریں۔ ٹیبل ٹینس کے کھیل میں اگر گیند کھلاڑی کے لگ جائے تو چوٹ نہیں لگتی۔ لیکن اگر تیزی سے حرکت کرتی ہوئی کرکٹ کی گیند تماش بین کے بھی لگ جائے تو اسے چوٹ لگ سکتی ہے۔ ایک سڑک کے کنارے کھڑے ہوئے ٹرک کو آپ نظر انداز کر سکتے ہیں لیکن ایک حرکت کرتا ہوا ٹرک، چاہے اس کی رفتار صرف

- پانی سے بھرا ہوا ایک گلاس ٹرے میں رکھیں۔
- ٹرے کو ہاتھ میں لے کر جتنی تیزی سے گھوم سکتے ہو گھومیے۔
- ہم دیکھتے ہیں کہ پانی چھلک جاتا ہے۔ کیوں؟

آپ دیکھتے ہیں کہ چائے کی پیالی رکھنے کے لیے طشتری میں جھری (Groove) بنی ہوتی ہے۔ یہ اچانک دھکا لگنے سے پیالی کو گرنے سے بچانے کے لیے بنائی جاتی ہے۔

9.3 جمود اور کمیت (Inertia and Mass)

اوپر دی ہوئی تمام مثالیں اور سرگرمیاں، اس بات کی وضاحت کرتی ہیں کہ شے اپنی حرکت کی حالت (State of Motion) میں تبدیلی کی مزاحمت کرتی ہے۔ اگر وہ حالت سکون میں ہے تو وہ حالت سکون میں رہنا چاہتی ہے اور اگر وہ حرکت کر رہی ہے تو وہ اپنی حرکت جاری رکھنا چاہتی ہے۔ ایک شے کی یہ خاصیت کہ وہ اپنی حرکت کی حالت میں تبدیلی کی مزاحمت کرتی ہے، جمود کہلاتی ہے۔ کیا تمام اجسام میں یکساں جمود ہوتا ہے؟ ہم جانتے ہیں کہ ایک خالی بکس کو، ایک کتابوں سے بھرے ہوئے بکس کے مقابلے میں حرکت دینا آسان ہوتا ہے۔ اسی طرح اگر ہم ایک فٹ بال پر کلک ماریں تو وہ آگے چلی جاتی ہے۔ لیکن اگر ہم اتنے ہی ناپ کے ایک پتھر پر اتنی ہی قوت سے کلک لگائیں تو وہ کچھ بھی حرکت نہیں کرتا۔ ہو سکتا ہے ایسا کرنے میں ہم اپنا پیر زخمی کر لیں۔ اسی طرح، اگر سرگرمی 9.2 میں ہم پانچ روپے کے سکے کی جگہ ایک روپے کا سکہ استعمال کریں، تو ہم دیکھتے ہیں کہ اس سرگرمی کو کرنے کے لیے ہمیں پہلے سے کم قوت درکار ہوتی ہے۔ اتنی قوت جو ایک چھوٹی گاڑی کو تیز رفتار اختیار کرنے کے لیے کافی ہو، ایک ریل گاڑی کی حرکت میں قابلِ نظر انداز حرکت پیدا کرے گی۔ ایسا اس لیے کیونکہ گاڑی کے مقابلے میں ریل میں اپنی حرکت کی حالت کو بدلنے کا رجحان کہیں کم ہے۔ اس لیے ہم کہتے ہیں کہ ریل کا جمود گاڑی سے کہیں زیادہ ہوتا ہے۔ مقداری شکل میں، ایک شے کا جمود اس کی کمیت کے ذریعے ناپا جاتا ہے۔ اس لیے ہم جمود اور کمیت کو مندرجہ ذیل طور پر معرف کر سکتے ہیں۔

جمود ایک شے کا وہ قدرتی رجحان ہے جس کی وجہ سے وہ اپنی حرکت کی حالت یا حالت سکون میں تبدیلی کی مزاحمت کرتی ہے۔ ایک شے کی کمیت اس کے جمود کا ناپ ہے۔

9.4.1 حرکت کے دوسرے قانون کی ریاضیاتی تشکیل (Mathematical Formulation of Second Law of Motion)

فرض کیجیے کہ m کمیت کی ایک شے ایک خط مستقیم پر آغازی رفتار u سے حرکت کر رہی ہے۔ اسی میں لگاتار وقت t تک ایک مستقل قوت F لگا کر یکساں اسراع پذیر کیا جاتا ہے، یہاں تک کہ وہ رفتار v اختیار کر لیتی ہے۔ شے کے آغازی اور اختتامی تحریک بالترتیب ہوں گے: $p_1 = mu$ اور $p_2 = mv$

$$\begin{aligned} \text{تحریک میں تبدیلی} &\propto p_2 - p_1 \\ &\propto mv - mu \\ &m \times (v - u) \\ \text{تحریک میں تبدیلی کی شرح} &\propto \frac{m \times (v - u)}{t} \\ \text{یا لگائی ہوئی قوت} &F \propto \frac{m \times (v - u)}{t} \\ F &= \frac{km \times (v - u)}{t} \quad (9.2) \\ F &= kma \quad (9.3) \end{aligned}$$

یہاں $a = (v - u)/t$ اسراع ہے جو رفتار میں تبدیلی کی شرح ہے۔ مقدار k متناسبت کا مستقل ہے۔ کمیت اور اسراع کی SI اکائیاں بالترتیب kg اور m s^{-2} ہیں۔ قوت کی اکائی اس طرح منتخب کی جاتی ہے کہ مستقل k کی قدر 1 ہو جائے۔ اس کے لیے قوت کی ایک اکائی کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ قوت کی وہ مقدار ہے جو 1 kg کمیت کی ایک شے میں 1 m s^{-2} کا اسراع پیدا کرتی ہے۔ یعنی کہ

$$\text{قوت کی 1 اکائی} = k (1 \text{ kg}) \times (1 \text{ m s}^{-2})$$

اس طرح k کی قدر ایک ہو جاتی ہے۔ مساوات (9.3) سے

$$F = ma \quad (9.4)$$

قوت اکائی kg m s^{-2} ہے اور اس کی علامت N ہے۔ حرکت کا دوسرا قانون، شے کی کمیت اور اس کے اسراع کے حاصل ضرب کی شکل میں ہمیں کسی شے پر لگ رہی قوت کو ناپنے کا ایک طریقہ فراہم کرتا ہے۔

5 ms^{-1} ہی ہو، اپنے راستے میں آئے شخص کو ہلاک کر سکتا ہے۔ ایک بہت تھوڑی کمیت کی شے جیسے بندوق سے نکلی ہوئی گولی بھی ایک شخص کو مار سکتی ہے۔ ایک بہت تھوڑی کمیت کی شے جیسے بندوق سے نکلی ہوئی گولی بھی ایک شخص کو مار سکتی ہے۔ ان مشاہدات سے معلوم ہوتا ہے کہ اشیاء سے پیدا ہونے والا اثر ان کی کمیت اور رفتار پر منحصر ہے۔ اسی طرح، اگر کسی شے میں اسراع پیدا کرنا ہے، تو ہم جانتے ہیں کہ اسے زیادہ رفتار دینے کے لیے زیادہ قوت درکار ہوگی۔ دوسرے الفاظ میں، لگتا ہے کہ کوئی بہت اہم مقدار ہوگی جو شے کی کمیت اور اس کی رفتار کا مجموعہ ہوگی۔ ایسی ایک خاصیت، جو محرک معیار حرکت (Momentum) کہلاتی ہے، نیوٹن نے معرف کرائی۔ ایک شے کے تحریک 'p' کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ شے کی کمیت اور اس کی رفتار کا حاصل ضرب ہے یعنی کہ

$$p = mv \quad (9.1)$$

تحریک میں عددی قدر اور سمت دونوں ہوتی ہیں اس کی سمت وہی ہوتی ہے جو رفتار کی سمت ہے۔ تحریک کی SI اکائی کلوگرام۔ میٹر فی سیکنڈ (kg m s^{-1}) ہے۔ کیونکہ ایک غیر متوازن قوت لگانے سے ایک شے کی رفتار میں تبدیلی آتی ہے، اس لیے ظاہر ہے کہ قوت ہی وہ وسیلہ ہے جو تحریک میں تبدیلی لاتا ہے۔

ہم ایک ایسی حالت کا تصور کرتے ہیں، جس میں ایک کار کو ایک سیدھی سڑک پر دھکا دیا جاتا ہے، جس سے کار 1 m s^{-1} کی چال اختیار کر لیتی ہے جو اس کے انجن کو کام کرنا شروع کرنے (اشارہ کرنے) کے لیے کافی ہے۔ اگر ایک یا دو شخص اس کار میں ایک اچانک دھکا لگاتے ہیں (غیر متوازن قوت) تو کار کا انجن اشارے نہیں ہوتا۔ لیکن اگر وہ کچھ دیر تک لگاتار دھکا لگاتے رہیں تو کار میں بتدریج اسراع پیدا ہوتا رہتا ہے، یہاں تک کہ کار وہ رفتار اختیار کر لیتی ہے جو انجن اشارے کرنے کے لیے کافی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ کار کے تحریک کی تبدیلی قوت کی عددی قدر سے ہی نہیں معلوم ہو سکتی بلکہ یہ اس وقت پر بھی منحصر ہے جس کے دوران قوت لگائی گئی ہے۔ اس لیے یہ نتیجہ اخذ کیا جاسکتا ہے کہ ایک شے کے تحریک میں تبدیلی لانے کے لیے درکار قوت اس شرح وقت پر منحصر ہے، جس سے تحریک تبدیل ہوتا ہے۔

حرکت کے دوسرے قانون (Second Law of Motion) کو اس طرح بیان کیا جاسکتا ہے کہ ایک شے کے تحریک کی شرح تبدیلی لگائی گئی غیر متوازن، قوت کی سمت میں، متناسب ہے۔

حرکت کے پہلا قانون کی ریاضیاتی عبارت دوسرے قانون کی ریاضیاتی عبارت سے بھی حاصل کی جاسکتی ہے۔ دوسرا قانون کہتا ہے کہ:

$$F = ma$$

$$F = \frac{m(v - u)}{t} \quad (9.5)$$

$$Ft = mv - mu \quad \text{یا}$$

یعنی کہ جب: $F = 0$ تو $v = u$ ، چاہے وقفہ وقت t کی قدر کچھ بھی ہو۔ اس کا مطلب ہے کہ شے تمام وقفہ وقت میں یکساں رفتار u سے حرکت جاری رکھے گی۔ اگر u صفر ہے تو v بھی صفر ہوگی۔ یعنی کہ، شے حالت سکون میں رہے گی۔

مثال 9.1 5 kg کمیت کی ایک شے پر 2s کے لیے مستقل قوت لگتی ہے۔ یہ شے کی رفتار 3 m s^{-1} سے بڑھ کر 7 m s^{-1} کر دیتی ہے۔ لگائی گئی قوت کی عددی قدر معلوم کیجیے۔ اگر یہی قوت 5s تک لگائی جاتی ہے تو شے کی اختتامی رفتار کیا ہوگی؟

حل:

ہمیں دیا گیا ہے کہ $u = 3 \text{ m s}^{-1}$ اور $v = 7 \text{ m s}^{-1}$ ،
 $t = 2 \text{ s}$ اور $m = 5 \text{ kg}$ مساوات (9.5) سے ہمیں حاصل ہوتا ہے۔

$$F = \frac{m(v - u)}{t}$$

اس رشتے میں قدریں رکھنے پر ملتا ہے

$$f = 5 \text{ kg } (7 \text{ m s}^{-1} - 3 \text{ m s}^{-1}) / 2 \text{ s} = 10 \text{ N}$$

اب، اگر یہی قوت 4s کے وقفہ وقت کے لیے لگائی جائے ($t = 4 \text{ s}$)، تب اختتامی رفتار کا حساب، مساوات (9.5) کو دوسری شکل میں لکھ کر، لگایا جاسکتا ہے۔

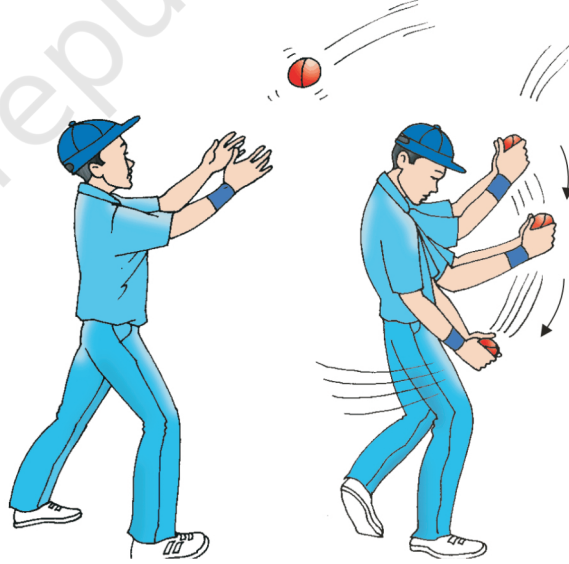
$$v = u + \frac{Ft}{m}$$

m ، F ، t اور u کی قدریں رکھنے پر، ہمیں اختتامی رفتار حاصل ہوتی ہے۔

$$v = 13 \text{ m s}^{-1}$$

ہم اپنی روزمرہ زندگی میں اکثر حرکت کے دوسرے قانون کو عملی شکل میں دیکھتے ہیں۔ کیا آپ نے کبھی غور کیا ہے کہ ایک فیلڈر تیزی سے آرہی کرکٹ کی گیند کو کچھ کرتے وقت حرکت کرتی ہوئی گیند کے ساتھ اپنے ہاتھوں کو پیچھے کی طرف کھینچتا ہے؟ ایسا کرنے میں فیلڈر اس عرصہ وقت میں اضافہ کر لیتا ہے، جس کے دوران گیند کی تیز رفتار کم ہو کر صفر ہو جاتی ہے۔ اس طرح گیند کا اسراع کم ہو جاتا ہے اور اس طرح تیزی سے حرکت کرتی ہوئی گیند کو کچھ کرنے میں ہاتھ پر پڑنے والی چوٹ بھی کم ہو جاتی ہے (شکل 9.8)۔ اگر گیند کو اچانک روکا جائے تو اس کی تیز رفتار بہت مختصر وقفہ وقت میں کم ہو کر صفر ہو جاتی ہے یعنی کہ گیند کی حرکت کی شرح تبدیلی زیادہ ہوگی۔ اس لیے کچھ پکڑنے کے لیے ایک بڑی قوت لگانا پڑے گی، ورنہ ہاتھ زخمی بھی ہو سکتے ہیں۔ اونچی کود کے میدان میں چھلانگ لگانے والے کھلاڑیوں کو گدے یا ریت پر گرایا جاتا ہے۔ ایسا اس لیے کیا جاتا ہے کہ کودنے کے بعد کھلاڑیوں کے گرنے کا وقفہ وقت میں اضافہ کیا جاسکے۔ اس سے حرکت کی تبدیلی شرح اور اس لیے قوت کم ہو جاتی ہے۔

کبھی سوچیے گا کہ کرائے کا کھلاڑی ایک برف کی سلی کو ایک ہی گھونسے میں کیسے توڑ دیتا ہے؟



شکل 9.8: ایک فیلڈر کچھ پکڑتے وقت اپنے ہاتھوں کو بتدریج پیچھے کی طرف کھینچتا ہے۔

مثال 9.4 5N کی ایک قوت m_1 کی ایک کمیت میں 10 m s^{-2} کا اسراع پیدا کرتی ہے اور یہی قوت m_2 کی کمیت میں 20 $m s^{-2}$ کا اسراع پیدا کرتی ہے۔ اگر دونوں کمیتوں کو ایک ساتھ باندھ دیا جائے تو یہ قوت کتنا اسراع پیدا کرے گی۔

حل:

مساوات (9.5) سے ہمارے پاس ہے:

$$m_2 = \frac{F}{a_2}, m_1 = \frac{F}{a_1}$$

یہاں: $a_1 = 10 m s^{-2}$, $a_2 = 20 m s^{-2}$, $F = 5N$ اس لیے

$$m_1 = \frac{5N}{10 m s^{-2}} = 0.50 kg$$

$$m_2 = \frac{5N}{20 m s^{-2}} = 0.25 kg \text{ اور}$$

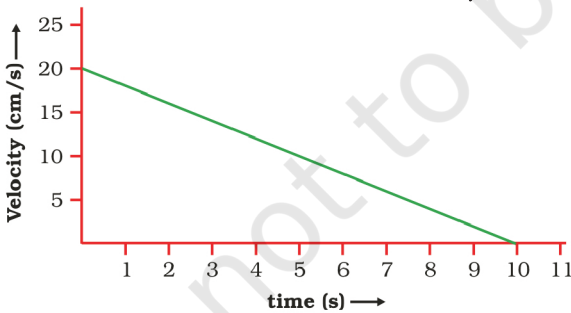
جب دونوں کمیتوں کو ایک ساتھ باندھ دیا جاتا ہے، تو کل کمیت ہوگی:

$$m = 0.50 kg + 0.25 kg = 0.75 kg$$

دونوں کمیتوں کے مجموعے میں 5N قوت کے ذریعے پیدا ہوسکنے والا اسراع a ہے:

$$a = \frac{F}{m} = \frac{5N}{0.75 kg} = 6.67 m s^{-2}$$

مثال 9.5 20g کمیت کی ایک گیند کی رفتار۔ وقت گراف شکل 9.9 میں دکھایا گیا ہے، جو ایک لمبی میز پر ایک خط مستقیم میں حرکت کر رہی ہے۔



شکل 9.9

مثال 9.2 کس میں زیادہ قوت درکار ہوگی۔ ایک 2kg کی ایک کمیت میں 5 $m s^{-2}$ کا اسراع پتہ کرنے میں یا 4 kg کی کمیت میں 2 $m s^{-2}$ کا اسراع پیدا کرتے ہیں۔

حل:

مساوات (9.4) سے ہمیں حاصل ہوتا ہے: $F = ma$

یہاں ہمارے پاس ہے: $m_1 = 2 kg$, $a_1 = 5 m s^{-2}$,

$$m_2 = 4 kg, a_2 = 2 m s^{-2}$$

اس لیے $F_1 = m_1 a_1 = 2 kg \times 5 m s^{-2} = 10 N$

$$F_2 = m_2 a_2 = 4 kg \times 2 m s^{-2} = 8 N \Rightarrow F_1 > F_2$$

اس لیے 2kg کی کمیت میں 5 $m s^{-2}$ کا اسراع پیدا کرنے کے لیے زیادہ قوت درکار ہوگی۔

مثال 9.3 ایک موٹر کار 108 km/h کی رفتار سے حرکت کر رہی ہے اور بریک لگانے کے بعد رکنے میں اسے 4s کا وقت لگتا ہے۔ اگر کار اور سوار یوں کی مجموعی کمیت 1000kg ہے، تو حساب لگائیے کہ بریک نے موٹر کار پر کتنی قوت لگائی۔

حل:

$$u = 108 km/h = 108 \times 1000$$

$$m / (60 \times 60 s) = 30 m s^{-1}$$

$$v = 0 m s^{-1} \text{ موٹر کار کی اختتامی رفتار}$$

$$1000 kg \text{ مع سوار یوں کے موٹر کار کی کل کمیت}$$

$$t = 4s \text{ موٹر کار کو رکنے میں لگنے والا وقت}$$

مساوات (9.5) سے بریک کے ذریعے لگائی گئی قوت کی عددی قدر F دی جاتی ہے

$$F = m (v - u) / t$$

قدریں رکھنے پر، ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$F = \frac{1000 kg \times (0 - 30) m s^{-1}}{4s}$$

منفی علامت، ہمیں بتاتی ہے کہ بریک کے ذریعے لگائی گئی قوت کار کی حرکت کی مخالف سمت میں ہے۔

گیند کو حالت سکون (شکل 9.9) میں لانے کے لیے میز گیند پر کتنی قوت لگاتی ہے؟

حل:

گیند کی آغازی رفتار 20 cm s^{-1} ہے۔ $u = 20 \text{ cm s}^{-1}$ ، $t = 10 \text{ s}$ ، $v = 0 \text{ cm s}^{-1}$ کیونکہ رفتار۔ وقت گراف ایک خط مستقیم ہے۔ اس لیے ظاہر ہے کہ گیند مستقلہ اسراع قوت سے حرکت کر رہی ہے۔ اسراع a ہے:

$$a = \frac{v - u}{t} = (0 \text{ cm s}^{-1} - 20 \text{ cm s}^{-1}) / 10 \text{ s} = -2 \text{ cm s}^{-2} = -0.02 \text{ m s}^{-2}$$

گیند پر لگائی گئی قوت F ہے:

$$F = ma = (20 / 1000) \text{ kg} \times (-0.02 \text{ m s}^{-2}) = -0.004$$

منفی علامت کا مطلب ہے کہ میز کے ذریعے لگائی گئی قوت رگڑ گیند کی حرکت کی مخالف سمت میں ہے۔

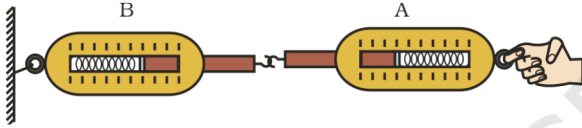
9.5 حرکت کا تیسرا قانون

(Third Law of Motion)

حرکت کے پہلے دو قانون ہمیں بتاتے ہیں کہ ایک لگائی گئی قوت حرکت میں کیسے تبدیلی لاتی ہے اور ہمیں قوت ناپنے کا طریقہ مہیا کرتے ہیں۔ اب تک ہم نے جن مثالوں سے بحث کی ہے ان میں لگنے والی قوتیں ایک واحد جسم سے متعلق تھیں۔ حرکت کا تیسرا قانون بتاتا ہے کہ جب ایک شے کسی دوسری شے پر قوت لگاتی ہے، تو دوسری شے بھی پہلی شے پر قوت لگاتی ہے۔ یہ دونوں قوتیں ہمیشہ عددی قدر میں مساوی ہوتی ہیں لیکن ان کی سمتیں ایک دوسرے کے مخالف ہوتی ہیں۔ اس سے پتہ چلتا ہے کہ قوتیں ہمیشہ جوڑوں میں ہوتی ہیں۔ جس کی وجہ دونوں اشیاء میں کوئی آپسی عمل ہوتا ہے۔ یہ قوتیں مختلف اشیاء پر لگتی ہیں، کبھی ایک ہی شے پر نہیں لگتیں۔ فٹ بال کے کھیل میں ہم کبھی کبھی فٹ بال کو دیکھتے ہوئے اس پر زور دار کک لگانے کی کوشش میں مخالف ٹیم کے کھلاڑی سے ٹکرا جاتے ہیں۔ دونوں کو چوٹ لگتی ہے، کیونکہ دونوں ایک دوسرے پر قوت لگاتے

ہیں۔ دوسرے لفظوں میں یہاں قوتوں کا ایک جوڑا ہے صرف ایک قوت نہیں۔ یہ ”مخالف قوتیں“ عمل (Action) اور رد عمل (Reaction) قوتیں بھی کہلاتی ہیں۔

آئیے دو کمائی دار ترازو (Spring Balance) لیں اور انہیں ایک دوسرے سے منسلک کر دیں، جیسا کہ شکل 9.10 میں دکھایا گیا ہے۔ ترازو B کا غیر متحرک سرا، ایک سخت سہارے جیسے دیوار، سے منسلک ہے۔ جب کمائی دار ترازو A کے غیر متحرک سرے کے ذریعے قوت لگائی جاتی ہے تو یہ دیکھنے میں آتا ہے کہ دونوں کمائی دار ترازو اپنے پیمانوں پر یکساں اندارج (Reading) ظاہر کرتے ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ کمائی دار ترازو A کے ذریعے ترازو B پر لگائی گئی قوت، ترازو B کے ذریعے ترازو A پر لگائی گئی قوت کے مساوی مگر سمت میں مخالف ہے۔ وہ قوت جو ترازو A، B پر لگاتی ہے، عمل کہلاتی ہے اور جو قوت ترازو B ترازو A پر لگاتی ہے، رد عمل کہلاتی ہے۔ اس سے ہمیں حرکت کے تیسرے قانون کا ایک متبادل بیان حاصل ہوتا ہے۔ ہر عمل کے لیے ایک مساوی اور مخالف رد عمل ہوتا ہے۔ لیکن یہ ضرور یاد رکھنا چاہیے کہ عمل اور رد عمل ہمیشہ دو مخالف اشیاء پر کام کرتے ہیں۔



شکل 9.10: عمل اور رد عمل کی قوتیں مساوی اور مخالف ہیں۔

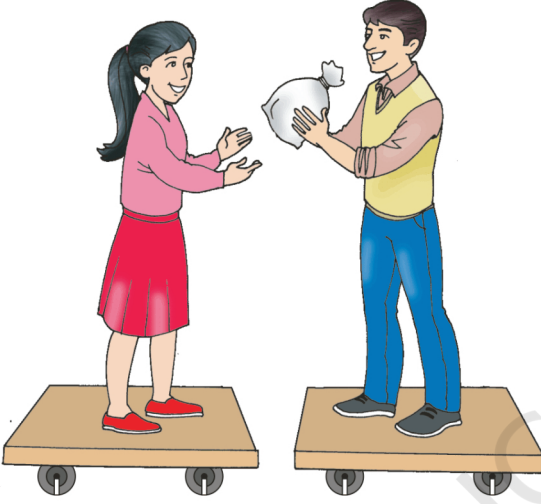
فرض کیجیے آپ سڑک پر حالت سکون میں کھڑے ہیں اور چلنا شروع کرنا چاہتے ہیں۔ آپ کو اسراع حاصل کرنا ضروری ہے اور حرکت کے دوسرے قانون کے مطابق اس کے لیے قوت درکار ہوگی۔ یہ قوت کون سی ہے؟ کیا یہ اس سمت میں ہے، جس میں ہم چلنا چاہتے ہیں؟ نہیں آپ اپنے پیروں کے نیچے کی سڑک کو پیچھے کی طرف دباتے ہیں۔ سڑک آپ کے قدموں پر ایک مساوی اور مخالف رد عمل کی قوت لگاتی ہے۔ جو آپ کے کو آگے حرکت دیتی ہے۔

یہ نوٹ کرنا بھی ضروری ہے کہ اگرچہ عمل اور رد عمل کی قوتوں کی عددی قدریں ہمیشہ مساوی ہوتی ہیں، ضروری نہیں ہے کہ یہ قوتیں یکساں اسراع پیدا کریں۔ کیونکہ ہر قوت مختلف اشیاء پر کام کرتی ہے جن کی کمیتیں مختلف ہو سکتی ہیں۔

• انھیں ریت سے بھرا ہوا ایک تھیلا، یا کسی اور بھاری شے سے بھرا ہوا تھیلا دے دیجیے۔ انھیں تھیلے سے کچھ کھیل کھیلنے کے لیے کہیے۔

• کیا ان دونوں میں سے ہر ایک ریت کے تھیلے کے پھیکے جانے (عمل) کے نتیجے میں فوری رد عمل حاصل کرتا ہے۔

• آپ گاڑی کے پہیوں پر سفید رنگ سے ایک لائن کھینچ دیں اور اس کی مدد سے جب دونوں بچے ایک دوسرے کی طرف تھیلا پھینکیں تو دونوں گاڑیوں کی حرکت کا مشاہدہ کریں۔



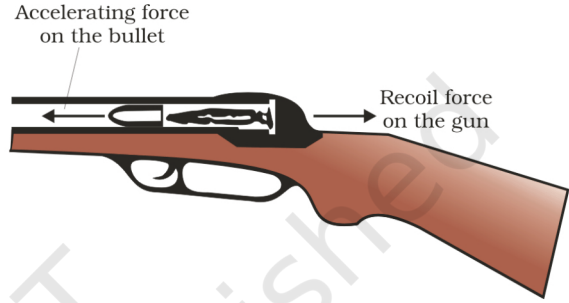
شکل 9.13

اب ایک گاڑی پر دو بچے کھڑے کر دیجیے اور دوسری گاڑی پر ایک بچہ اب آپ حرکت کے دوسرے قانون کا مشاہدہ کر سکتے ہیں، کیونکہ اس ترتیب میں یکساں قوت کے لیے مختلف اسراع پیدا ہوں گے۔

اس سرگرمی میں استعمال کی جانے والی گاڑی 12mm یا 18mm موٹے تقریباً 50 × 100 cm کے پلائی ووڈ (Plywood) تختے سے بنائی جاسکتی ہے، جس میں دو سخت بال۔ بیرنگ والے پہیوں کے جوڑے (اسکیٹ پیسے استعمال کرنے میں بہتر ہوتے ہیں) لگائے جاسکتے ہیں۔ اسکیٹ تختے اتنے موثر نہیں ہوتے کیونکہ ان پر توازن برقرار رکھنا مشکل ہوتا ہے۔

جب ایک ہندوق چلائی جاتی ہے، تو ہندوق گولی پر آگے کی سمت میں قوت لگاتی ہے۔ گولی ایک مساوی اور مخالف رد عمل قوت دھماکہ خیزگیوں پر لگاتی ہے، جس کی وجہ سے ہندوق پسپا (Recoil) ہوتی ہے (شکل 9.11) کیونکہ ہندوق کی کمیت گولی کی کمیت سے کہیں زیادہ ہوتی ہے، ہندوق میں پیدا ہونے والا اسراع گولی میں پیدا ہونے والے اسراع سے بہت کم ہوتا ہے۔

حرکت کے تیسرے قانون کی ایک اور وضاحت اس صورت میں بھی ہوتی ہے، جب ایک ملاح ایک چلتی ہوئی کشتی میں سے چھلانگ لگاتا ہے جب ملاح سامنے کی طرف کودتا ہے، تو کشتی پر لگنے والی قوت اسے پیچھے کی طرف دھکیلتی ہے (شکل 9.12)۔



شکل 9.11: گولی پر لگ رہی، آگے کی سمت میں، قوت اور ہندوق کی پسپائی



شکل 9.12: جب ملاح آگے کی سمت میں کودتا ہے تو کشتی پیچھے کی سمت میں حرکت کرتی ہے۔

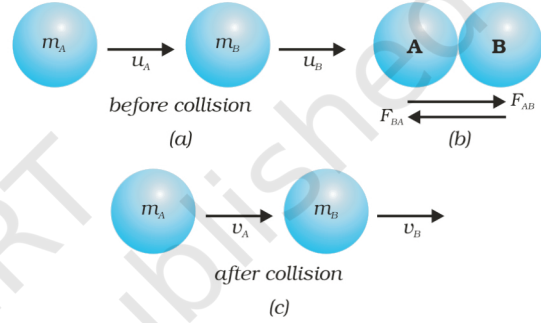
سرگرمی 9.4

• دو بچوں سے درخواست کیجیے کہ وہ دو الگ الگ گاڑیوں پر کھڑے ہو جائیں تو جیسا کہ شکل 9.13 میں دکھایا گیا ہے۔

9.6 تحرك کی بقا

(Conservation of Momentum)

فرض کیجیے دو اشیاء (مان لیجیے دو گیندیں A اور B) جن کی کمیتیں m_A اور m_B ہیں، ایک ہی سمت میں ایک خط مستقیم پر مختلف رفتاروں u_A اور u_B سے، بالترتیب حرکت کر رہی ہیں۔ شکل (9.14a) اور کوئی دوسری باہری غیر متوازن قوتیں ان پر کام نہیں کر رہی ہیں۔ فرض کیجیے $u_A > u_B$ دونوں گیندیں ایک دوسرے سے تصادم ٹکرا (Collision) کرتی ہیں، جیسا کہ شکل (9.14b) میں دکھایا گیا ہے۔ تصادم کے دوران جو وقفہ وقت t تک جاری رہتا ہے۔ گیند A اور گیند B پر ایک قوت F_{AB} لگاتی ہے اور B گیند، گیند A پر ایک قوت F_{BA} لگاتی ہے۔ فرض کیجیے گیندوں A اور B کی تصادم کے بعد کی رفتاریں بالترتیب v_A اور v_B ہیں (شکل 9.14c)۔



شکل 9.14: دو گیندوں کے تصادم میں تحرك کی بقا

مساوات (9.1) سے، گیند A کے تصادم سے پہلے اور بعد کے تحركات (تحرك کی جمع) بالترتیب $m_A u_A$ اور $m_A v_A$ ہیں۔ اس کے تحرك کی تبدیلی کی شرح (F_{AB} ، عمل) تصادم کے دوران، ہوگی:

$$m_A \frac{(v_A - u_A)}{t}$$

اسی طرح، تصادم کے دوران گیند B کے تحرك کی تبدیلی کی شرح

$$m_B \frac{(v_B - u_B)}{t} \quad (F_{BA} \text{ یا ردِ عمل) ہوگی:}$$

حرکت کے تیسرے قانون کے مطابق، گیند A کے ذریعے گیند B پر لگائی گئی قوت F_{BA} (عمل) اور گیند B کے ذریعے گیند A پر لگائی گئی قوت F_{AB} (ردِ عمل) ایک دوسرے کے مساوی اور مخالف ہونا چاہئیں۔ اس لیے۔

$$F_{AB} = -F_{BA} \quad (9.6)$$

قوت اور حرکت کے قوانین

$$m_A \frac{(v_A - u_A)}{t} = -m_B \frac{(v_B - u_B)}{t} \quad \text{یا}$$

اس سے حاصل ہوتا ہے۔

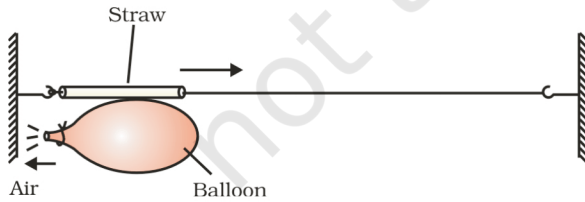
$$m_A u_A + m_B u_B = m_A v_A + m_B v_B \quad (9.7)$$

کیونکہ $(m_A u_A + m_B u_B)$ دونوں گیندوں A اور B کا تصادم سے پہلے، کل تحرك ہے اور $(m_A v_A + m_B v_B)$ ان کا تصادم کے بعد کل تحرك ہے، اس لیے مساوات (9.7) سے ہم دیکھتے ہیں کہ دونوں گیندوں کا کل تحرك تبدیل نہیں ہوتا، یا اس کی بقا ہوتی ہے، بشرطیکہ کوئی دوسری باہری قوت کام نہ کر رہی ہو۔

اس تصادم کے تجربے کے نتیجے سے، ہم کہہ سکتے ہیں کہ تصادم سے پہلے دو اشیاء کے تحركات کا حاصل جمع تصادم کے بعد دونوں اشیاء کے تحركات کے حاصل جمع کے مساوی ہے، بشرطیکہ ان پر کوئی باہری غیر متوازن قوت نہیں لگ رہی ہو۔ اسے ”تحرك کی بقا کا قانون“ کہا جاتا ہے۔ اس بیان کو متبادل شکل میں اس طرح بھی کہا جاسکتا ہے کہ دو اشیاء کا کل تحرك، تصادم میں، تبدیل نہیں ہوتا یا تحرك کی بقا ہوتی ہے۔

9.5 سرگرمی

- ایک بڑے سائز کا ربر کا غبارہ لیجیے اور اسے پورا پھلا لیجیے۔ اس کی گردن کو ایک دھاگے سے باندھ دیجیے۔ ایک چپکانے والے ٹیپ (Adhesive Tape) کی مدد سے غبارے کی سطح پر ایک کاغذ کی ٹی (Straw) لگا دیجیے۔
- اس ٹی میں ایک دھاگہ پرو دیجیے اور دھاگے کا ایک سرا اپنے ہاتھ میں پکڑ لیجیے۔
- اپنے ایک ساتھی سے کہیے کہ وہ کچھ دور دھاگے کا دوسرا سرا پکڑ کر کھڑا ہو جائے۔ یہ ترتیب شکل 9.15 میں دکھائی گئی ہے۔
- اب غبارے کی گردن پر بندھا ہوا دھاگہ کھول دیجیے اور اس کی ہوائ نکل جانے دیجیے۔
- مشاہدہ کیجیے کہ کاغذ ٹی کس سمت میں جاتی ہے۔



شکل 9.15

بندوق کی کمیت $m_2 = 2 \text{ kg}$
 گولی کی آغازی رفتار $(u_1) = 0$
 بندوق کی آغازی رفتار $(u_2) = 0$
 گولی کی اختتامی رفتار $(v_1) = +150 \text{ m s}^{-1}$
 گولی کی سمت بائیں سے دائیں طرف لی جاتی ہے (قراردار کے مطابق مثبت، شکل 9.17) فرض کیجیے، بندوق کی پسپائی رفتار v ہے۔

$$= (2 + 0.02) \text{ kg} \times 0 \text{ m s}^{-1}$$

فائر کرنے سے پہلے جب بندوق حالت سکون میں ہے، پسٹول اور گولی کا کل تحریک

$$= 0 \text{ kg m s}^{-1}$$

فائر کرنے کے بعد، بندوق اور گولی کا کل تحریک

$$= 0.02 \text{ kg} \times (+150 \text{ m s}^{-1}) + 2 \text{ kg} \times v \text{ m s}^{-1}$$

$$= (3 + 2v) \text{ kg m s}^{-1}$$

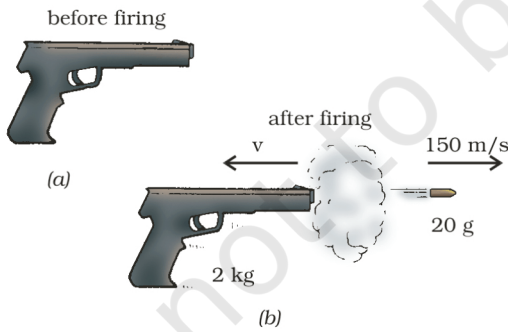
تحریک کی بقا کے قانون کے مطابق

فائر کرنے سے پہلے کل تحریک = فائر کرنے کے بعد کل تحریک

$$3 + 2v = 0$$

$$\Rightarrow v = -1.5 \text{ m s}^{-1}$$

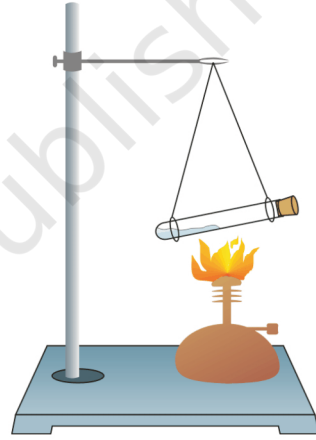
منفی علامت نشاندہی کرتی ہے کہ وہ سمت جس میں بندوق پسپا ہوگی، گولی کی سمت کے مخالف ہے، یعنی کہ دائیں سے بائیں سمت میں۔



شکل 9.17: ایک پسٹول کی پسپائی

ایک عمدہ شیشے کی بنی ہوئی ٹیسٹ ٹیوب لیجیے اور اس میں تھوڑا سا پانی لے لیجیے۔ اس کے منہ پر اسٹاپ کارک لگا دیجیے۔ اب دو دھاگوں یا تاروں کی مدد سے اسے افقی طور پر (Horizontally) لٹکا دیجیے جیسا کہ شکل 9.16 میں دکھایا گیا ہے۔

ٹیسٹ ٹیوب کو ایک برز (چولہے) کے ذریعے اس وقت تک گرم کرتے رہیے۔ جیسا تک کہ (شکل 9.16) میں دکھایا گیا ہے۔ ٹیسٹ ٹیوب کو ایک برز (چولہے) کے ذریعے اس وقت تک گرم کرتے رہیے جب تک کہ پانی ابخارات میں تبدیل ہو جائے اور کارک باہر نکل جائے۔ مشاہدہ کیجیے کہ کارک نکلنے کی مخالف سمت میں ٹیسٹ ٹیوب پسپا ہوتی ہے۔ کارک نکلنے کی رفتار اور پسپا ہوتی ہوئی ٹیسٹ ٹیوب کی رفتار میں فرق کا بھی مشاہدہ کیجیے۔



شکل 9.16

مثال 9.6 20g کی ایک گولی 2kg کمیت کی ایک پسٹول سے افقی سمت میں، افقی رفتار 150 m s^{-1} کی رفتار سے چلائی جاتی ہے۔ پسٹول کی پسپائی رفتار کیا ہوگی؟

حل:

ہمارے پاس ہے،

گولی کی کمیت $m_1 = 20 \text{ g} = (0.02 \text{ kg})$

مثال 9.7 40kg کمیت کی ایک لڑکی افقی رفتار 5 m s^{-1} سے ایک رکی ہوئی گاڑی (کمیت 3 kg)، جس میں بے رگڑ (Frictionless) پہنچے لگے ہیں، پر کودتی ہے۔ وہ جب گاڑی حرکت کرتی ہے تو اس کی رفتار کیا ہوگی؟ مان لیجیے کہ افقی سمت میں کوئی باہری غیر متوازن قوت نہیں لگ رہی ہے۔

حل:

مان لیجیے کہ لڑکی جب گاڑی پر حرکت کرتی ہے تو اس کی رفتار v ہے۔

$$40 \text{ kg} \times 5 \text{ m s}^{-1} + 3 \text{ kg} \times 0 \text{ m s}^{-1} = \text{تفاعل سے}$$

$$\text{پہلے لڑکی اور گاڑی کا کل تحرك} = 200 \text{ kg m s}^{-1}$$

$$(40 + 3) \text{ kg} \times v \text{ m s}^{-1} = \text{تفاعل (Interaction) کے بعد کل تحرك}$$

$$= 43 v \text{ kg m s}^{-1}$$

تحرك کی بقا کے قانون کے مطابق، ہم جانتے ہیں کہ تفاعل کے دوران کل تحرك کی بقا ہوتی ہے۔ یعنی کہ

$$43 v = 200$$

$$\Rightarrow v = 200/43 = + 4.65 \text{ m s}^{-1}$$

اس لیے لڑکی گاڑی پر 4.65 m s^{-1} کی رفتار سے حرکت کرے گی۔ اس کی حرکت کی سمت وہی ہوگی، جس سمت میں وہ کودی تھی (شکل 9.18)۔

مثال 9.8 مخالف ٹیوں کے ہاکی کھلاڑی، ہاکی گیند کو مارنے کی کوشش میں، میدان میں ٹکرا جاتے ہیں اور فوراً ہی ایک دوسرے میں الجھ جاتے ہیں۔ ایک کی کمیت 80kg ہے۔ اور وہ 5 ms^{-1} کی رفتار سے دوڑ رہا ہے، جبکہ دوسرے کی کمیت 55 kg ہے اور وہ پہلے کھلاڑی کی طرف زیادہ رفتار 6.0 m s^{-1} سے دوڑ رہا ہے۔ وہ ایک دوسرے میں الجھنے کے بعد کس رفتار سے اور کس سمت میں حرکت کریں گے۔ مان لیجیے کہ دونوں کھلاڑیوں کے قدموں اور میدان کے درمیان لگ رہی قوت رگڑ قابل نظر انداز ہے۔

حل

مان لیجیے کہ پہلا کھلاڑی بائیں سے دائیں حرکت کر رہا ہے۔ قرار داد کے مطابق، بائیں سے دائیں، مثبت سمت مانی جاتی ہے، اس لیے دائیں سے بائیں منفی سمت ہوگی (شکل 9.19)۔ اگر علامتیں m اور u دونوں کھلاڑیوں کی بالترتیب کمیتیں اور رفتار ظاہر کرتی ہیں۔ ان طبعی مقداروں میں زیریں علامتیں (Subscripts) 1 اور 2 دونوں ہاکی کھلاڑیوں کی نشاندہی کرتی ہیں۔ اس لیے

$$m_1 = 80 \text{ kg}; u_1 = + 5 \text{ m s}^{-1} \text{ اور}$$

$$m_2 = 70 \text{ kg}; u_2 = - 6 \text{ m s}^{-1}$$

$$= 80 \text{ kg} \times (5 \text{ m s}^{-1}) + 70 \text{ kg} \times (- 6 \text{ m s}^{-1})$$

تصادم سے پہلے، دونوں کھلاڑیوں کا کل تحرك

$$= - 20 \text{ kg m s}^{-1}$$



شکل 9.18: لڑکی گاڑی پر کودتی ہے

اگر تصادم کے بعد، آپس میں الجھے ہوئے دونوں کھلاڑیوں کی رفتار v ہے،

$$\begin{aligned} \text{تصادم کے بعد، دونوں کھلاڑیوں کا کل تحریک} \\ &= (m_1 + m_2) \times v \\ &= (80 + 70) \text{ kg} \times v \text{ (m s}^{-1}\text{)} \\ &= 150 \times v \text{ kg m s}^{-1} \end{aligned}$$

تحریک کی بقا کے قانون کے مطابق تصادم سے پہلے اور تصادم کے بعد نظام کے حرکات کو برابر کرنے پر ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\begin{aligned} v &= -20/150 \\ &= -0.13 \text{ m s}^{-1} \end{aligned}$$

اس لیے ایک دوسرے میں الجھے ہوئے دونوں کھلاڑی -0.13 m s^{-1} کی رفتار سے دائیں سے بائیں طرف حرکت کریں گے۔ یعنی کہ اس سمت میں، جس میں دوسرا کھلاڑی تصادم سے پہلے دوڑ رہا تھا۔

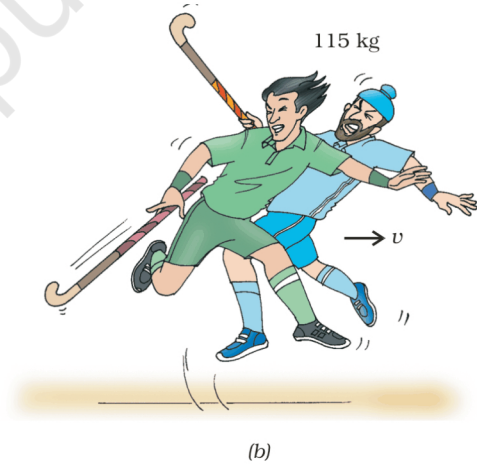
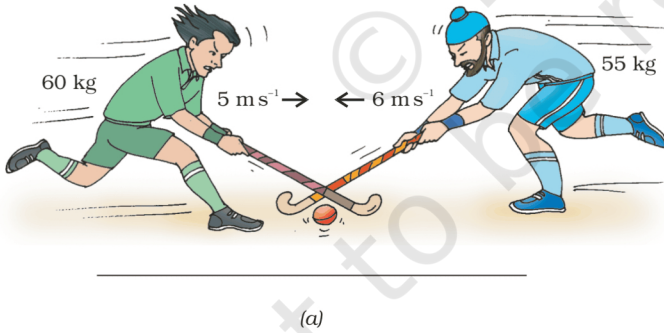
سوالات

- 1- اگر عمل ہمیشہ رد عمل کے مساوی ہوتا ہے، تو وضاحت کیجیے کہ ایک گھوڑا گاڑی کو کیسے کھینچتا ہے۔

2- سمجھائیے کہ ایک آگ بجھانے والے شخص کے لیے اس پانی کے پائپ (Hose) کو پکڑے رہنا کیوں دشوار ہوتا ہے، جس میں سے تیز رفتار کے ساتھ پانی خارج ہوتا ہے۔

3- 50 گرام کمیت کی ایک گولی 35 m s^{-1} کی رفتار سے، ایک 4 kg کمیت کی بندوق سے داغی جاتی ہے۔ بندوق کی پسپائی رفتار کا حساب لگائیے۔

4- 100gm اور 200gm دو کمیتیں، ایک ہی خط پر ایک ہی سمت میں، بالترتیب 2 m s^{-1} اور 1 m s^{-1} کی رفتاروں سے حرکت کر رہی ہیں۔ وہ آپس میں تصادم کرتی ہیں اور تصادم کے بعد پہلی شے 1.67 m s^{-1} کی رفتار سے حرکت کرتی ہے۔ دوسری شے کی رفتار معلوم کیجیے۔



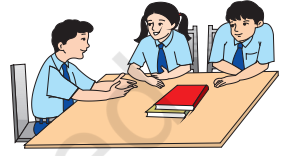
شکل 9.19: دو کھلاڑیوں کا تصادم (a) تصادم سے پہلے (b) تصادم کے بعد

بقائی قوانین (Conservation Laws)

تمام بقائی قوانین، جیسے تحریک کی بقا، توانائی کی بقا، زائدی تحریک کی بقا، برقی بار کی بقا وغیرہ کے قوانین، طبیعیات میں بنیادی قوانین مانے جاتے ہیں۔ عام بقائی قانون مشاہدات اور تجربات پر مبنی ہیں۔ یہ یاد رکھنا اہم ہے کہ اسی بقائی قانون کو براہ راست ثابت نہیں کیا جاسکا ہے۔ تجربات سے ان کی تصدیق کی جاسکتی ہے یا اسے غلط ثابت کیا جاسکتا ہے۔ ایک تجربہ جس کا نتیجہ قانون سے مطابقت رکھتا ہے، قانون کی تصدیق کرتا ہے یا اسے تقویت پہنچاتا ہے، وہ اسے ثابت نہیں کرتا۔ دوسری طرف ایک واحد تجربہ جس کا نتیجہ قانون کے برخلاف ہے، اسے غلط ثابت کرنے کے لیے کافی ہے۔

تحریک کی بقا کا قانون مشاہدات اور تجربات کی بڑی تعداد سے اخذ کیا گیا ہے۔ یہ قانون تقریباً 3 صدی پہلے تشکیل دیا گیا تھا۔ یہ جاننا دلچسپی کا باعث ہوگا کہ اب تک ایک بھی ایسی صورت سامنے نہیں آئی ہے جو اس قانون کے برخلاف ہو۔ روزمرہ کی زندگی کے کئی تجربات کی وضاحت تحریک کی بقا کے قانون کی بنیاد پر کی جاسکتی ہے۔

آپ
نے کیا
سیکھا



- حرکت کا پہلا قانون: ایک شے اس وقت تک حالت سکون میں یا خط مستقیم پر یکساں حرکت میں رہتی ہے، جب تک اس پر کوئی غیر متوازن قوت نہ لگے۔
- اشیاء کا وہ قدرتی رجحان جس کی وجہ سے وہ اپنی حالت سکون یا یکساں حرکت کی حالت میں تبدیلی کی مزاحمت کرتی ہیں، جمود کہلاتا ہے۔
- ایک شے کی کمیت اس کے جمود کا ناپ ہے۔ اس کی SI اکائی کلوگرام (kg) ہے۔
- قوت رگڑ ہمیشہ اشیاء کی حرکت کی مخالف کرتی ہے۔
- حرکت کا دوسرا قانون: ایک شے کے تحریک کی تبدیلی کی شرح، لگائی گئی غیر متوازن قوت کے، قوت کی سمت میں، متناسب ہوتی ہے۔
- قوت کی SI اکائی (kg m s^{-1}) ہے۔ اسے نیوٹن بھی کہتے ہیں اور علامت N سے ظاہر کرتے ہیں۔
- ایک نیوٹن کی قوت 1kg کمیت کی ایک شے میں 1ms^{-1} کا اسراع پیدا کرتی ہے۔
- ایک شے کا تحریک اس کی کمیت اور رفتار کا حاصل ضرب ہے اور اس کی سمت وہی ہوتی ہے جو رفتار کی سمت ہے۔ اس کی SI اکائی kg m s^{-1} ہے۔
- حرکت کا تیسرا قانون ہر عمل کے لیے ایک مساوی اور مخالف ردِ عمل ہوتا ہے اور یہ دونوں دو مختلف جسموں پر لگتے ہیں۔
- ایک جدا نظام (Isolated System) میں جہاں کوئی باہری قوت نہ استعمال ہو وہاں کل تحریک کی بقا ہوتی ہے۔



1- ایک شے پر کل باہری غیر متوازن قوت صفر لگ رہی ہے۔ کیا یہ ممکن ہے کہ یہ شے غیر صفر رفتار سے حرکت کر سکے۔ اگر ہاں تو وہ شرائط بتائیے جو اس کی عددی قدر اور سمت پر لاگو ہوں گی۔ اگر نہیں، تو وجہ بتائیے۔

2- جب ایک قالین کو ایک چھڑی سے پیٹا جاتا ہے تو دھول باہر آتی ہے۔ وضاحت کیجیے۔

3- بس کی چھت پر رکھے ہوئے سامان کو رسی سے باندھنے کا مشورہ کیوں دیا جاتا ہے۔

4- ایک بلب باز کرکٹ کی گیند کو ہموار زمین پر لڑھکنے کے لیے بیٹ سے دھکا دیتا ہے۔ کچھ فاصلہ طے کرنے کے بعد گیند رک جاتی ہے۔ گیند رکنے کے لیے آہستہ ہوتی ہے، کیونکہ

(a) بلب باز دھکا دینا بند کر دیتا ہے۔

(b) رفتار گیند پر لگائی گئی قوت کے متناسب ہے۔

(c) گیند پر ایک ایسی قوت لگ رہی ہے جو حرکت کی مخالفت کرتی ہے۔

(d) گیند پر کوئی غیر متوازن قوت نہیں لگ رہی ہے، اس لیے گیند رکنا چاہے گی۔

5- ایک بے رگڑ ہموار میز پر رکھی ہوئی ایک شے پر ایک افقی مستقل قوت لگائی جاتی ہے۔ قوت لگانے کے دوران مندرجہ ذیل مقداروں میں سے کون سی مقدار تبدیل نہیں ہوگی۔

(a) شے کی رفتار

(b) شے کا اسراع

(c) شے کا مقام

(d) شے کا تحریک

6- ایک ٹرک حالت سکون سے چلنا شروع کرتا ہے اور ایک پہاڑی پر مستقل اسراع کے ساتھ نیچے پھسلتا ہے۔ وہ 20s میں 400m فاصلہ طے کرتا ہے۔ اس کا اسراع معلوم کیجیے۔ اگر اس کی کمیت 7 ٹن ہے تو اس پر لگ رہی قوت معلوم کیجیے۔ [اشارہ: 1000 کلوگرام: (1 ٹن)]

7- ایک جہی ہوئی جھیل کے سطح پر ایک پتھر 20m s^{-1} کی رفتار سے پھینکا جاتا ہے جو 50m فاصلہ طے کرنے کے بعد رک جاتا ہے۔ برف اور پتھر کے درمیان قوت رگڑ کتنی ہے؟

8- 8000kg کا ایک انجن، 5 ڈبوں کی ایک ٹرین کو افقی پٹری پر کھینچتا ہے۔ ہر ڈبے کی کمیت 2000kg ہے۔ انجن 40,000N کی قوت لگاتا ہے۔ اگر پٹریاں 5,000N کی قوت رگڑ لگاتی ہیں تو حساب لگائیے:

(a) کل اسراعی قوت

(b) ریل کا اسراع

(c) ڈبے 1 کے ڈبے 2 پر لگائی گئی قوت

9- ایک گاڑی کی کمیت 1500kg ہے۔ گاڑی اور سڑک کے درمیان کتنی قوت لگنا چاہیے کہ گاڑی 1.7 ms^{-2} کے منفی اسراع کے ساتھ رک جائے۔

10- m کمیت کی ایک شے جو رفتار v سے حرکت کر رہی ہے، اس کا تحریک کیا ہوگا؟

(a) $(mv)^2$ (b) mv^2 (c) $\frac{1}{2} mv^2$ (d) mv

11- 200N کی ایک افقی قوت استعمال کرتے ہوئے ہم ایک لکڑی کے ڈبے کو ایک فرش پر مستقل رفتار کے ساتھ حرکت دینا چاہتے ہیں۔ لکڑی کے ڈبے پر لگنے والی قوت رگڑ کتنی ہوگی۔

12- اگر آپ دیوار اور اسٹیج کے ایک ٹکڑے کو مساوی قوت سے ماریں، تو کس صورت میں آپ کو زیادہ چوٹ لگے گی؟ وضاحت کیجیے۔

13- دو اشیاء جن میں سے ہر ایک کی کمیت 1.4kg ہے، ایک ہی خط مستقیم پر لیکن مخالف سمتوں میں حرکت کر رہی ہیں۔ تصادم سے پہلے دونوں میں سے ہر ایک کی رفتار 2.5 m s^{-1} ہے اور تصادم کے دوران وہ ایک دوسرے سے چپک جاتے ہیں۔ تصادم کے بعد مجموعی شے کی رفتار کیا ہوگی؟

14- حرکت کے تیسرے قانون کے مطابق، جب ہم کسی شے کو دھکا دیتے ہیں، تو وہ شے بھی ہمیں ایک مساوی اور مخالف قوت کے ساتھ پیچھے دھکیلتی ہے۔ اگر شے، سڑک کے کنارے کھڑا ہوا ایک بھاری ٹرک ہے، تو امکان یہی ہے کہ وہ حرکت نہ کرے۔ ایک طالب علم اس کی توجیہ یہ پیش کرتا ہے کہ دو مخالف اور یکساں قوتیں ایک دوسرے کو کینسل (Cancel) کر دیتی ہیں۔ اس توجیہ پر تبصرہ کیجیے اور سمجھائیے کہ ٹرک کیوں نہیں حرکت کرتا؟

15- 200g کمیت کی ایک ہاکی گیند 10 m s^{-1} کی رفتار سے حرکت کر رہی ہے۔ اسے ایک ہاکی کی ذریعے اس طرح مارا جاتا ہے کہ وہ 5 ms^{-1} کی رفتار سے اسی راستے پر واپس لوٹ جائے، بس پر وہ مارنے سے پہلے حرکت کر رہی تھی۔ ہاکی کے ذریعے لگائی گئی قوت سے ہاکی بال کے تحریک میں ہونے والی تبدیلی کا حساب لگائیے۔

16- 10g کمیت کی ایک گولی، افقی سمت میں 150 ms^{-1} کی رفتار سے حرکت کرتے ہوئے ایک رکے ہوئے لکڑی کے ٹکڑے سے ٹکراتی ہے اور 0.035 میں حالت سکون میں آ جاتی ہے۔ حساب لگائیے کہ گولی ٹکڑے میں کتنی دور تک دھنس جائے گی۔ لکڑی کے ٹکڑے کے ذریعے گولی پر لگائی گئی قوت کا بھی حساب لگائیے۔

17- 1kg کی ایک شے خط مستقیم میں 150 m s^{-1} کی رفتار سے حرکت کرتی ہوئی ایک رکے ہوئے لکڑی کے ٹکڑے سے ٹکراتی ہے۔ جس کی کمیت 5kg ہے، اور اس سے چپک جاتی ہے۔ پھر وہ دونوں ایک ساتھ اسی خط مستقیم میں حرکت کرتے ہیں۔ ٹکڑے سے فوراً پہلے اور ٹکڑے کے فوراً بعد کے کل تحریک کا حساب لگائیے۔ جڑی ہوئی شے کی رفتار کا بھی حساب لگائیے۔

18- 100 کلوگرام کمیت کی ایک شے کو 5 m s^{-1} سے 6 s میں 8 m s^{-1} کی رفتار تک یکساں اسراع پذیر کیا جاتا ہے۔ شے کے آغازی اور اختتامی تحریک کا حساب لگائیے۔ شے پر لگائی گئی قوت کی عددی قدر بھی معلوم کیجیے۔

19- اختر، کرن اور راہل ایک کار میں سفر کر رہے تھے، جو تیز رفتار سے ایک شاہراہ سے گذر رہی تھی۔ ایک کیڑا کار کے شیشے سے ٹکرایا اور شیشے پر چپک گیا۔ اختر اور کرن نے اس صورت حال پر غور کرنا شروع کیا۔ کرن نے تجویز پیش کی کہ کار کے تحریک میں آئی تبدیلی کے مقابلے میں کیڑے کے تحریک میں تبدیلی زیادہ ہے۔ (کیونکہ کیڑے کی رفتار کی تبدیلی موٹر کار کی رفتار میں آئی تبدیلی سے کہیں زیادہ ہے)۔ اختر نے کہا کہ کیونکہ موٹر کار زیادہ رفتار سے چل رہی ہے، اس لیے یہ کیڑے پر زیادہ بڑی قوت لگاتی ہے، اور اس کے نتیجے میں کیڑا مر گیا۔ راہل نے ایک بالکل نئی وضاحت کی اور کہا موٹر کار اور کیڑے دونوں پر یکساں قوت لگی اور ان کے تحریک میں یکساں تبدیلی آئی۔ ان تجاویز پر تبصرہ کیجیے۔

20- 10 kg کمیت کا ایک ڈمبل اگر 80cm کی اونچائی سے فرش پر گرتا ہے تو وہ فرش کو کتنا تحریک منتقل کرے گا؟ اس کا نیچے کی سمت میں اسراع 10 ms^{-2} لیجیے۔

اضافی مشق

1- حرکت کرتی ہوئی ایک شے کا فاصلہ۔ وقت جدول مندرجہ ذیل ہے:

وقت (سیکنڈ میں)	فاصلہ (میٹر میں)
0	0
1	1
2	8
3	27
4	64
5	125
6	216
7	343



(a) آپ اسراع کے بارے میں کیا نتیجہ اخذ کر سکتے ہیں؟ کیا یہ مستقل ہے؟ بڑھ رہا ہے؟ کم ہو رہا ہے؟ یا صفر ہے؟

(b) آپ شے پر لگ رہی قوتوں کے بارے میں کیا اخذ کر سکتے ہیں۔

2A- دو اشخاص 1200kg کی ایک موٹر کار کو ایک ہموار سڑک پر ایک یکساں رفتار سے دھکیل لیتے ہیں۔ وہی موٹر تین اشخاص کے ذریعے 0.2 ms^{-2} کے اسراع کے ساتھ دھکیلی جاسکتی ہے۔ ہر ایک شخص موٹر کار کو کتنی قوت سے دھکیلتا ہے؟ (اشارہ: ہر ایک شخص یکساں عضلاتی قوت سے کار کو دھکیلتا ہے)

3A- 500g کا ایک ہتھوڑا 50 m s^{-1} کی رفتار سے حرکت کرتے ہوئے ایک کیل کو مارتا ہے۔ کیل ہتھوڑے کو بہت کم وقفہ وقت جو 0.015s کے مساوی ہے، روک دیتی ہے۔ تو کیل ہتھوڑے پر کتنی قوت لگاتی ہے؟

4A- 1200kg کمیت کی ایک موٹر کار ایک خط مستقیم میں 90 km/h کی یکساں رفتار سے حرکت کر رہی ہے۔ ایک باہری غیر متوازن قوت کے ذریعے اس کی رفتار 4s میں کم ہو کر 18 km/h ہو جاتی ہے اسراع اور تحریک میں تبدیلی کا حساب لگائیے۔ درکار قوت کی عددی قدر کا بھی حساب لگائیے۔

5A- ایک بڑا ٹرک اور ایک کار، دونوں v عددی قدر کی رفتار سے حرکت کرتے ہوئے آمنے سامنے ٹکراتے ہیں۔ اور اس کے بعد دونوں رک جاتے ہیں۔ اگر یہ تصادم IS تک چلتا ہے:

a- کون سی گاڑی پر ٹکر کی قوت زیادہ لگتی ہے۔

b- کون سی گاڑی میں تحریک میں تبدیلی زیادہ ہوتی ہے۔

c- کون سی گاڑی میں زیادہ اسراع پیدا ہوتا ہے۔

d- کار کو ٹرک کے مقابلے میں زیادہ نقصان پہنچنے کا امکان کیوں ہے؟